

MATEMÁTICAS EN EL ARTE

ARQUITECTURA CLÁSICA



Pirámides egipcias

Pirámides precolombinas





Templos egipcios

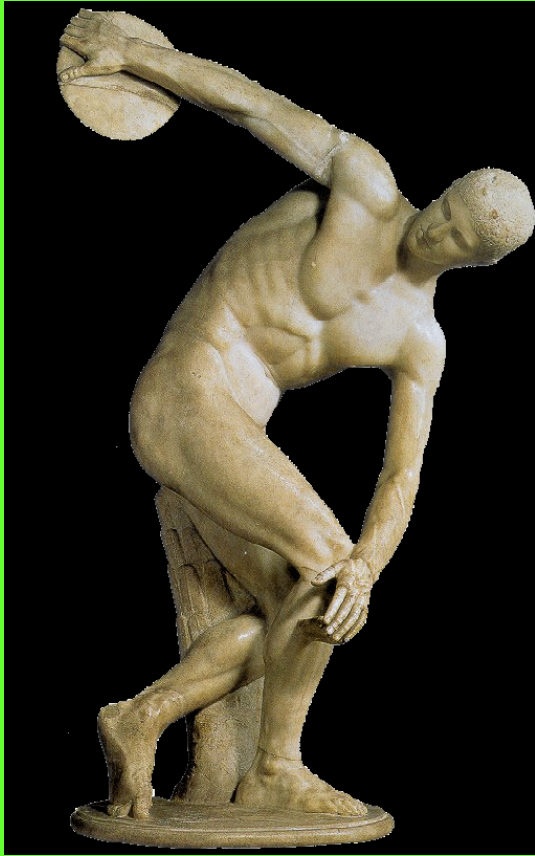


**Templos griegos.
Partenon de Fidias**





Coliseo

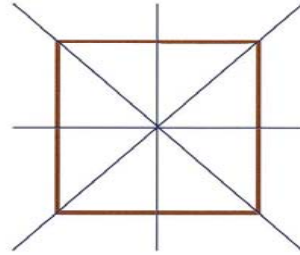


**Escultura griega: Mirón, Policleto, Fidiás.
Cánones**

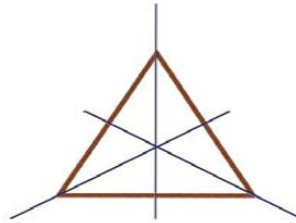
SIMETRÍAS EN DECORACIÓN Y ARQUITECTURA

SIMETRÍAS

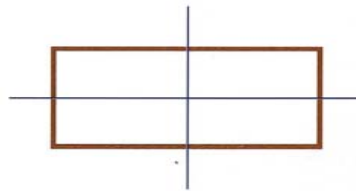
Un cuadrado tiene cuatro ejes de simetría. Se puede doblar por cada una de las líneas azules y siempre quedarán superpuestas las dos mitades.



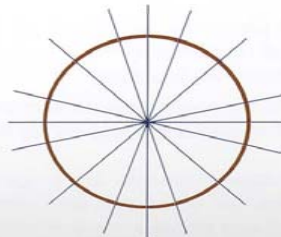
Un triángulo equilátero tiene tres.



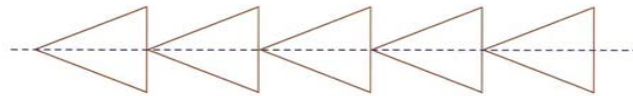
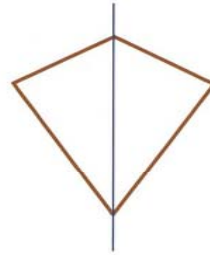
Un rectángulo o un rombo tienen dos.



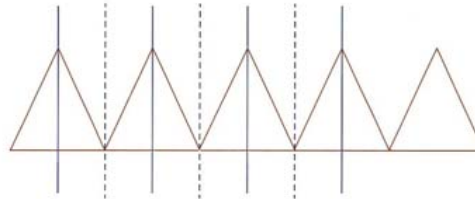
Una circunferencia tiene infinitos.



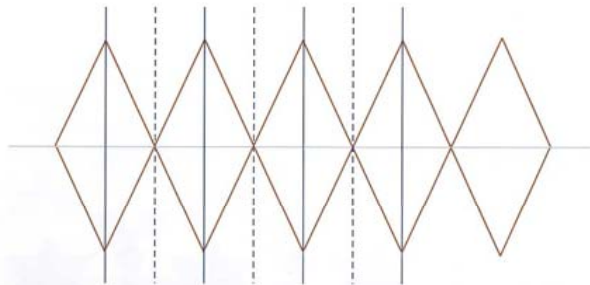
Una cometa tiene uno.



Esta cenefa tiene un eje horizontal de simetría.



Esta cenefa de triángulos verticales tiene infinitos ejes de simetría (si suponemos que se extiende indefinidamente en ambos sentidos): las líneas de trazo continuo y de trazo punteado.



La tercera cenefa tiene un eje de simetría horizontal e infinitos verticales. Si doblamos la cenefa, considerada como infinita en los dos sentidos, por cualquiera de estas rectas, las dos mitades quedarían superpuestas.

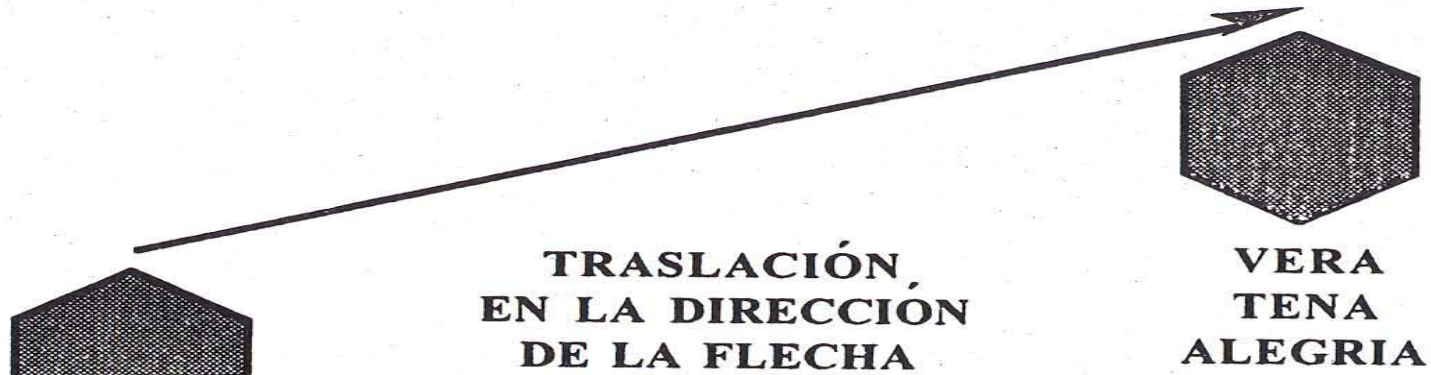
Movimientos en el plano

Movimiento en el plano=
Isometría

Movimientos directos e inversos

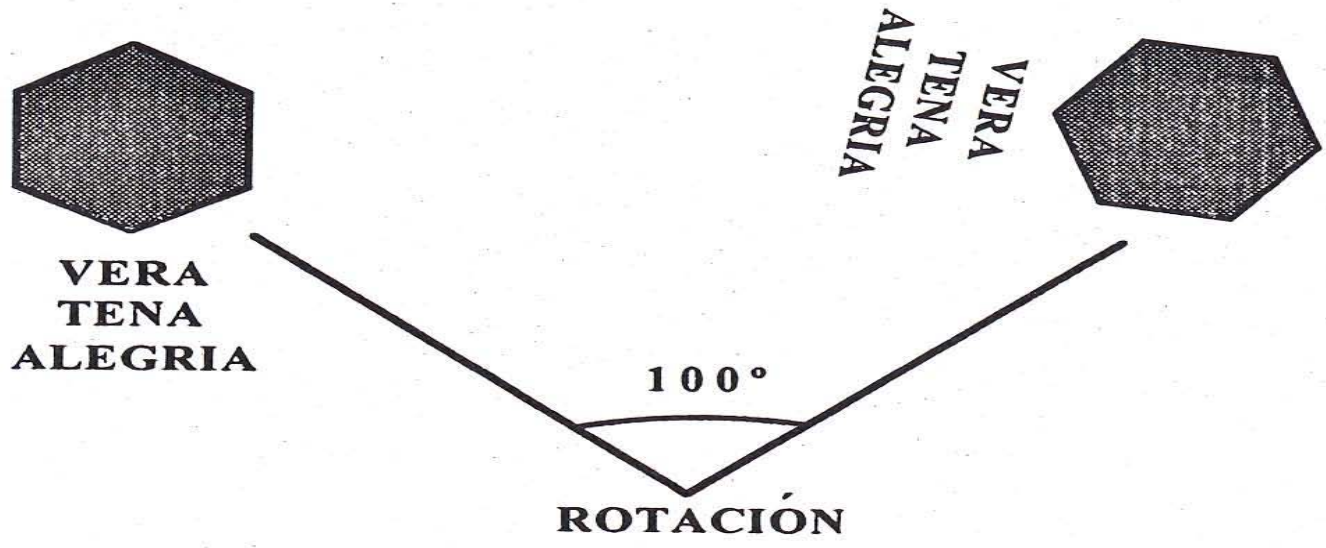
Directos: traslaciones y giros o
rotaciones

Inversos: reflexiones y
reflexiones deslizadas.



**VERA
TENA
ALEGRIA**

Movimientos directos



**VERA
TENA
ALEGRIA**

**VERA
TENA
ALEGRIA**

ROTACIÓN

Movimiento inver-
so: reflexión
respecto a un eje

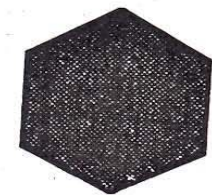


VERA
TENA
ALEGRIA



VERA
TENA
ALEGRIA

Movi-
miento
inverso:
reflexión
con
desliza-
miento



VERA
TENA
ALEGRIA



AREV
TENA
ALEGRIA



AREV
TENA
ALEGRIA

REFLEXIÓN MAS TRASLACIÓN



VERA
TENA
ALEGRIA



AREV
TENA
ALEGRIA

REFLEXIÓN DESLIZADA
DE LA COMPOSICIÓN ANTERIOR

Dos reflexiones de ejes paralelos equivalen a una traslación.

Dos reflexiones de ejes concurrentes equivalen a giro con centro en la intersección.

Todo movimiento del plano se puede hacer mediante composición de reflexiones.

Grupos de movimientos: la composición de dos de ellos es otro del grupo. Por ej.: todos los giros del mismo centro. Los hay finitos e infinitos.

Grupos de “rosetas” o de
Leonardo

Son grupos formados por un número finito de movimientos.

Por ser finito dejan siempre un punto fijo. No hay en ellos traslaciones.

Son de dos clases: cíclicos o diédricos.

Grupos cíclicos:

C_1 (identidad),

C_n (giros de $360^\circ/n$ y sus múltiplos).

Grupos diédricos:

D_n (movimientos generados por una reflexión y un giro de $360^\circ/n$)

Un objeto que queda invariante en un grupo de movimientos se dice que tiene ese grupo de simetría:



C_1



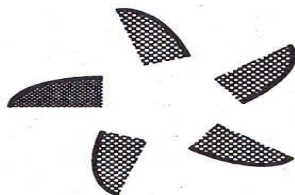
C_2 (giro de 180°)



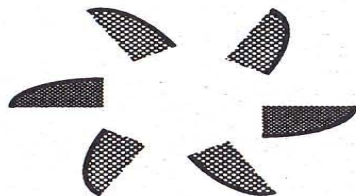
C_3 (giro de 120°)



C_4 (giro de 90°)



C_5 (giro de 72°)



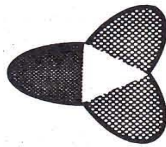
C_6 (giro de 60°)



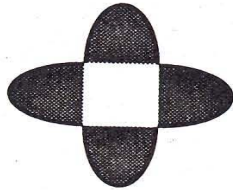
D_1



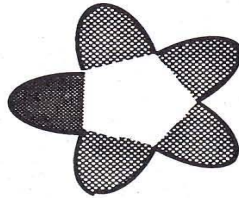
D_2 (giro de 180°)



D_3 (giro de 120°)



D_4 (giro de 90°)



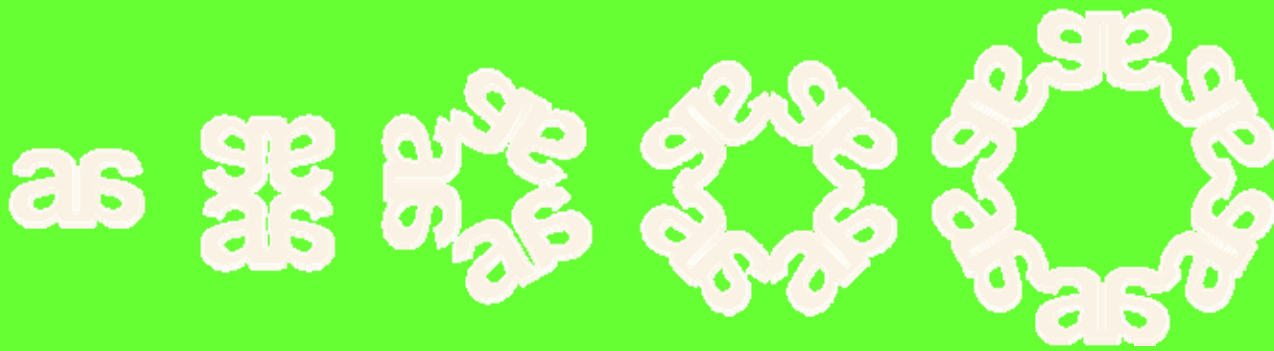
D_5 (giro de 72°)



D_6 (giro de 60°)



Rotaciones de un objeto: tienen un grupo de simetría cíclico C_n

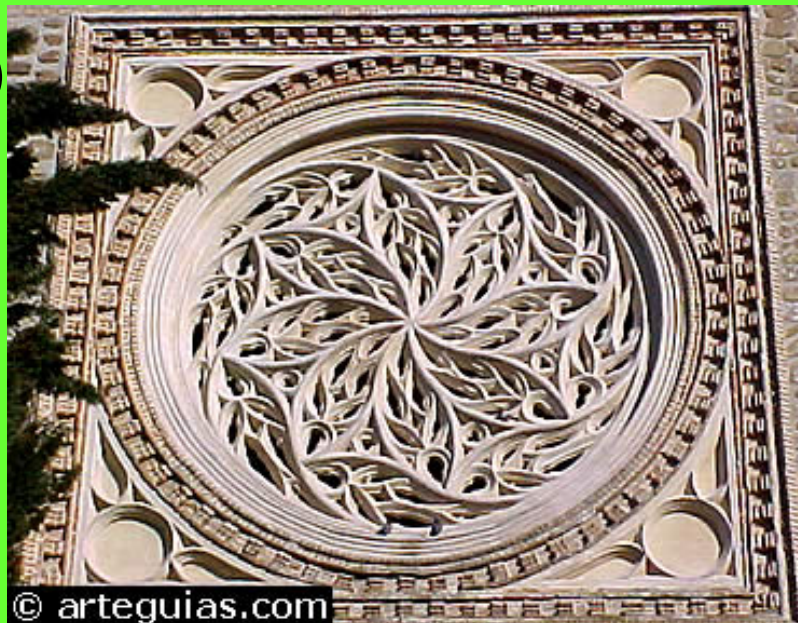


Combinaciones de reflexiones y rotaciones: tienen un grupo de simetría diédrico D_n

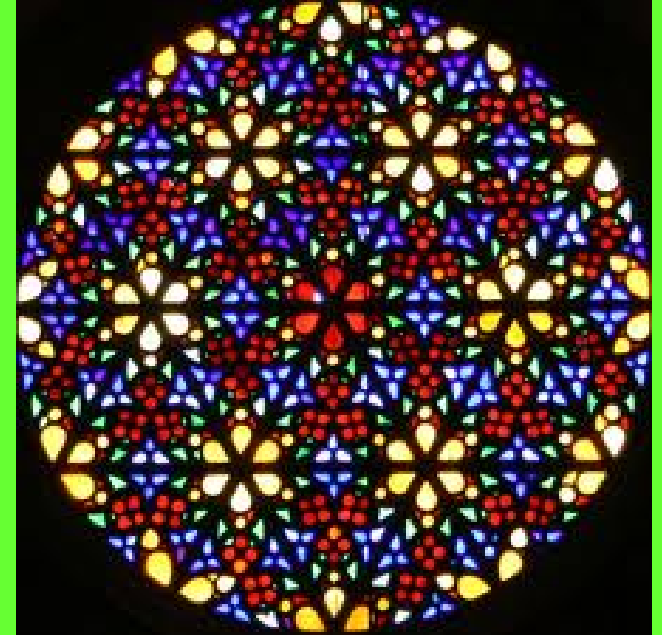


© arteguias.com

**Grupo D8
(Covarrubias)**



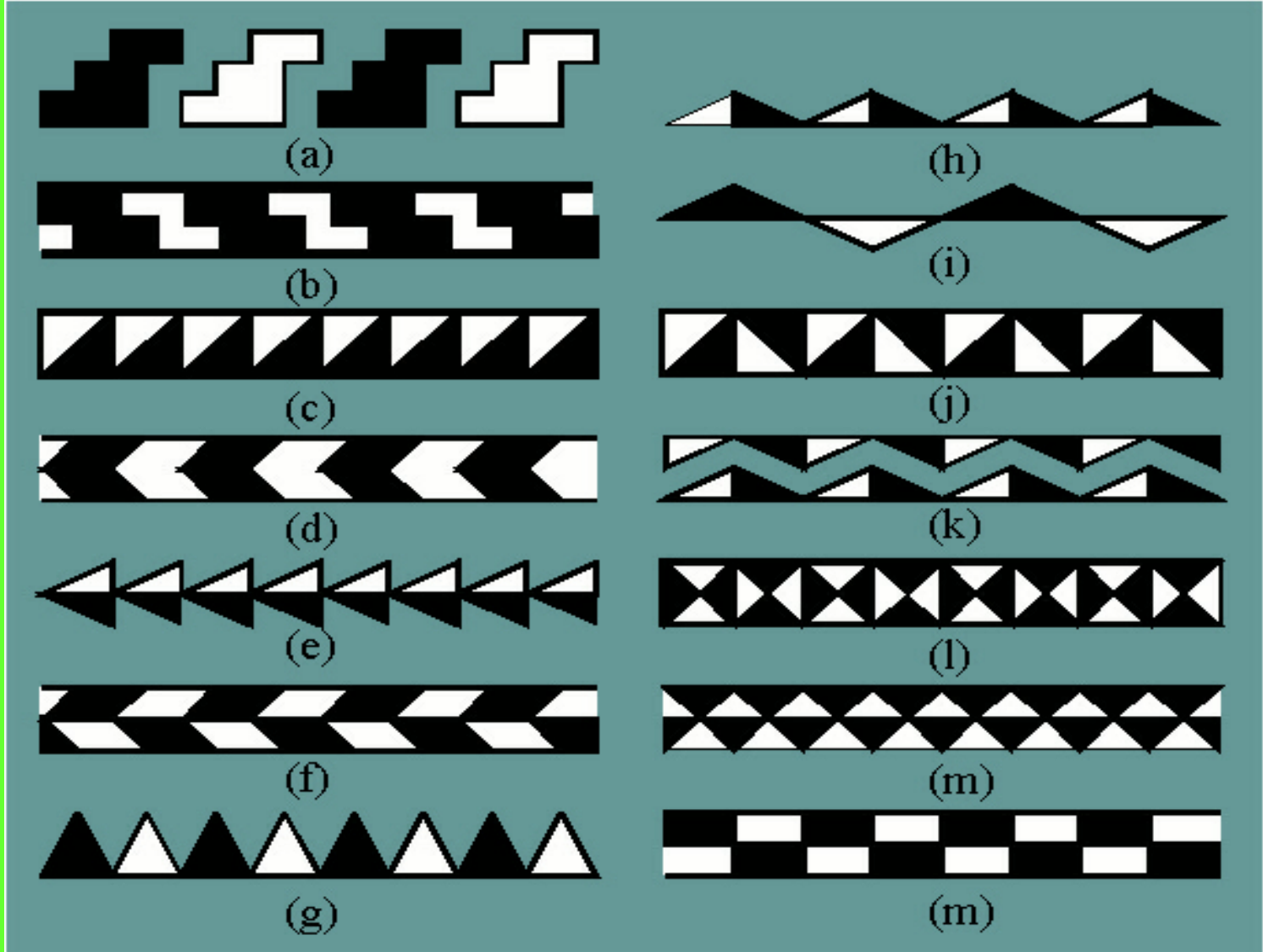
© arteguias.com



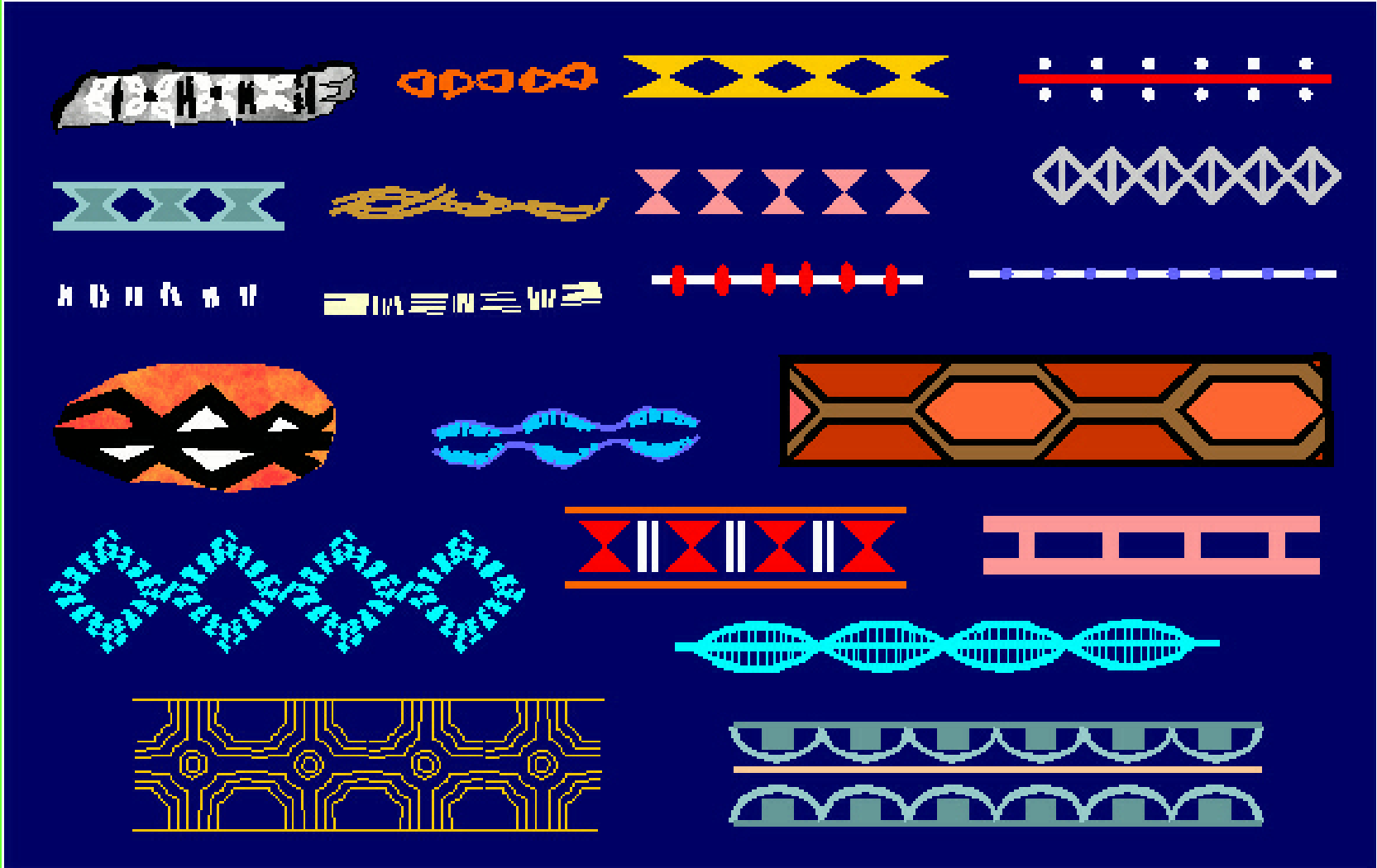
**Grupo D6
(PalmaMallorca)**

**Grupo C8
(Talavera)**

Grupos de frisos



Frisos del Neolítico en Grecia y Oriente Próximo



Frisos del Paleolítico y Neolítico



Frisos de unos 4000 años antes de la era cristiana



Repetición de un mismo motivo ornamental a lo largo de una recta.

Siete únicos grupos de simetría posibles que dejan invariante un friso: siempre hay una traslación en ellos.

Tipo 1: LLLLLLLLLLLLLLLLLL

No hay simetrías en el generador.

Tipo 2: SSSSSSSSSSSSSS

Rotación de 180° respecto al centro del generador lo reproduce, sin reflexiones.

Tipo 3: D

DDDDDDDDDDDDDDDDDDDDDDDDDDDD

Reflexión de eje horizontal.

Tipo 4: M

MMMMMMMMMMMM

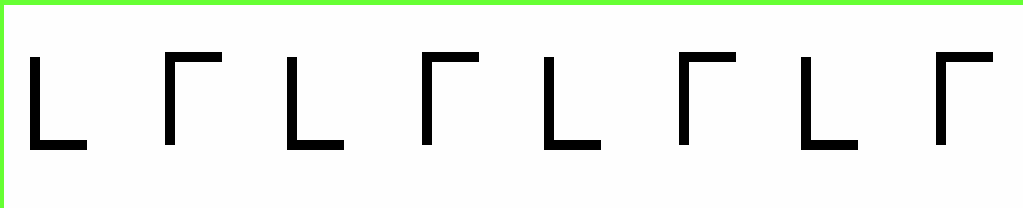
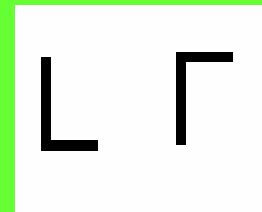
Reflexión de eje vertical.

Tipo 5: H

HHHHHHHHHHHHHHHHHHHH

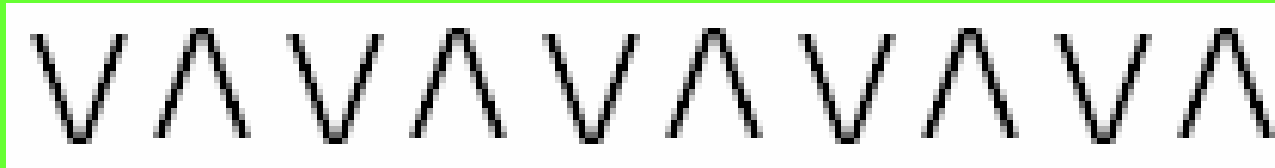
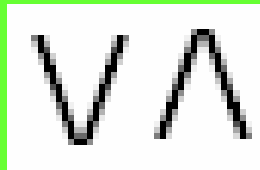
Reflexiones tanto de eje horizontal como vertical.

Tipo 6: Generador



Reflexion horizontal pero con deslizamiento

Grupo 7



Reflexion vertical pero con
deslizamiento

¿Presenta simetría horizontal y vertical? Sí, tipo 5, y No:

¿Presenta simetría horizontal? Sí, tipo 3, y No:

¿Presenta simetría central? Sí, tipo 2, y No:

¿Presenta simetría vertical pero con deslizamiento? Sí, tipo 7, y No:

¿Presenta simetría vertical? Sí, tipo 4, y No:

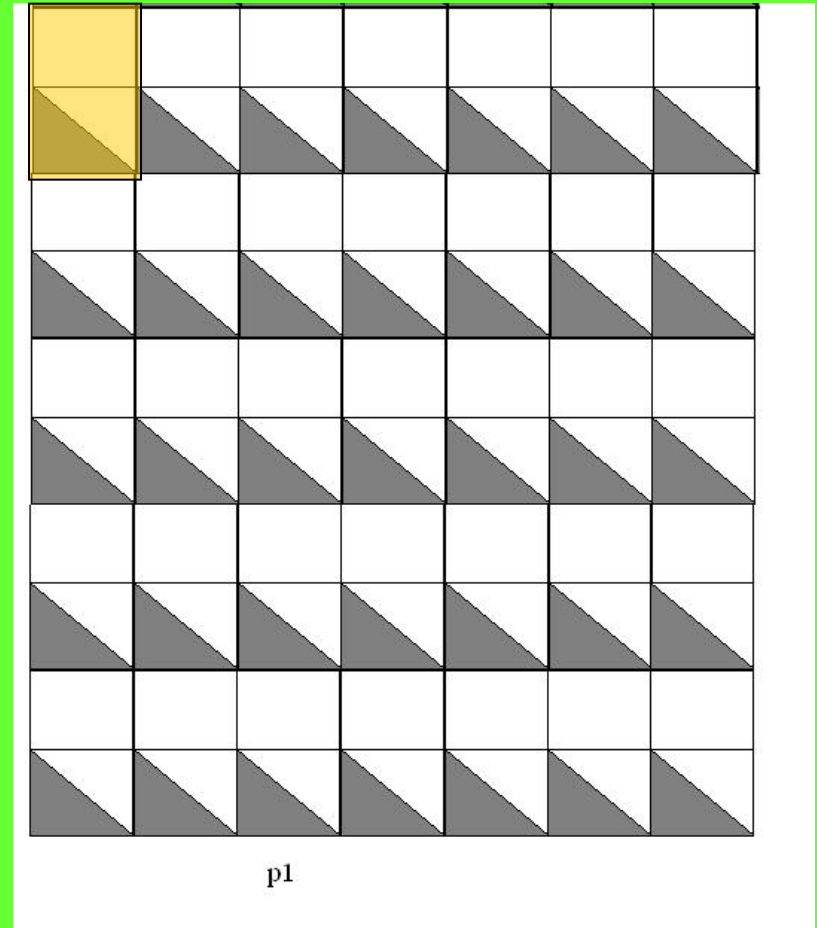
¿Presenta simetría horizontal pero con deslizam.? Sí, tipo 6, y No: tipo 1.

Grupos planos (empapelados pared)

Hay 17 grupos de simetría planos o grupos de murales.

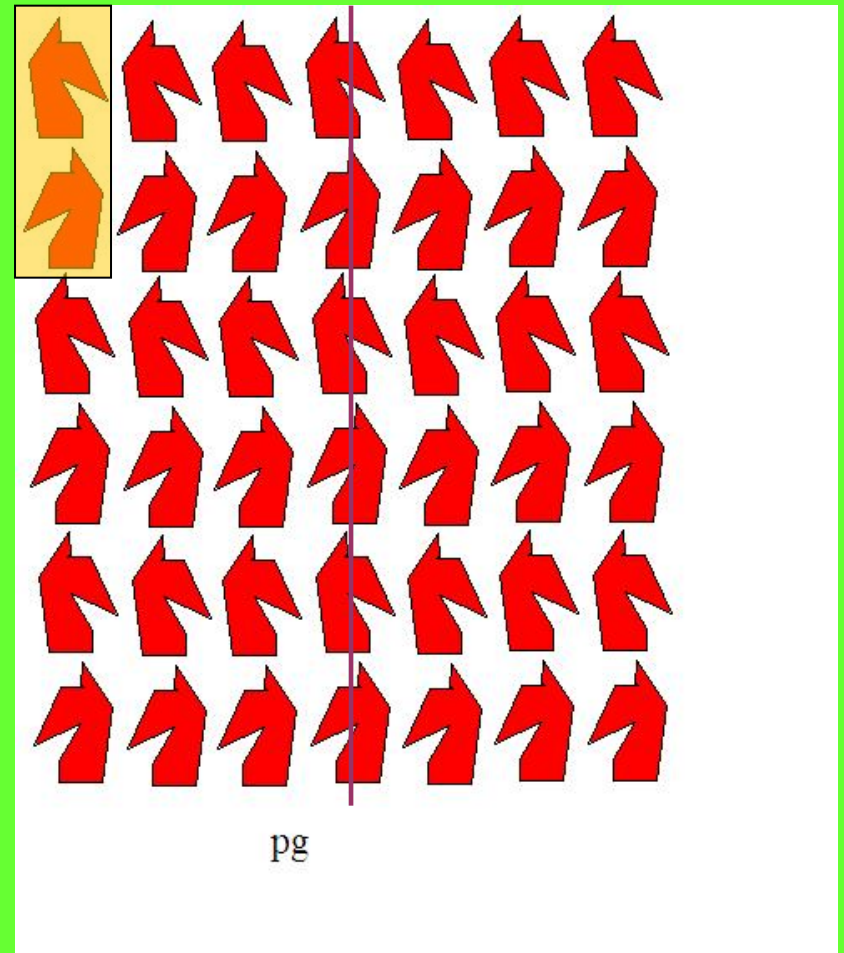
Grupo p1: Sin rotaciones

- Grupo p1, contiene sólo traslaciones en dos direcciones diferentes.



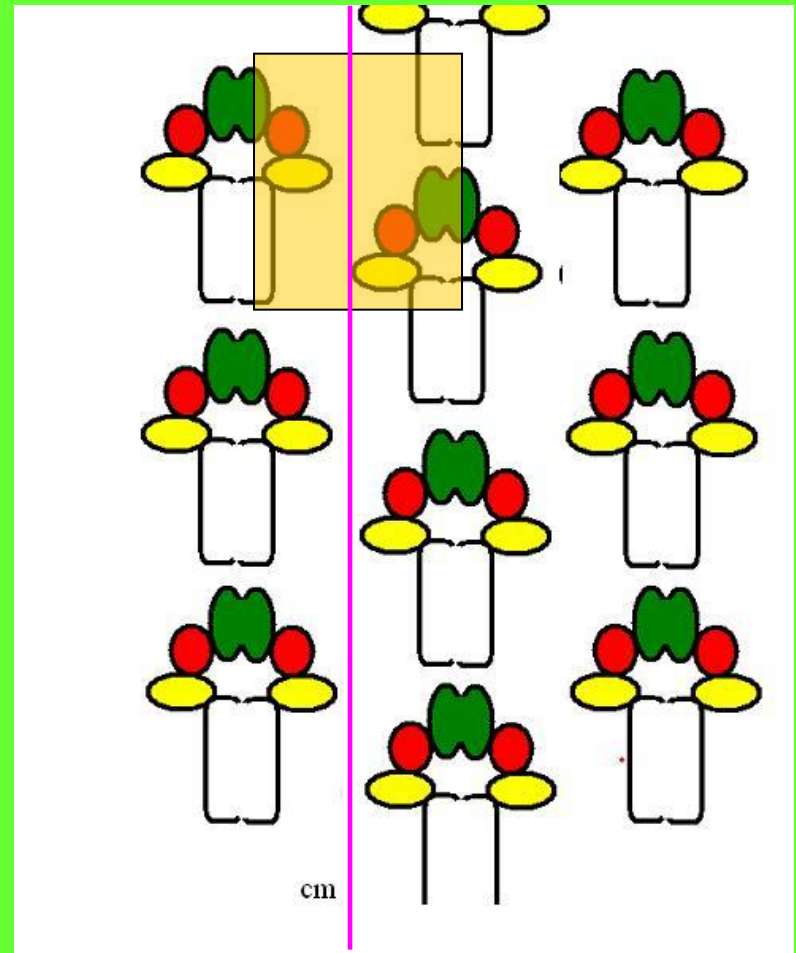
Grupo pg: No hay rotaciones

- Contiene deslizamientos en direcciones paralelas.



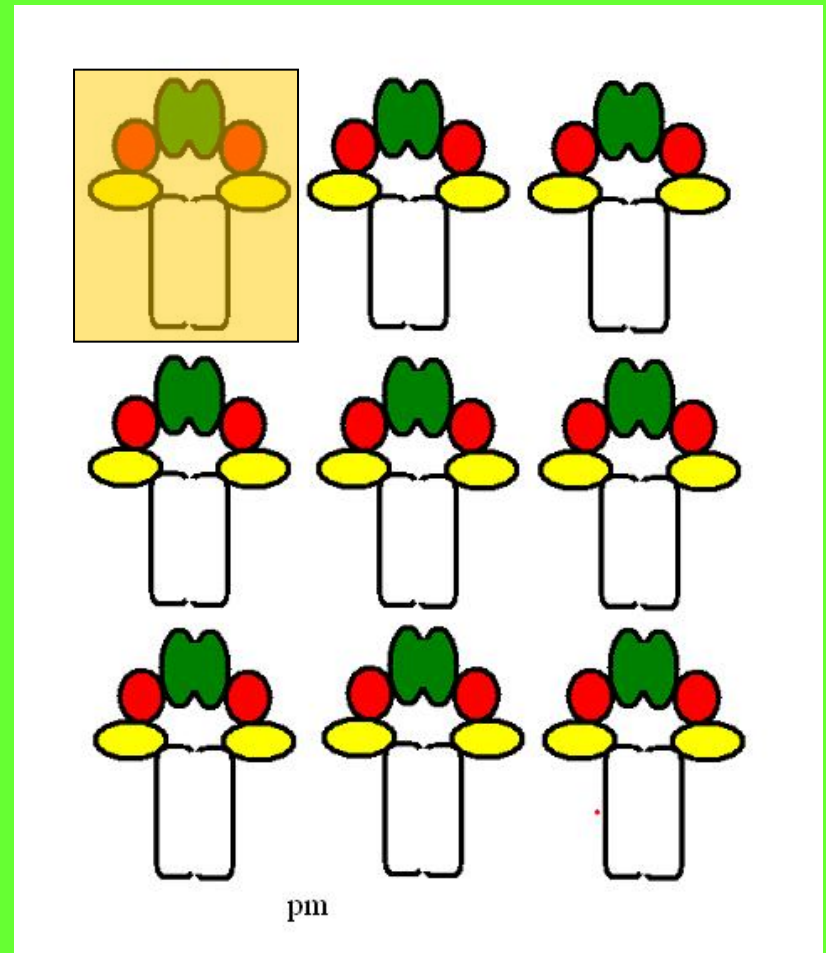
Grupo cm : sin rotaciones

- Grupo cm , contiene una reflexión sobre un eje vertical.
- Contiene un deslizamiento sobre un eje paralelo.



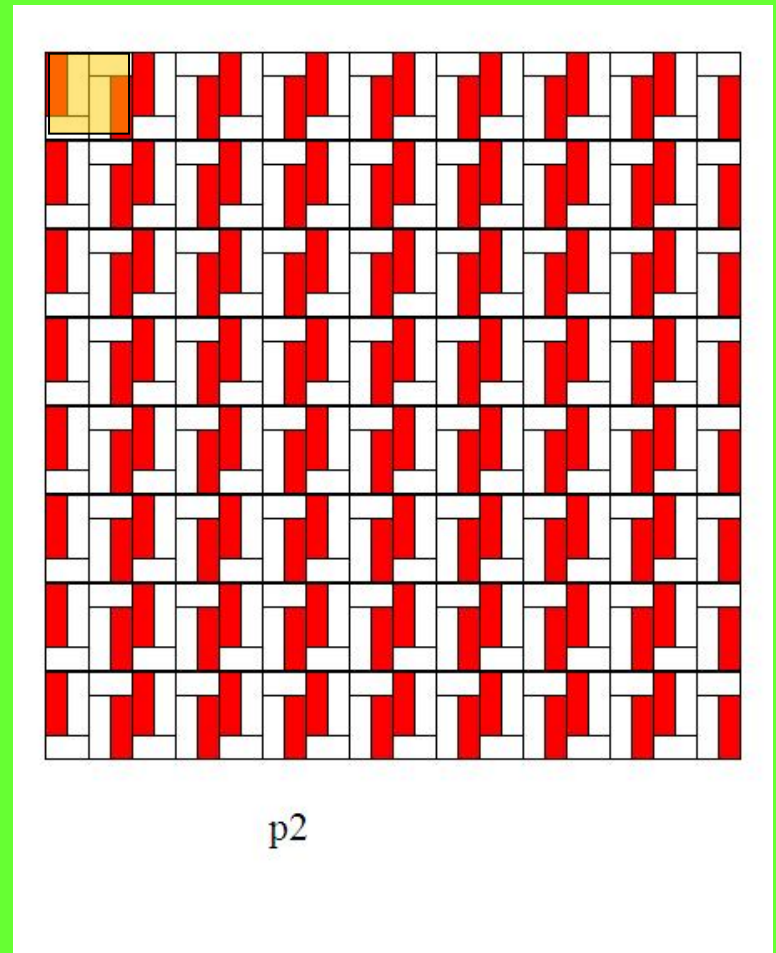
Grupo pm: sin rotaciones

- Contiene una reflexión.



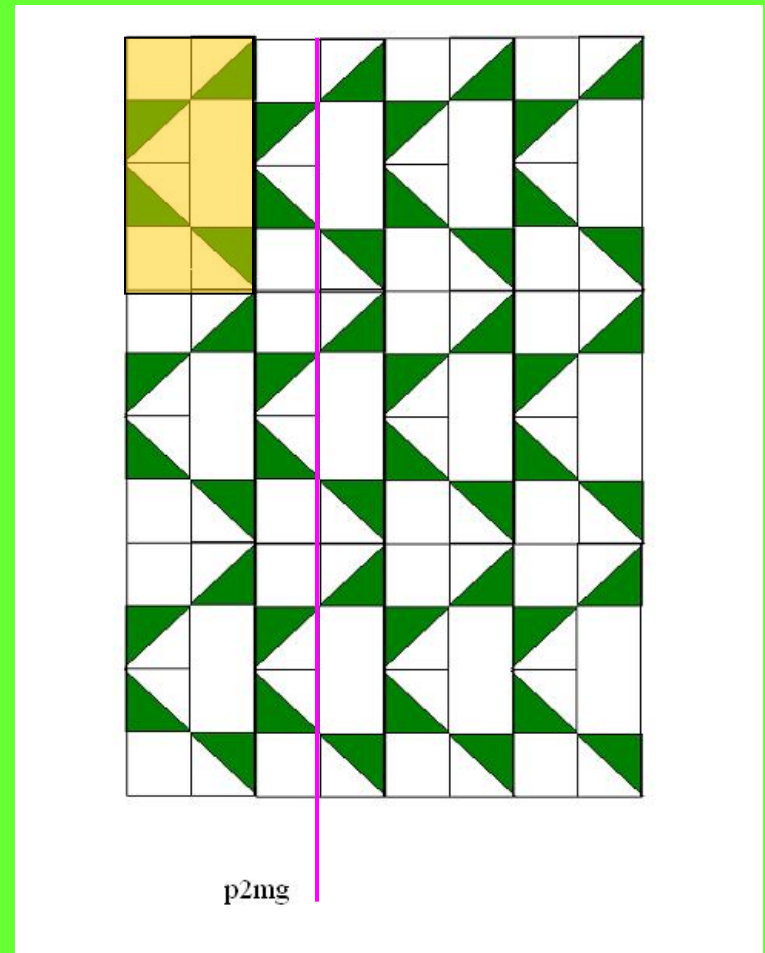
Grupo p2: rotacion de orden 2

- No contiene reflexiones ni deslizamientos



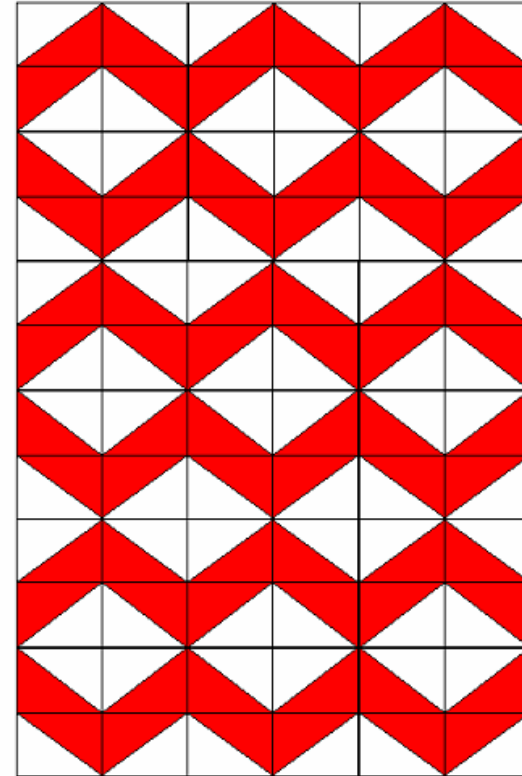
Grupo $p2mg$: Rotación de orden 2.

- Contiene un reflexión sobre un eje paralelo a la traslación.
- Contiene deslizamientos sobre líneas perpendiculres a los ejes de reflexión.



Grupo $p2mm$: rotación de orden 2

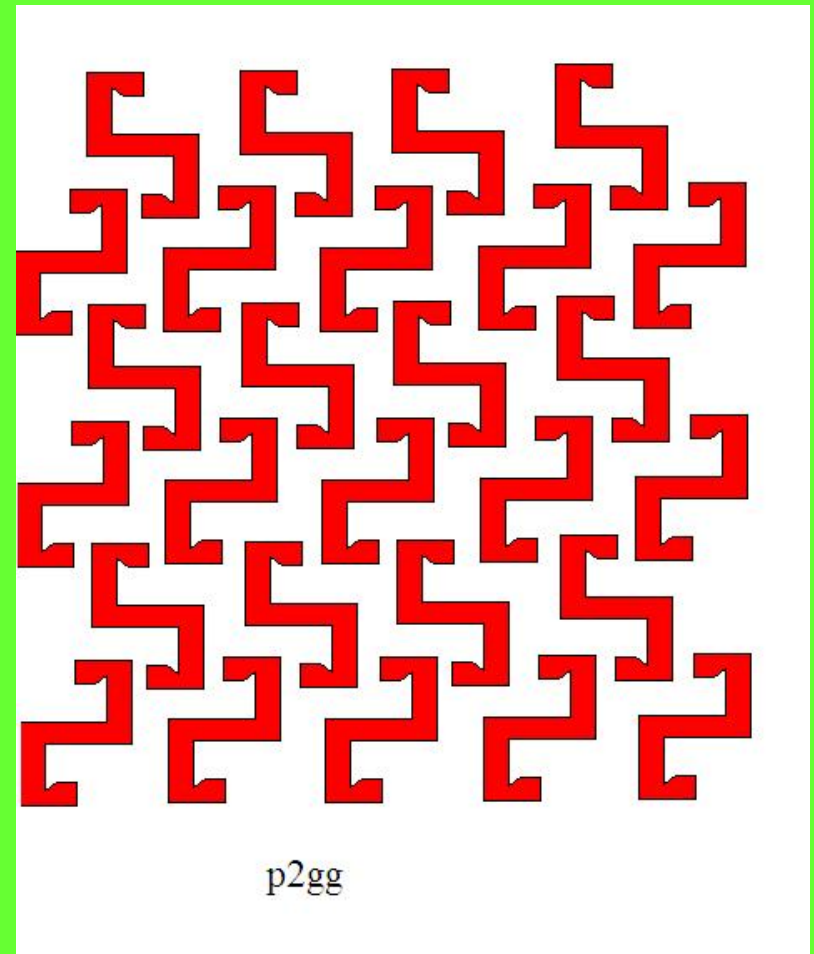
- Contiene reflexiones sobre ejes perpendiculares



$p2mm$

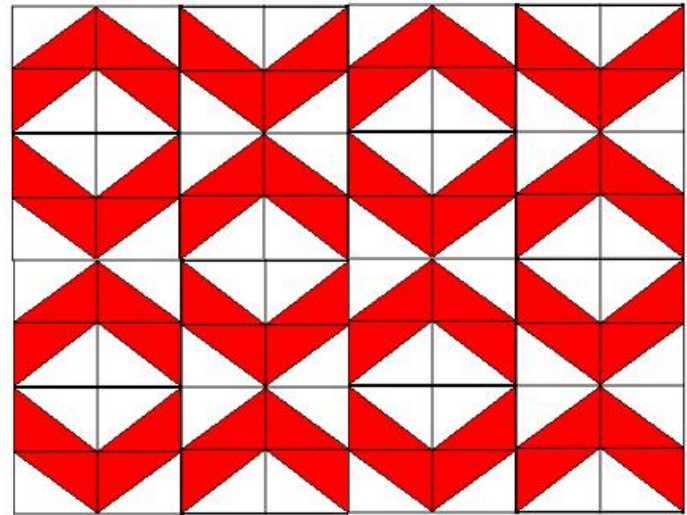
Grupo p2gg: Rotación de orden 2.

- Contiene deslizamientos con ejes que se cruzan perpendicularmente



Grupo $c2mm$: Rotación de orden 2

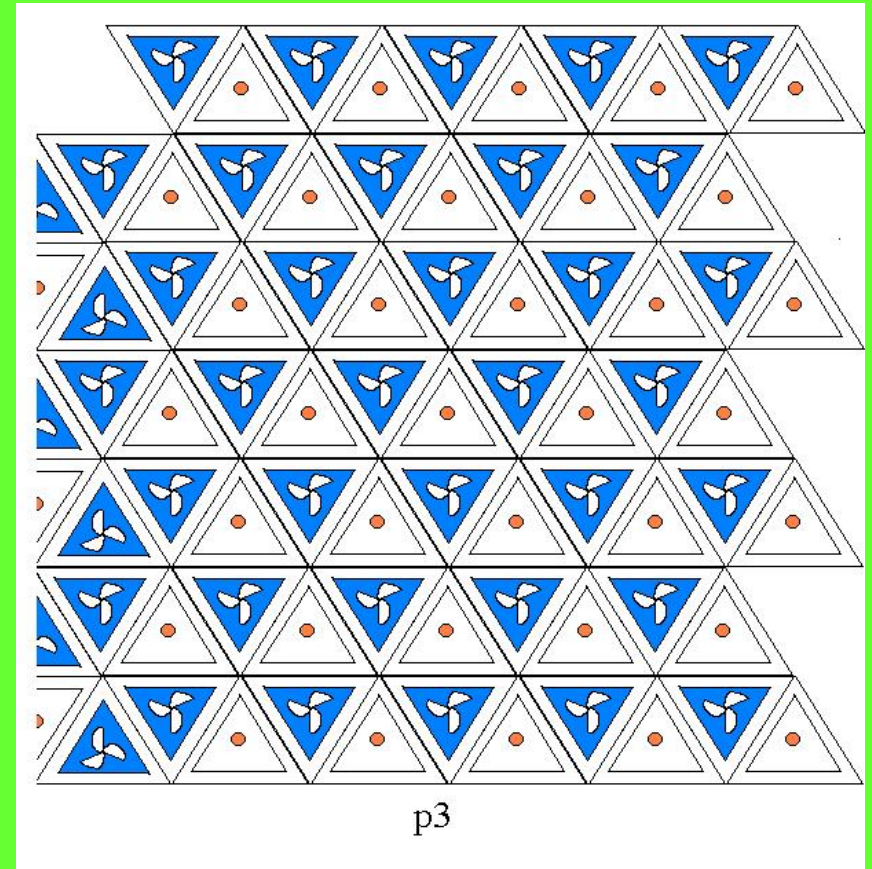
- Contiene dos reflexiones sobre ejes perpendiculares.
- Contiene una rotación de orden dos



$c2mm$

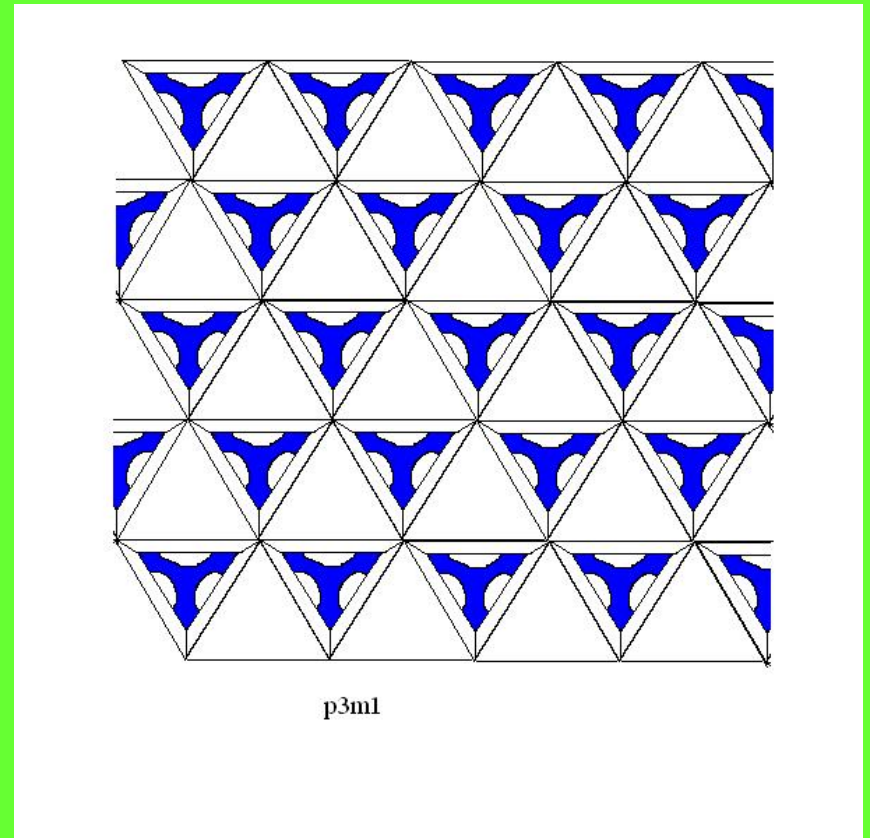
Grupo p3: Rotación de orden 3

- No contiene reflexiones



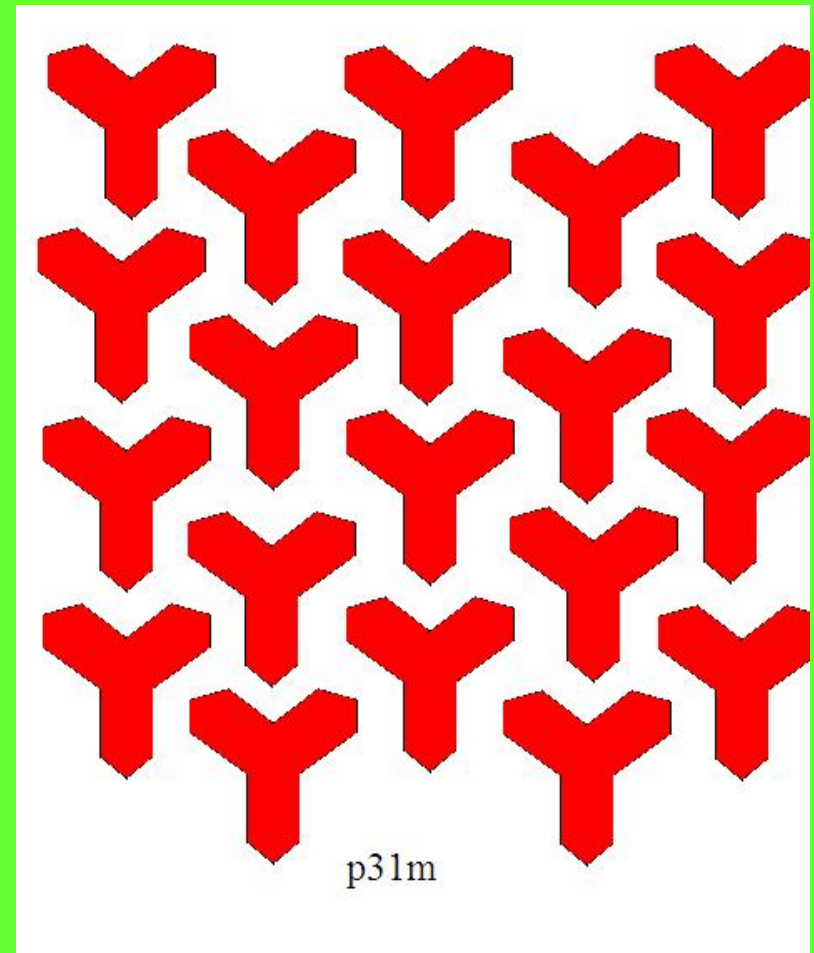
Grupo $p3m1$: Rotación de orden 3.

- Contiene reflexiones
- La celda básica se obtiene al unir 4 centros de rotación cercanos.
- Los ejes de reflexión están sobre la diagonal mayor de la celda básica.



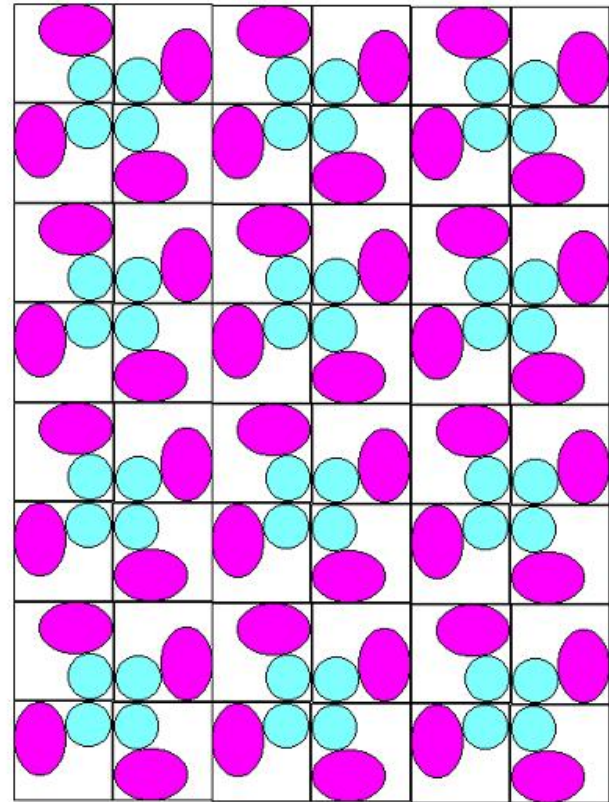
Grupo p31m: Rotación de orden 3.

- Contiene reflexiones sobre tres direcciones distintas que se intersectan en los centros de rotación.
- Si se unen 4 centros de rotación cercanos se obtiene la celda básica que es un paralelogramo. En la diagonal menor del mismo hay un areflexión.



Grupo p4: Rotación de orden 4

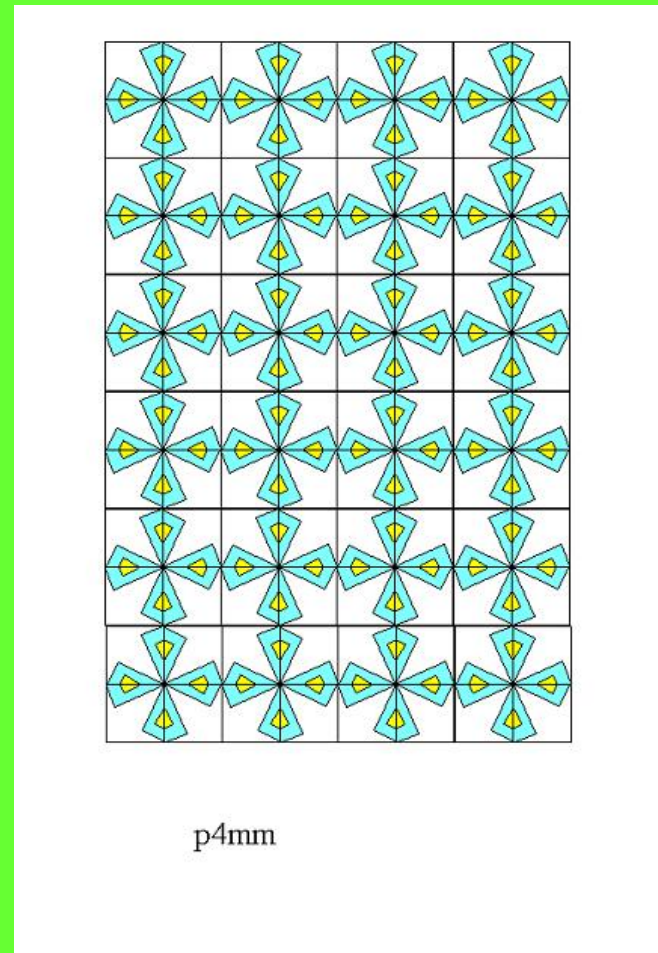
- No contiene reflexiones ni deslizamientos.



p4

Grupo $p4mm$: Rotación de orden 4

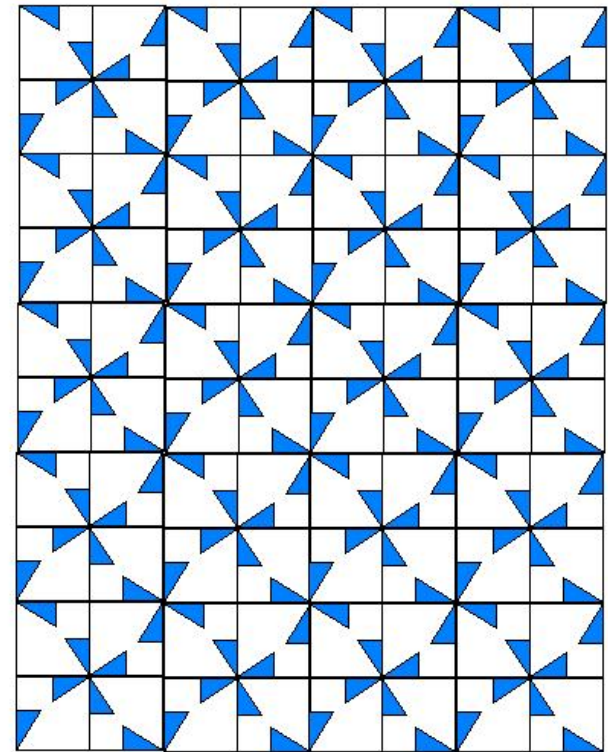
- Contiene reflexiones sobre ejes perpendiculares que se cortan en el centro de la celda básica.



Grupo p4gm: Rotación de orden 4

4

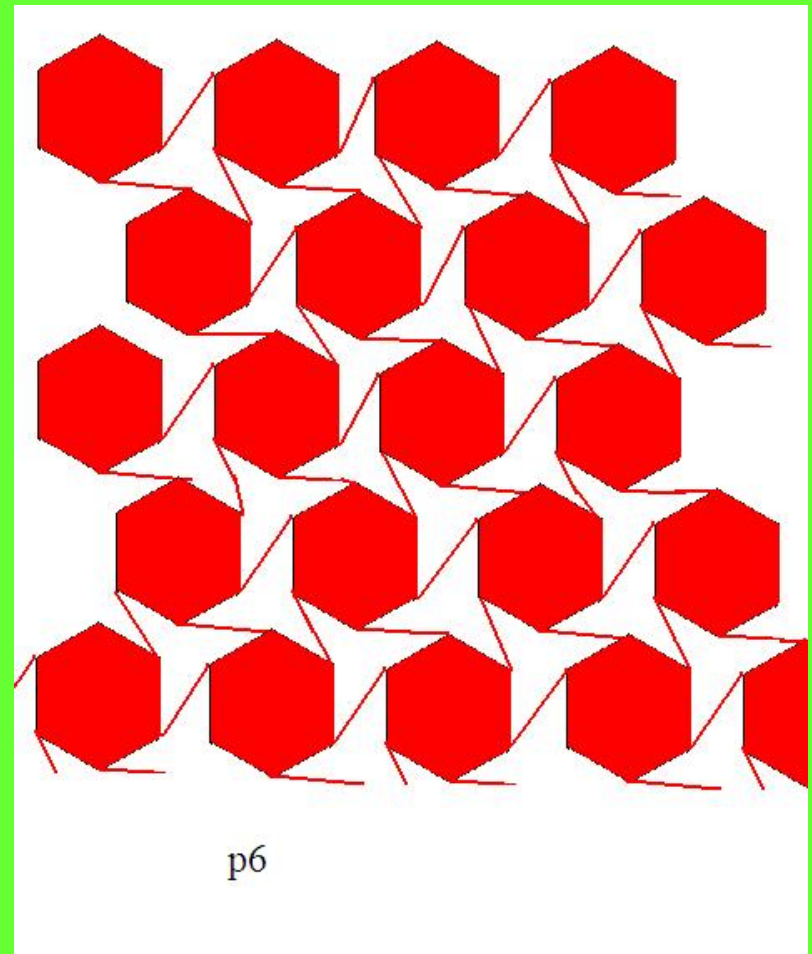
- Contiene centros de rotación de orden 4 y de orden 2.
- Contiene reflexiones con ejes que pasan por los centros de rotación de orden 2.



p4gm

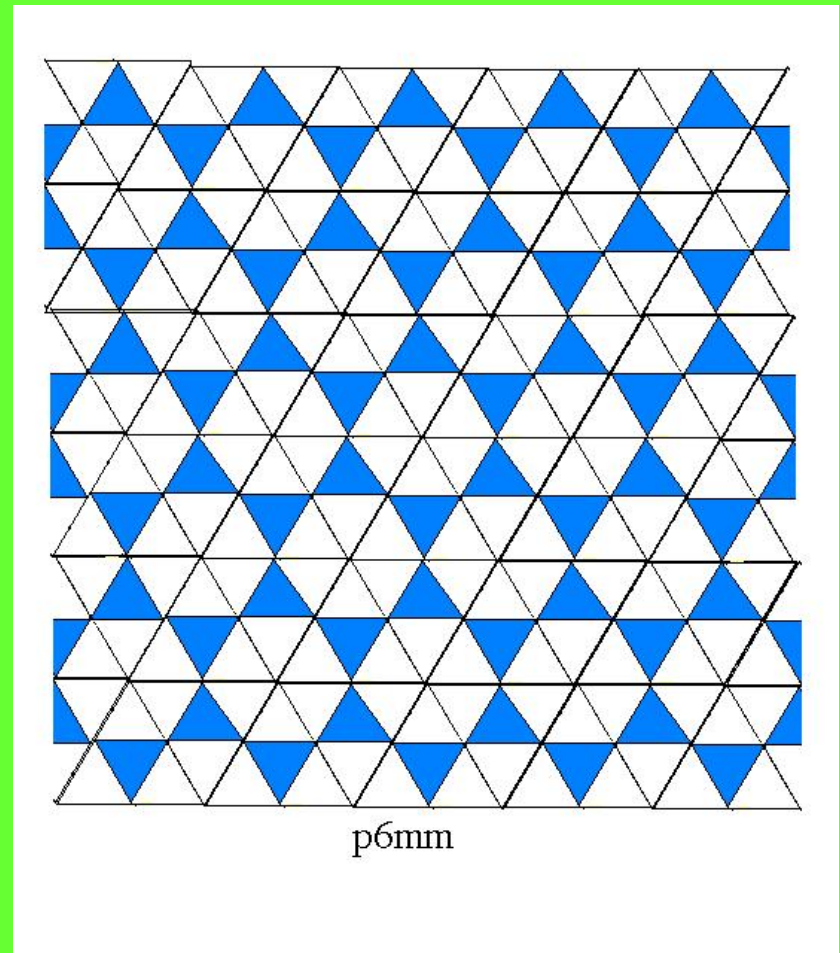
Grupo p6: rotación de orden 6

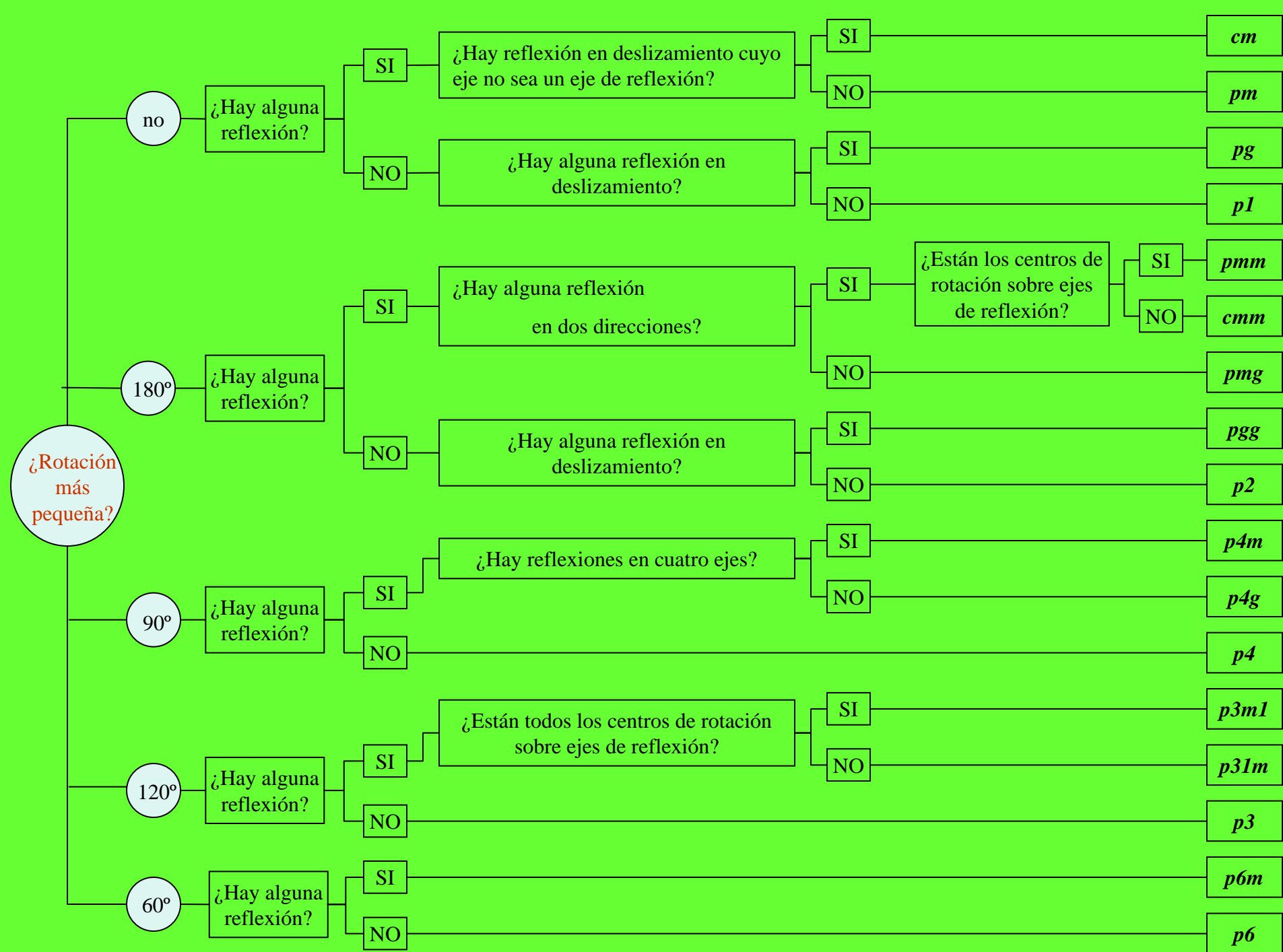
- No tiene reflexiones
- Posee centros de rotación de orden 3.

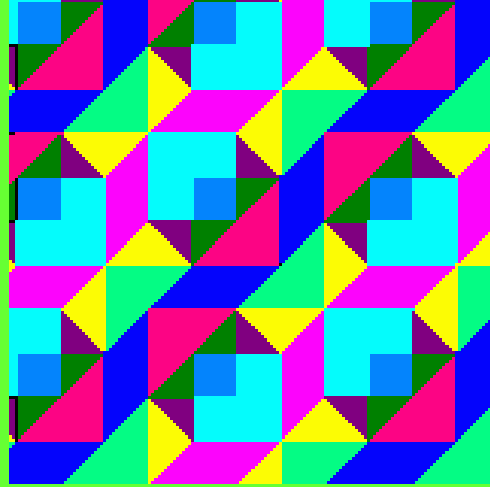
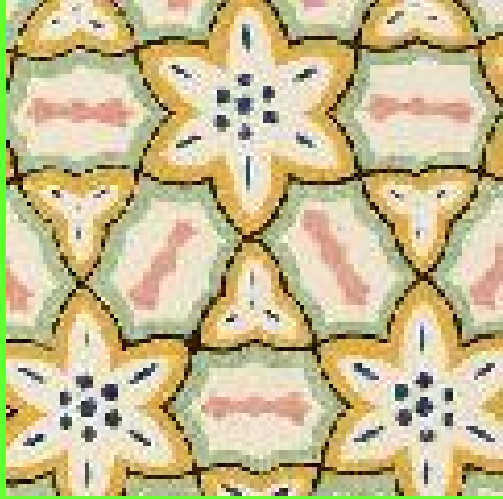


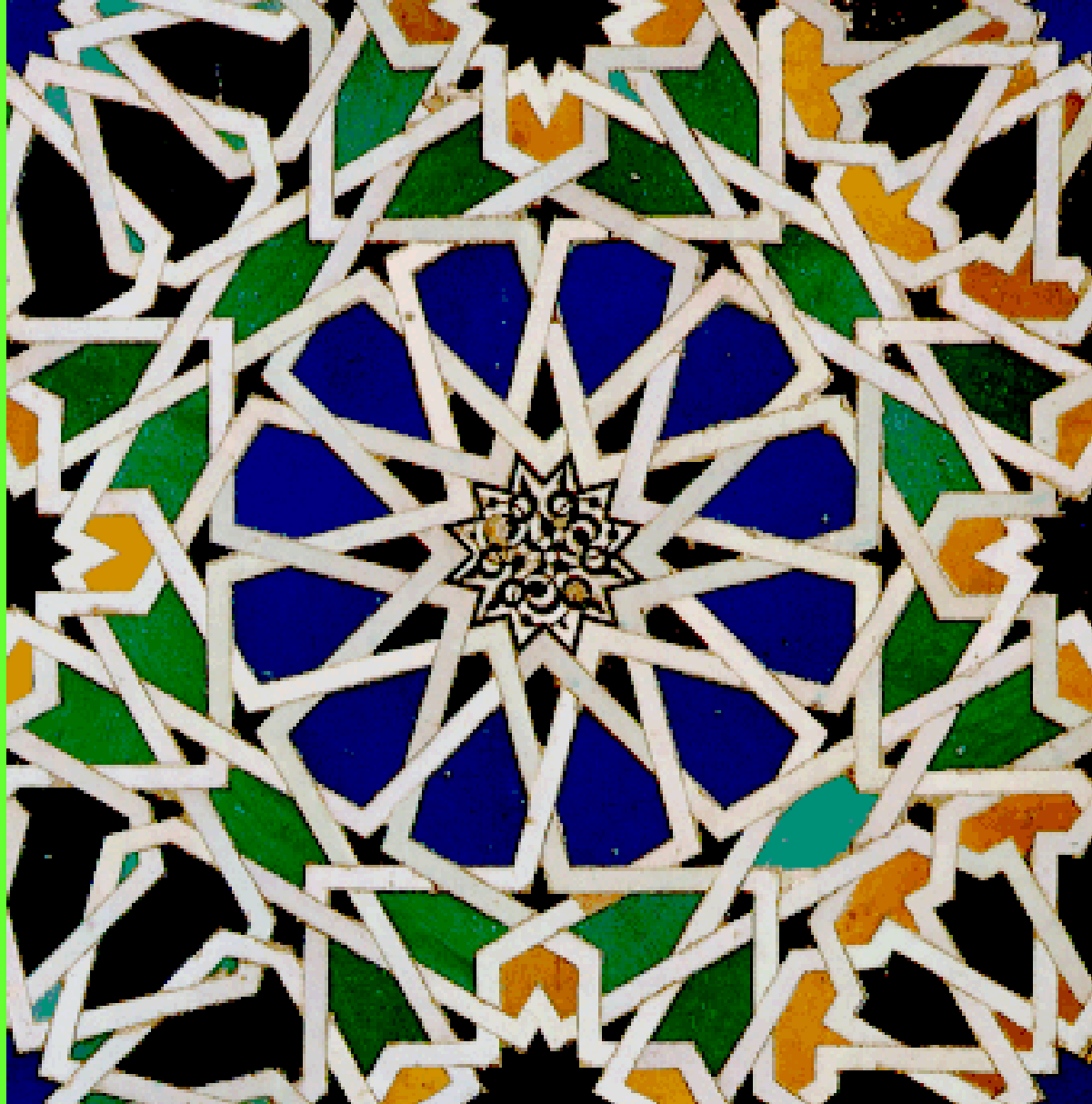
Grupo $p6mm$: Rotación de orden 6

- Posee reflexiones
- Posee centros de rotación de orden 2.

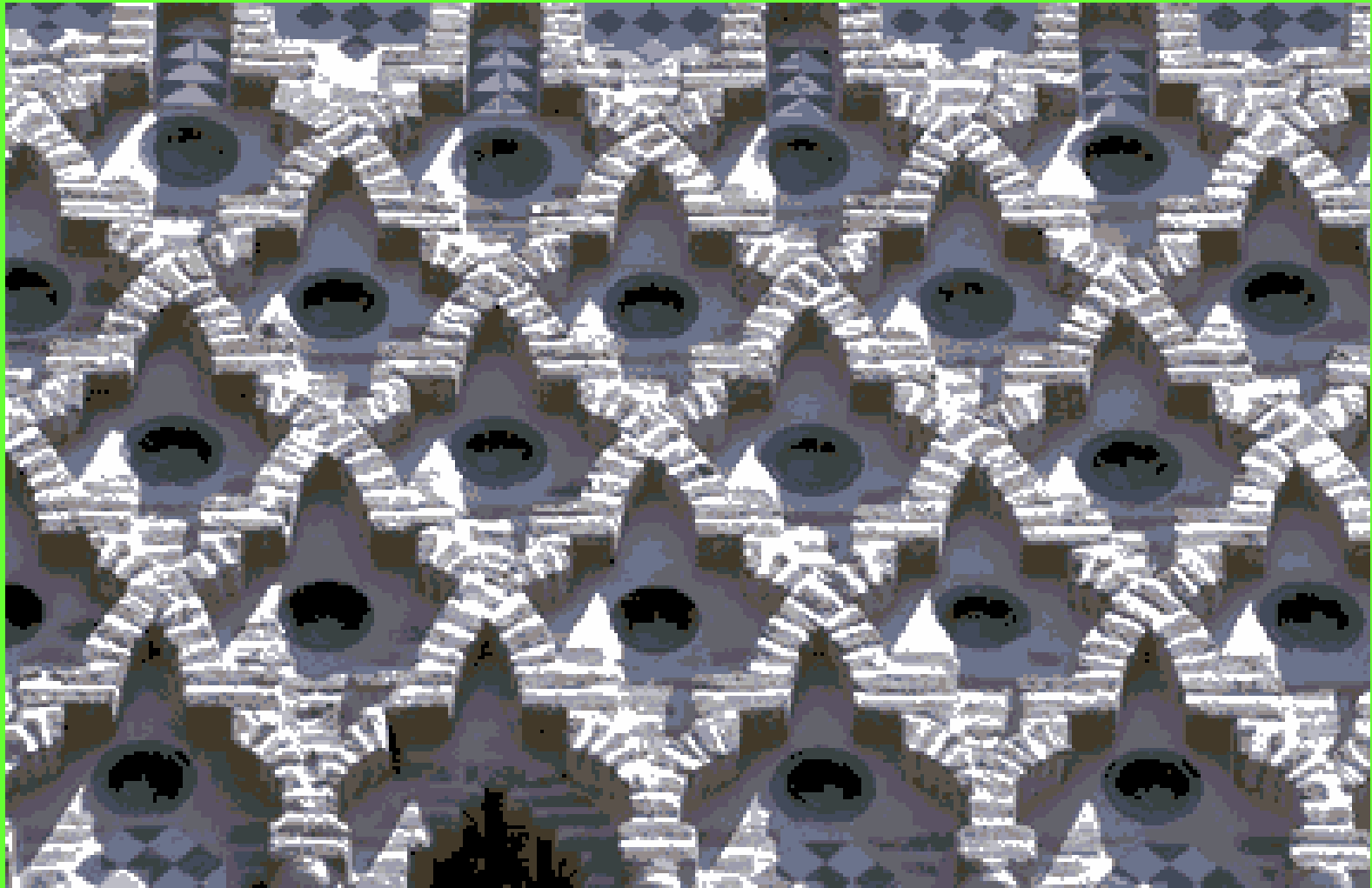








En la Alhambra y arte musulmán



Mudéjar en San Salvador (Teruel)

ROMÁNICO Y GÓTICO



San
Pedro
de
Siresa:
medio
punto y
bóveda
de
cañon

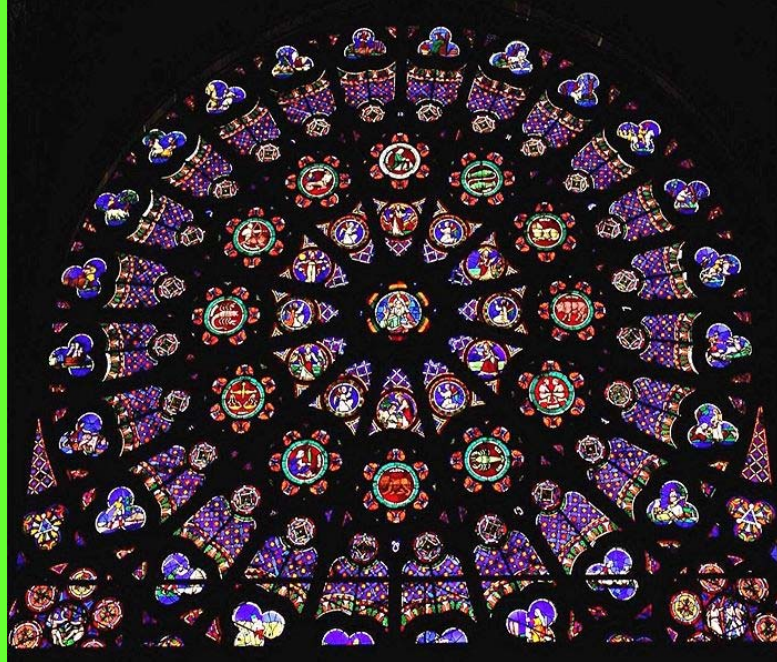
Foto: Teo Félix



San
Pedro
de
Siresa



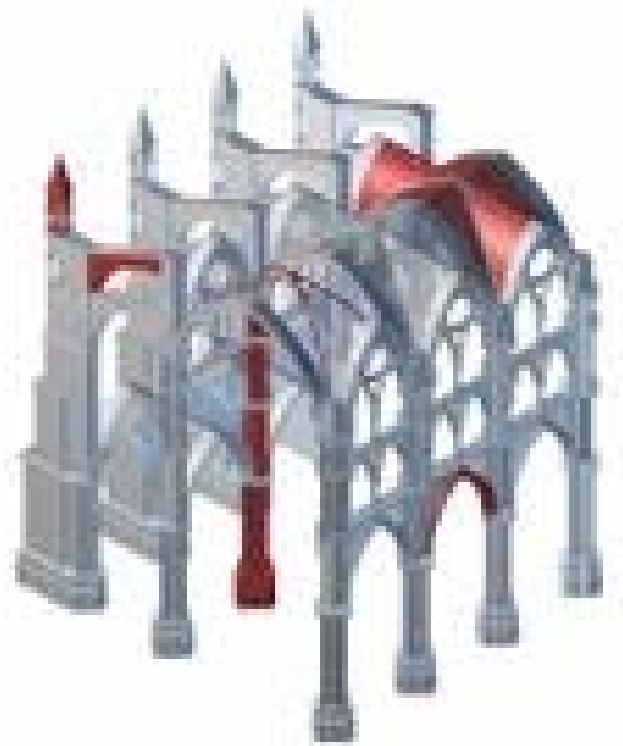
LEON



St.
Denis

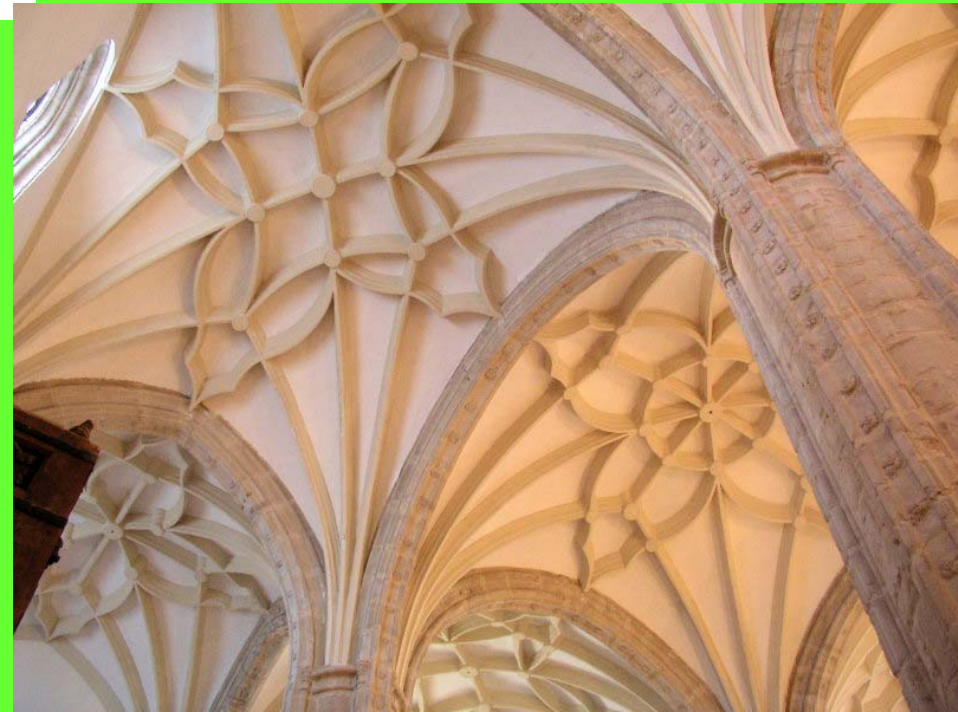


Cúpula de Burgos



Arbotantes

Bóveda de crucería



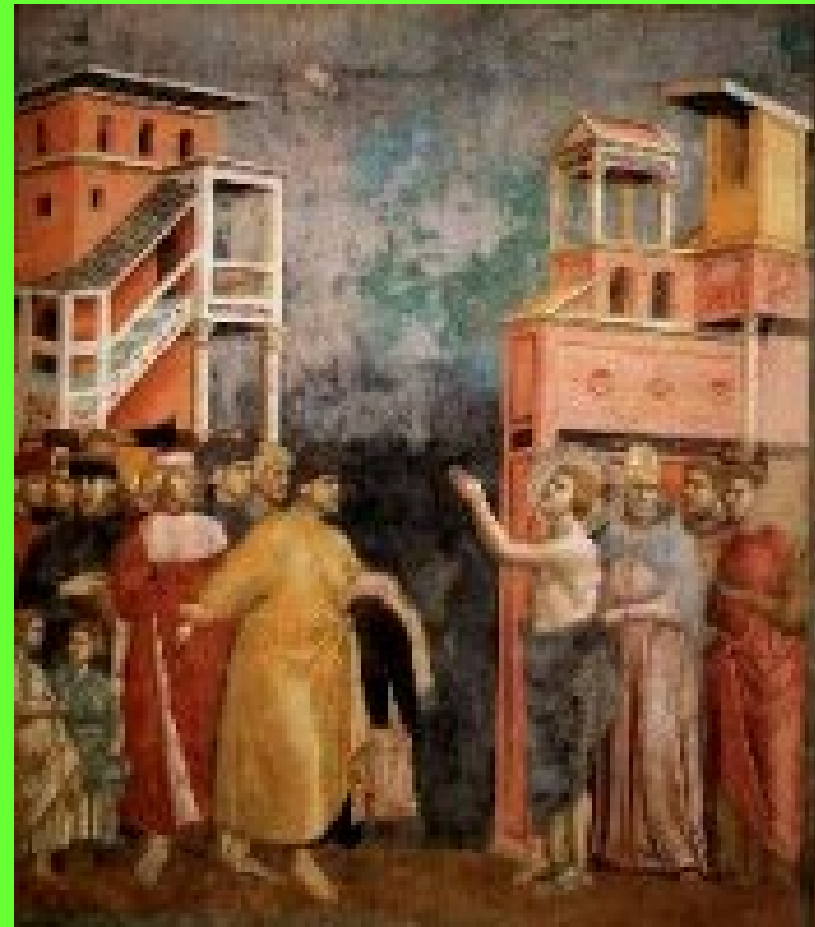
EL RENACIMIENTO

- **El conocimiento y la cultura salen de los monasterios a la sociedad.**
 - **El hombre sujeto de conocimiento.**
 - **La imprenta**
 - **La numeración indoarábica para el cálculo**
 - **Retorno a los clásicos**
- **Observación de la Naturaleza e intento de reproducirla**
 - **Gran evolución de la pintura y entrada de la Matemática en ella**
 - **Las Universidades**
 - **El artista deja de ser artesano para convertirse en intelectual.**

Precursores en la pintura:

Florencia: **Cimabúe** (1240 – 1302) y **Giotto** (1267 – 1337), gran maestro del Trecento en fresco, tabla y autor del Campanile de Florencia. Para Vasari el origen del arte italiano.

Frescos de Cimabue y Giotto



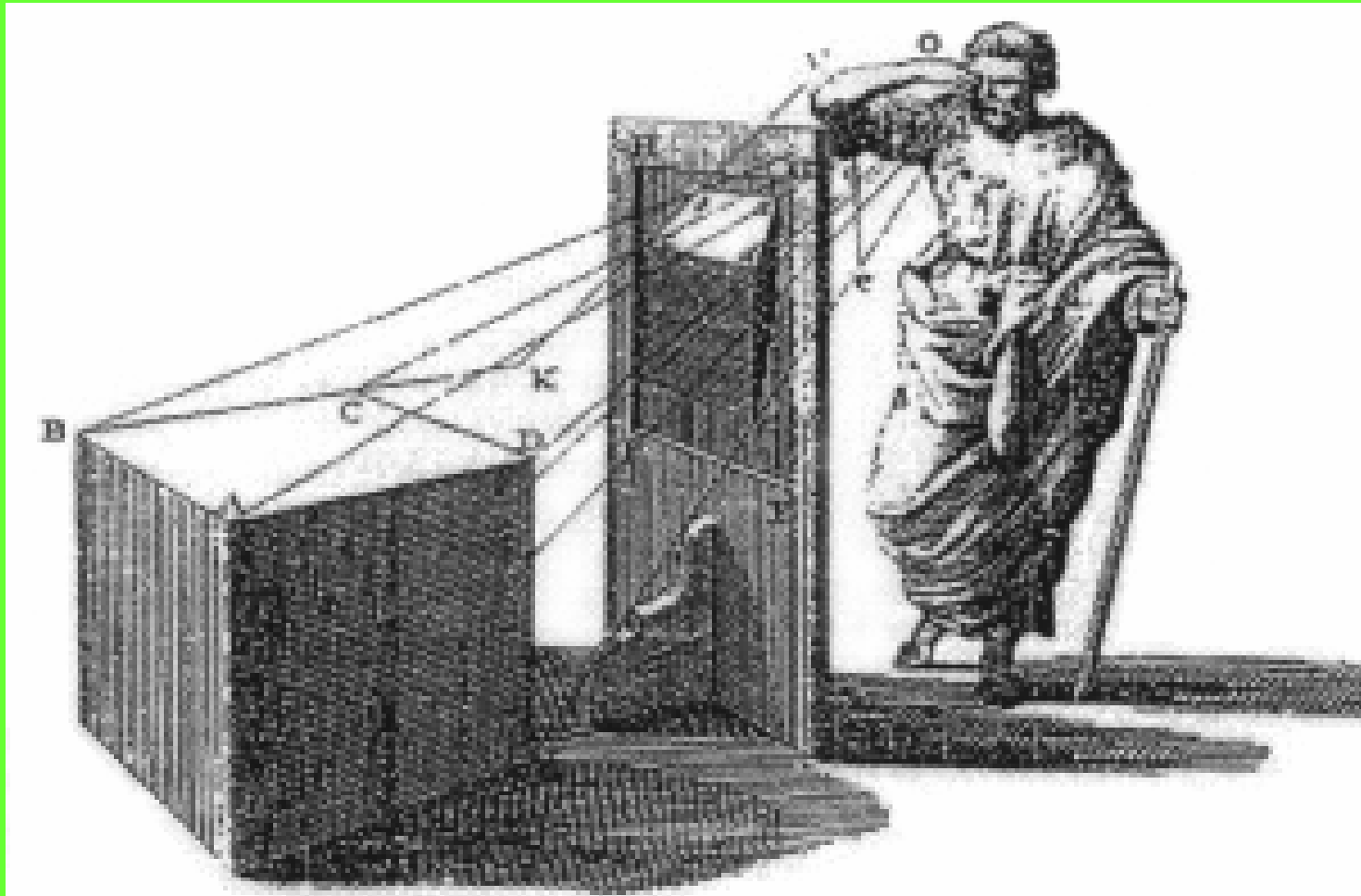
Arquitectura: Cúpula del Duomo de Florencia de **Brunelleschi**, 1420, inspirada en el Panteon de Roma. Difusor de la idea de perspectiva. Campanile de Giotto



Tommaso di ser Giovanni di Mone Cassai llamado Masaccio (1401-1428) uno de los primeros en aplicar las ideas de perspectiva. Trinidad y El Tributo



Leon Battista Alberti. Tratado De Pictura
(1436) da la nueva concepción de la
pintura, en especial la perspectiva



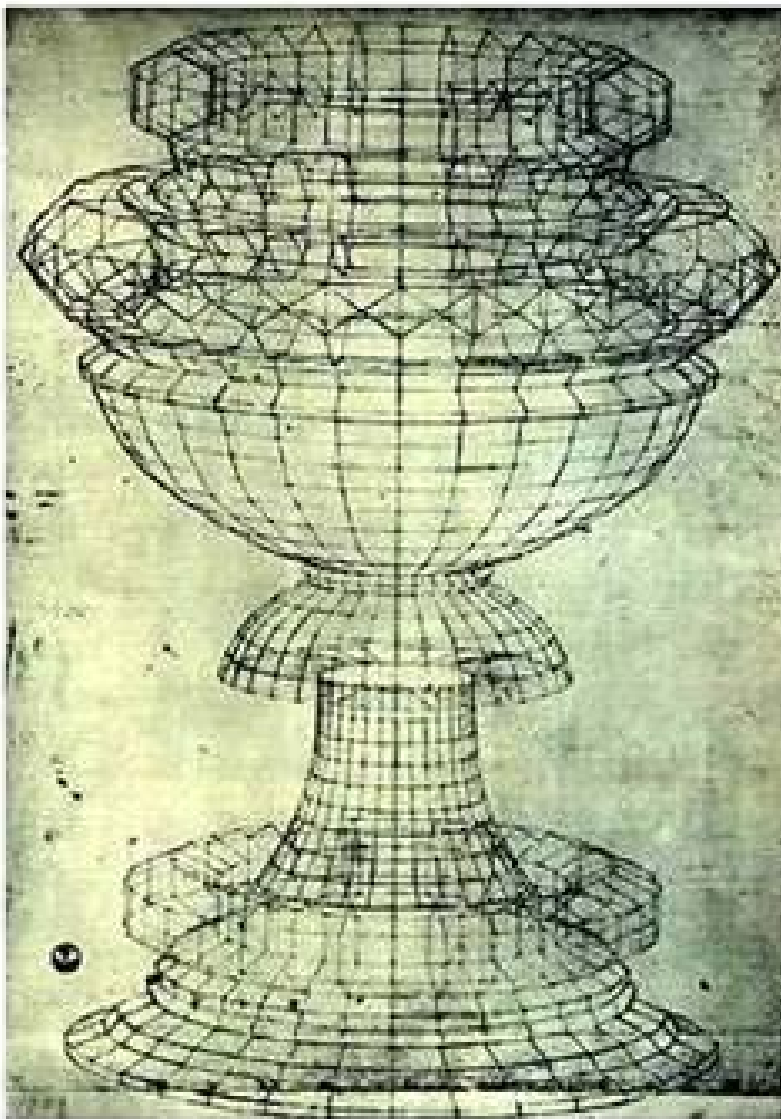
PIERO DELLA FRANCESCA (h. 1420-1492), especialmente matemático. Escribe un tratado La perspectiva pictórica (1472-1475) y escribe que la pintura consta de tres partes: dibujo, conmensuración y colorido. Otro tratado sobre cuerpos geométricos



Flagelacion
de Cristo.
Tabla



Della Francesca:
Madonna del uovo. El
fraile a derecha Luca
Paccioli, discípulo-amigo.



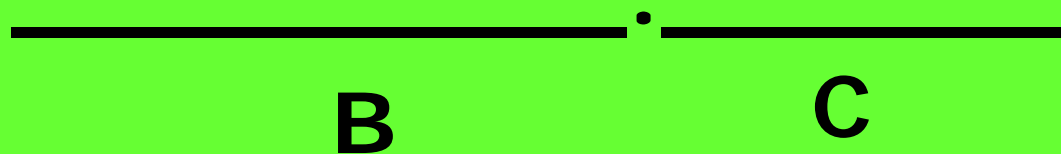
Paolo Uccello, *Disegno prospettico di un calice*, hacia 1450

Sobre razones y proporciones

Dividir un segmento A en media y extrema razón (Euclides, siglo III a.c):

Es dividirlo en dos partes B y C que suman A y tal que si B es la mayor

$$A/B = B/C$$



$$A = B + C$$

Hoy simple problema de Algebra

$A/B=B/C$ con $B+C=A$ da $A/B=B/(A-B)$ o sea

$B/A=(A-B)/B$ es decir $B/A=A/B-1$.

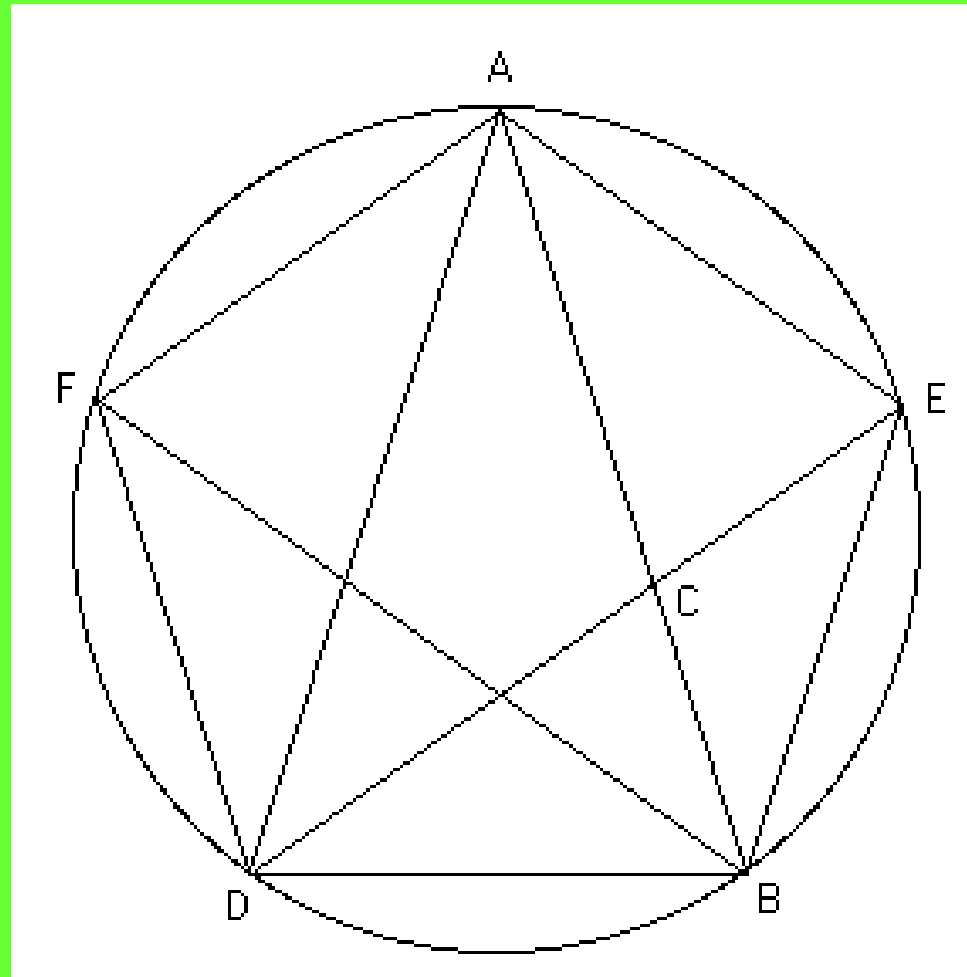
Llamando $A/B=x$ $1/x=x-1$

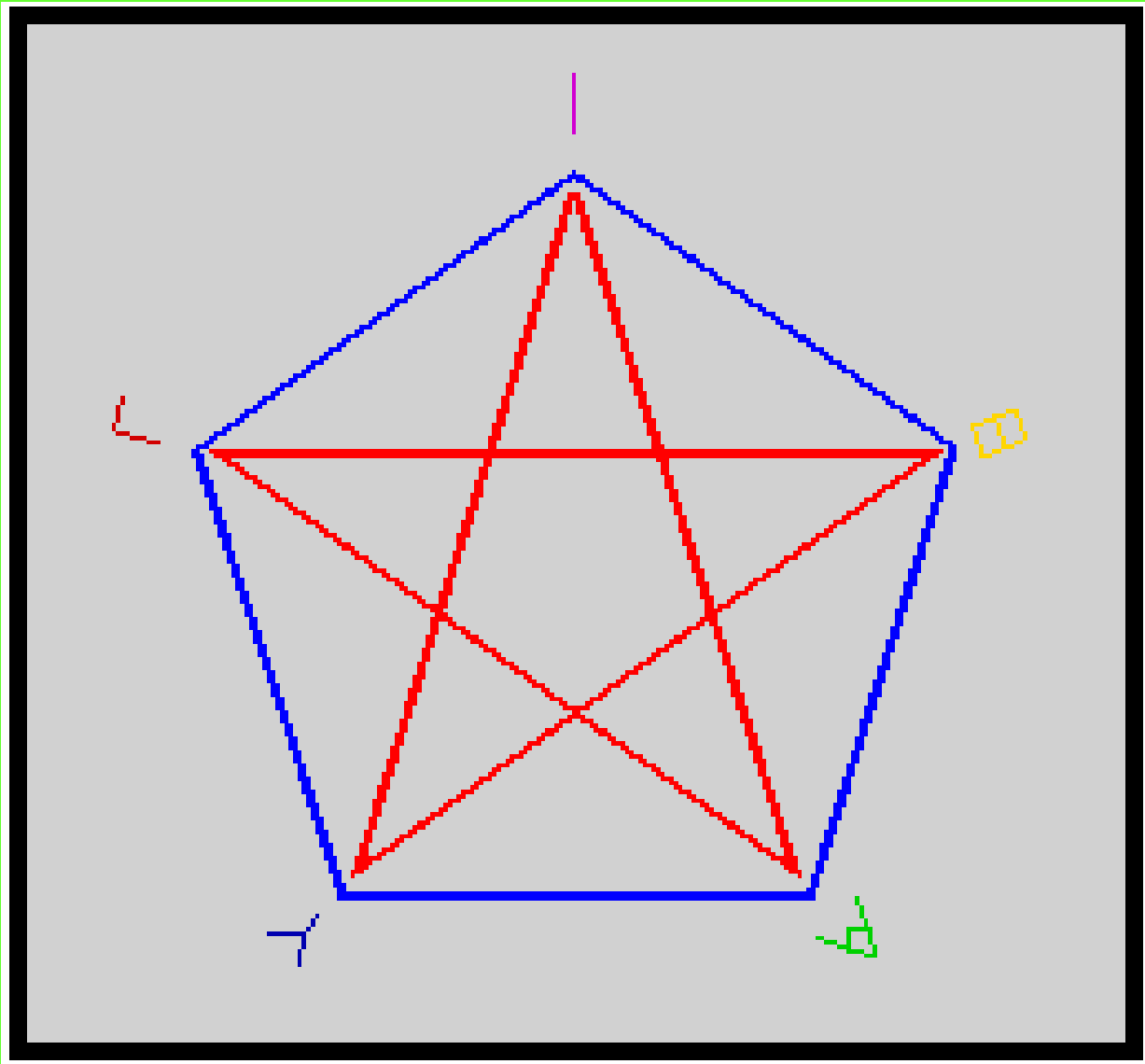
$$**x^2-x-1=0**$$

$$x = (1 + \sqrt{5}) / 2$$

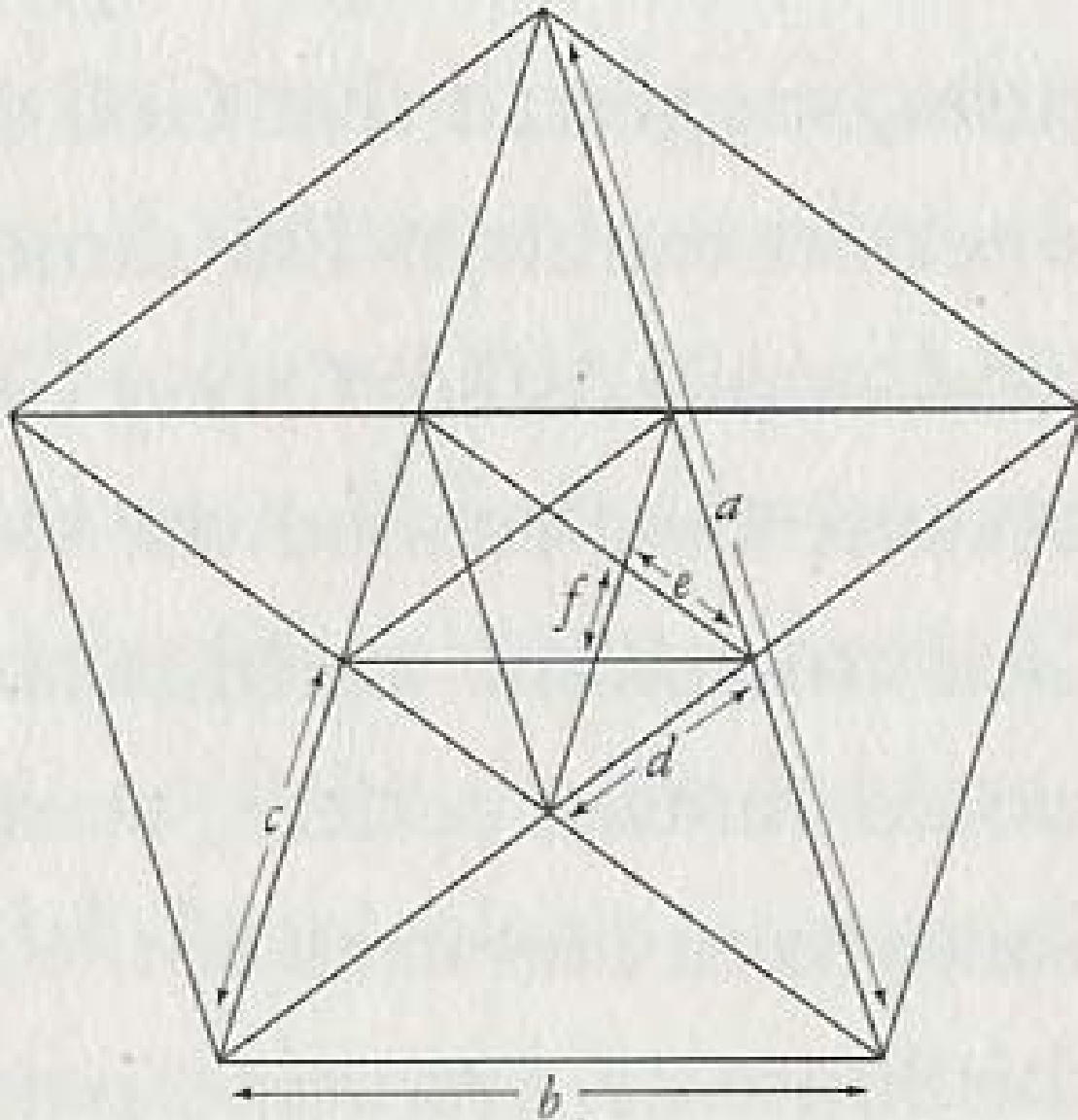
$$x = -2 / (1 + \sqrt{5})$$

**Varios siglos antes de Euclides los pitagóricos
conocían perfectamente el problema geométrico.**





(UGIEIA).



Existencia de números irracionales (también la raíz cuadrada de 2,...)

Figure 10

Fra Luca Pacioli, (1445-1514), **De Divina Proportione**, da 13 “extraordinarias propiedades” geométricas de esta proporción.

Libro ilustrado por Leonardo da Vinci?.



Luca Pacioli con un discípulo (J. De Barbari, Gal. Naz. Napoles) 1495.

Discípulo: Guidobaldo, Duque de Urbino?

A. Durero?

Desde la antigüedad se habían dado valores aproximados de la proporción. Kepler, siglo XVI, da aproximadamente 0.6180340 para el segmento corto y 1 para el largo.

Kepler, y ya probablemente antes de él, sabía que los cocientes de la sucesión de Fibonacci 1,1,2,3,5,8,13,21,..... tendían hacia la razón de la Divina Proporción, pero probado se atribuye a Simson, siglo XVIII.

Y a Binet (siglo XIX) se atribuye la fórmula

Llamando F_n al término n-esimo de la sucesión de Fibonacci

$$F_n = \frac{(1 + \sqrt{5})^n - (1 - \sqrt{5})^n}{2^n \sqrt{5}}.$$

Se deduce el valor de la “divina proporción” como

$$(1 + \sqrt{5})/2 = 1.61803398\dots$$

**Siglo XIX : “número áureo”,
“razón áurea”, número de oro,
etc. Y a principios del siglo XX
se introduce para él (¿por
Fidias?) el símbolo**

Φ

**En Matemáticas es también
corriente usar τ**

**Antes de ver propiedades, un poco más
de Historia ...**

Luca Pacioli (Borgo San Sepolcro 1445-BSS 1517)

Franciscano desde 1472, profesor de matemáticas en Universidades y educador de nobles.

1494 el compendio Summa arithmetica geometrica proportioni et proportionalita (600 pag), muy citada aunque no original, recopilatoria. Dentro de ella, De Computis et scripturis, que se considera el primer tratado de contabilidad (tablas doble entrada). Mercaderes

Primer libro matem: Aritmetica de Treviso (aut.desc) 1478

Siguientes: Elementos (Venecia) 1482

Summa de la art de arismetica (Barcel.) 1482 Francesc Sancliment en catalan. Primero de España.

Version castellano Zaragoza hacia 1487. Multipl como hoy

Fray Juan de Ortega, Palencia, Tratado subtilísimo de arismetica. 1512 Traduc. Frances en 1515, primero en ese idioma. Aritmeticas mercantiles por frailes

En la corte de Ludovico Sforza en Milan Pacioli se hizo amigo de Leonardo da Vinci (1452-1519).

En 1498 primeros manuscritos de De Divina Proportione. Primera impresión 1509. Incluye un Tratado de Arquitectura inspirado en Vitrubio y otro de cuerpos geométricos (copiado de Della Franc?). Dibujos de 60 poliedros atribuídos a Leonardo (? O de Pacioli con modelos de Leonardo?).





ARITHMETICA GEOMETRIA PROPORTIO



500° DELLA SUMMA DE ARITHMETICA GEOMETRIA PROPORTIONALI ET PROPORTIONALITÀ

FRA' LUCA PACIOLI ITALIA 750

I.P.Z.S. - ROMA - 1994

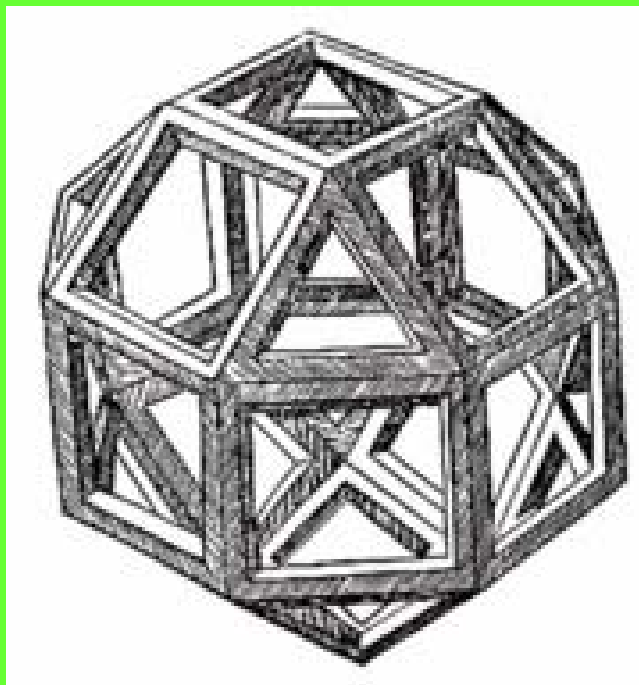


Divina

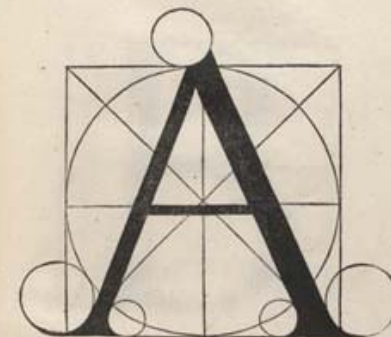
proporzione

O pera a tutti gl'ingegni perspicaci e curiosi necessaria. O ne ciascu studioso di **P**hilosophia: **P**rospectiva **P**ictura **S**culptura: **A**rchitectura: **M**usica: e altre **M**athematiche: sua uissima: sottile: e admirabile doctrina consequira: e delectarassi: cõ uarie questione de secretissima scientia.

M. Antonio Capella ex uditiff. recensente:
A. Paganus Paganinus Characteribus elegantissimis accuratissime imprimebat.



rombicubicoetraedro



Quella lettera A sicca del tondo e del suo quadro la giba da man destra uol esser grossa dele noue partitura de la giba. La gamba sinistra uol esser la meta de la giba grossa. La gamba de mezzo uol esser la terza parte de la gamba grossa. La larghezza de dita lettera cadauna gamba per mezzo de la crotta, quella di mezzo alquanto piu la uia, con me uodi qui per li diametri segnati.

Pacioli :**La Divina Proporción**

"llamada así por sus propiedades excelsas, supremas, excelentísimas, incomprensibles, inestimables, innumerables, admirables, inefables, singulares ..., que corresponde por semejanza a Dios mismo".

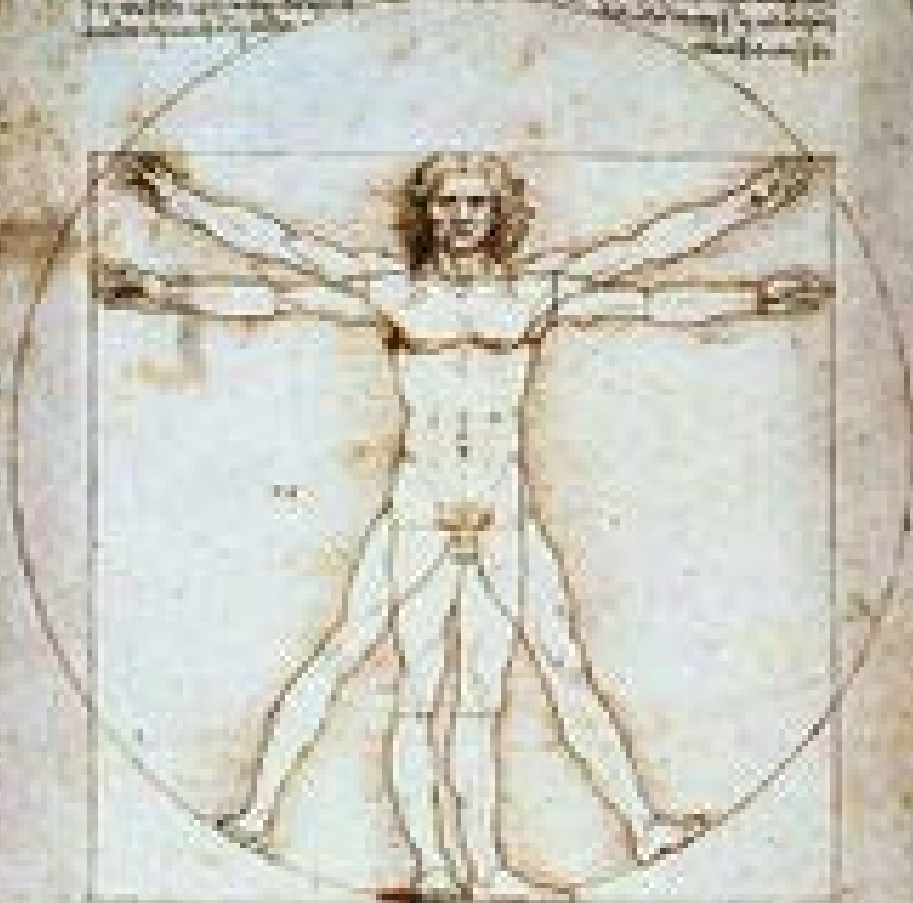
El segmento es uno sólo como Dios pero se halla en tres términos como la Santísima Trinidad, no admite una expresión de cantidad racional como tampoco se puede definir a Dios con palabras humanas, no se puede cambiar, como tampoco se puede cambiar a Dios, que es inmutable y, finalmente, es necesaria para la construcción del dodecaedro, que corresponde a los cuerpos celestes igual que Dios da el ser a los cielos.



Leonardo di Ser Piero da Vinci (Anchiano o Vinci , cerca de Florencia, 1452-Cloux Francia 1519), tumba en el castillo de Amboise, Francia.







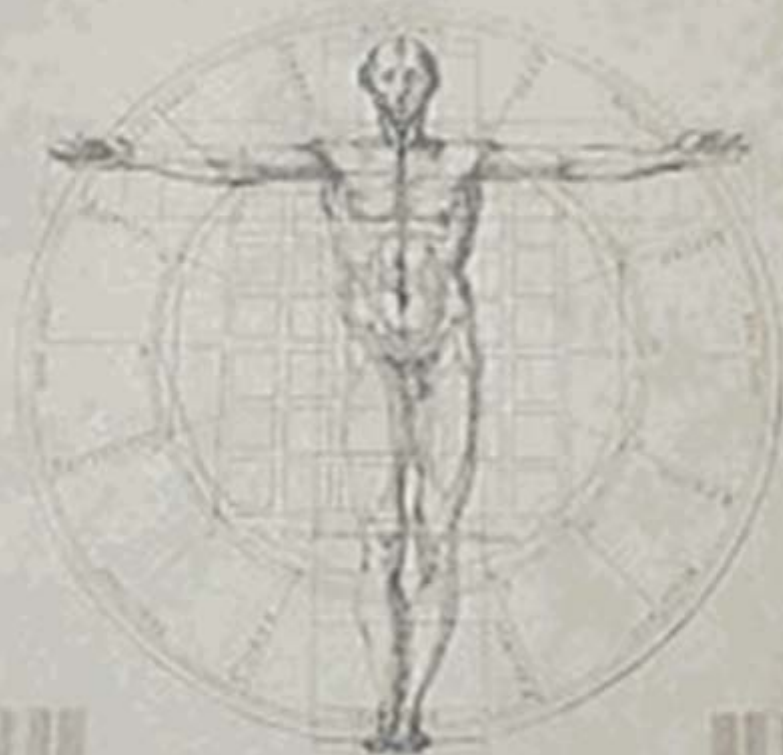
Estudio de las
proporciones (Hombre de
Vitrubio) 1492 *Galleria
dell'Accademia Venecia*

Accademia

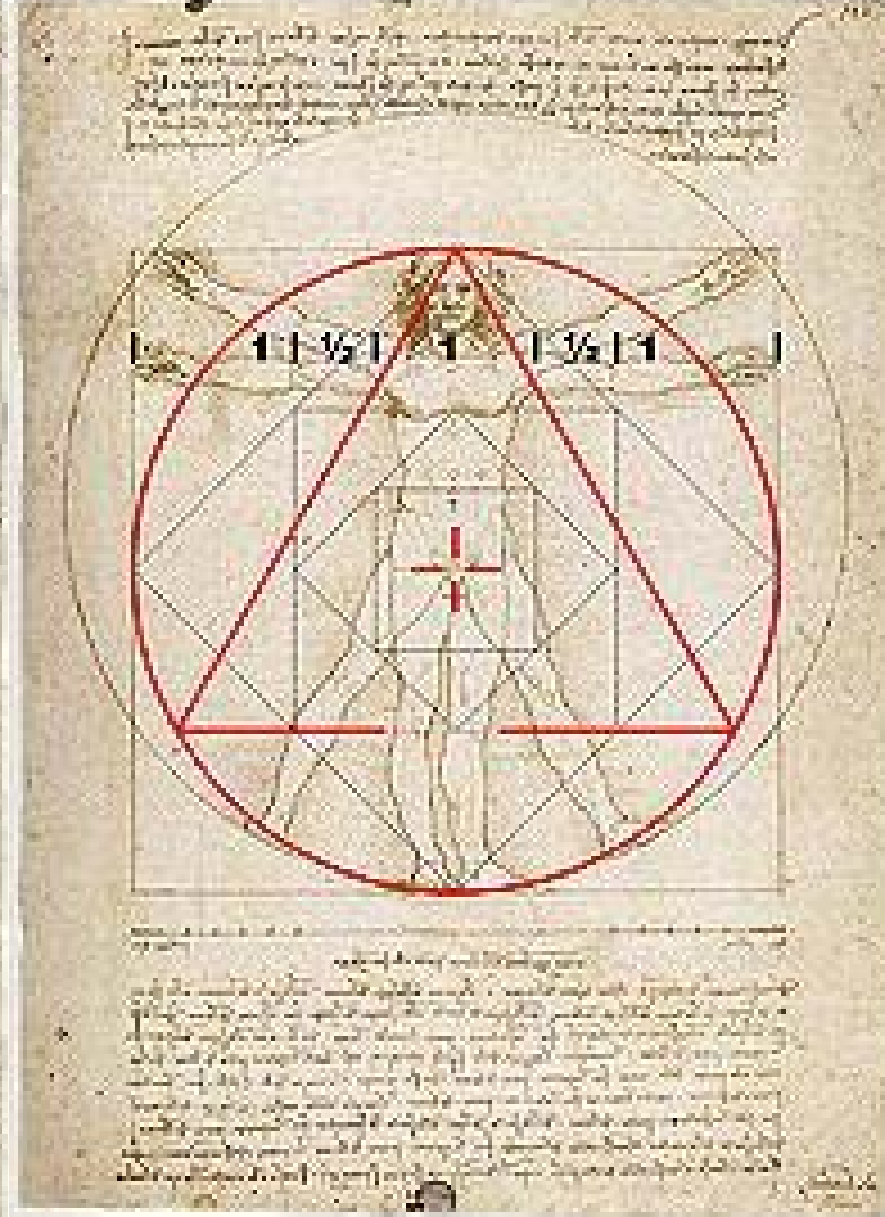
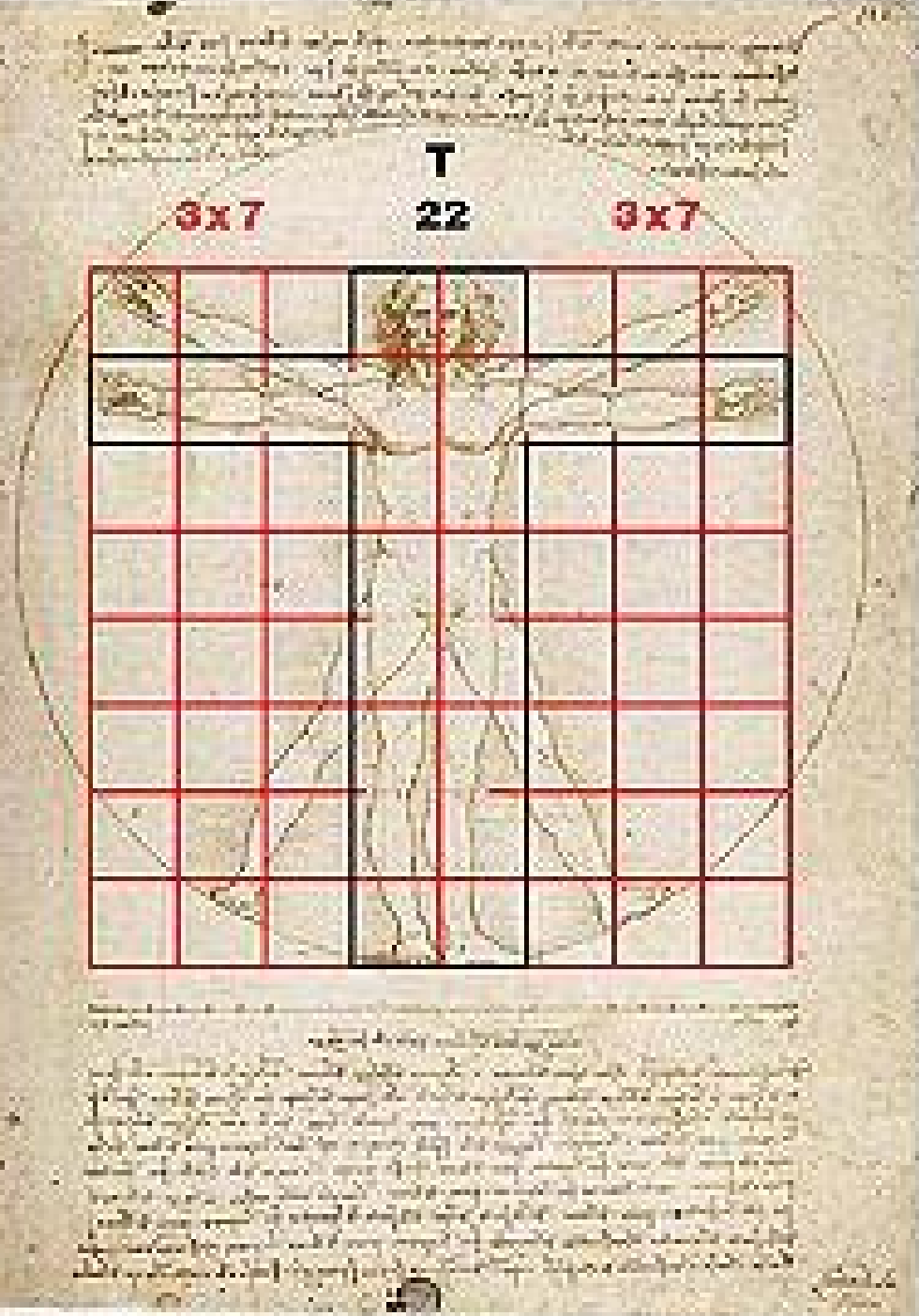
Vitrubio, Marco Vitrubio Polión, arquitecto Roma época César y Augusto. *De Architectura*, diez libros probab. para Augusto. Encargos de máquinas de guerra pero poca repercusión en su tiempo. Redescubierto en el Renacimiento, reeditado desde 1486

Sobre el cuerpo humano da medidas de proporciones de unas y otras partes, siempre con $1/3$, $1/4$, $1/2$, $1/7$, etc . Describe el ombligo como centro del hombre hablando de un círculo y un cuadrado en el que se puede inscribir su cuerpo.

LOS X LIBROS
D
ARQUITECTURA
D
MARCO VITRUVIO
POLION



Según la Traducción Castellana
de
Lázaro de Velasco



El ombligo no es el centro del cuadrado.



Pintor,
grabador,
estudioso,
artista
universal

Albrecht
Dürero,
Nurenberg,
1471-1528

*Vier Bücher von menschlicher
Proportion*



Dürer: estudio de manos y libro



En el sentido de las agujas del reloj: Dürero, Adán y Eva, 1504; Apiano, Astronomicum Caesareum, Ingolstadt 1546 (n° 1), bestiario, capitular iluminada y Regiomontano, Calendarium, Venecia 1482 (n° 15), números

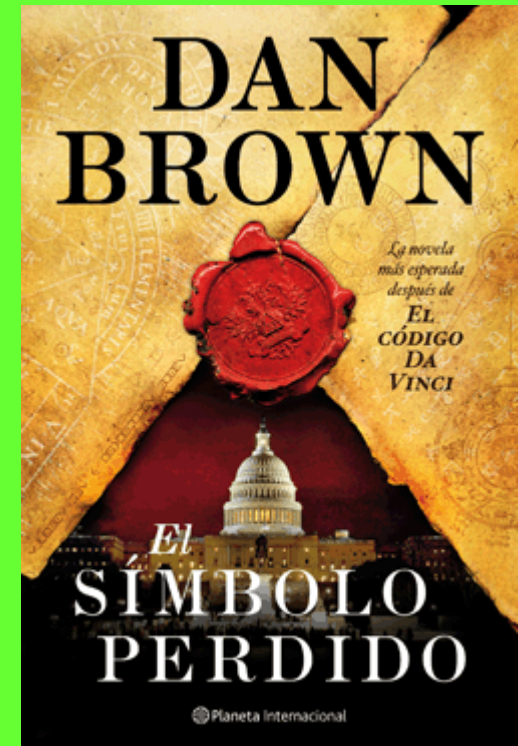
7	b	7	id ^o	Afre martiris	23	29	0	6	11	11
8	c	6	id ^o	Cyriac & iocotō eius	24	26	0	19	11	24
9	d	5	id ^o	Trigilia	25	24	1	2	0	7
10	e	4	id ^o	Laurentii martiris	26	22	1	15	0	20
11	f	3	id ^o	Tiburii martiris	27	20	1	28	1	3
12	g	2	id ^o	Clare virginis	28	18	2	12	1	17





Escultor Subirachs. Constante 33, edad de Cristo (o grado 33 de masonería, no probada, de Gaudí?)

52	61	4	13	20	29	36	45
14	3	62	51	46	35	30	19
53	60	5	12	21	28	37	44
11	6	59	54	43	38	27	22
55	58	7	10	23	26	39	42
9	8	57	56	41	40	25	24
50	63	2	15	18	31	34	47
16	1	64	49	48	33	32	17



Cuadrado mágico de Franklin orden 8

Volviendo a la razón áurea o número áureo

Algunas de las muchas propiedades de ϕ

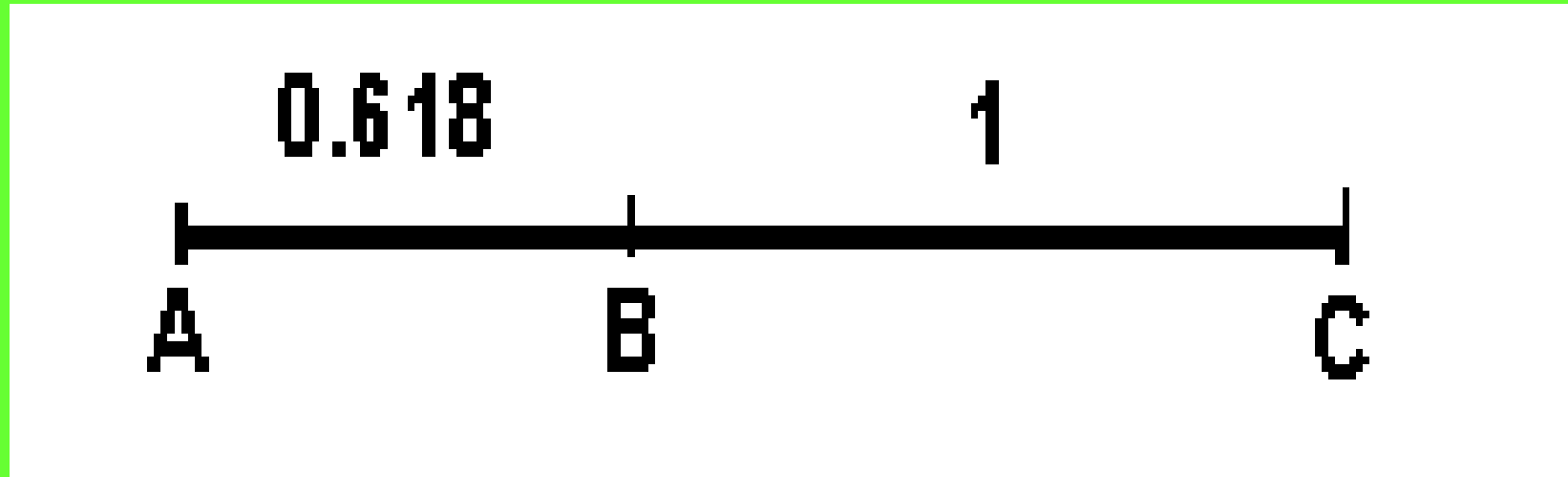
$$\Phi - 1 = \frac{1}{\Phi}$$

$$1.618\dots - 1 = 0.618\dots = \frac{1}{1.618\dots}$$

$$\Phi = \sqrt{1 + \sqrt{1 + \sqrt{1 + \sqrt{1 + \sqrt{1 + \dots}}}}}$$

$$\Phi = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \dots}}}$$

Número de oro o razón áurea

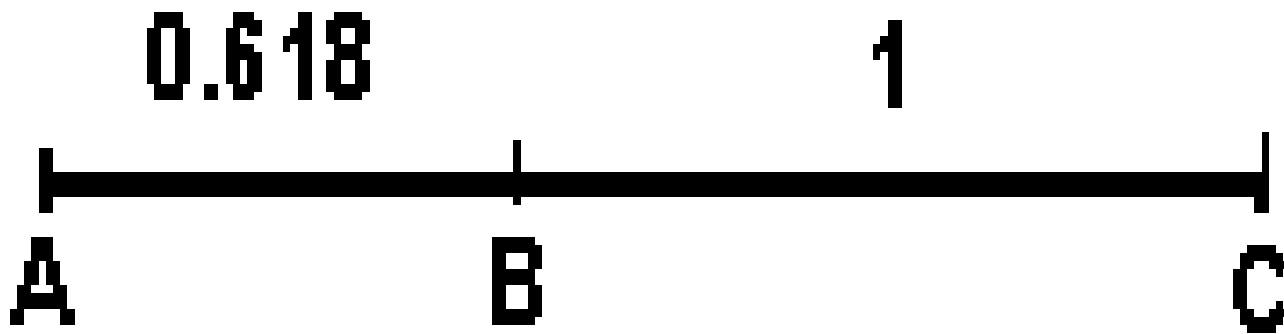


$$AC/BC = BC/AB$$

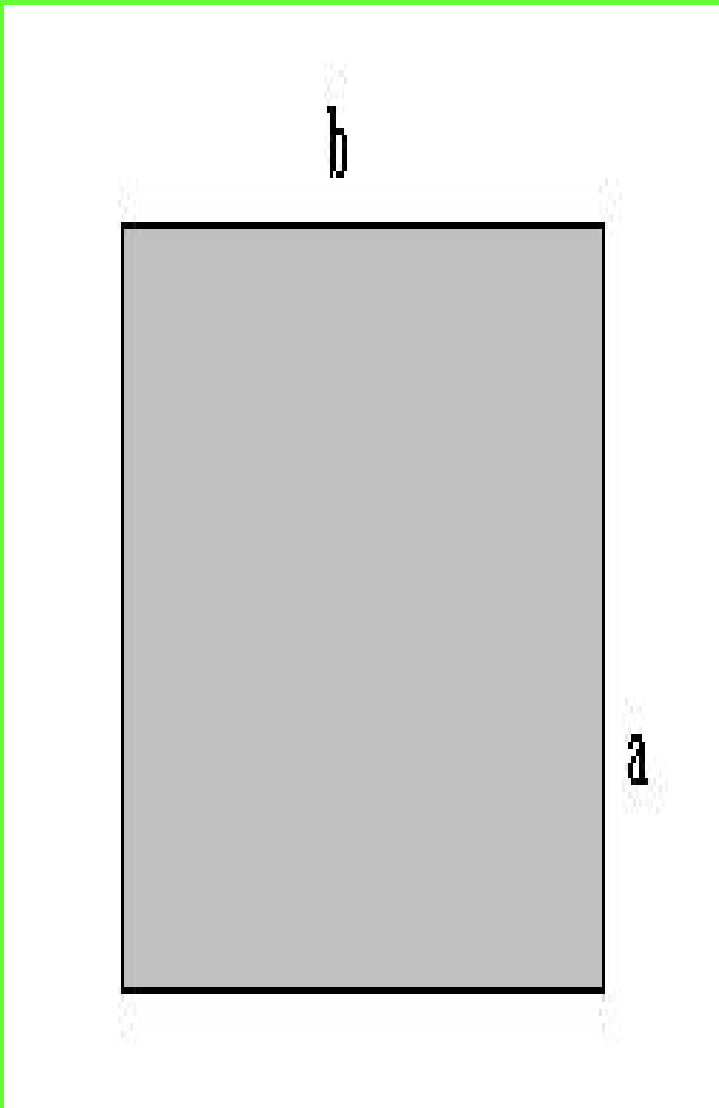
Hallar la razón áurea de un segmento.

$$AC/BC = BC/AB$$

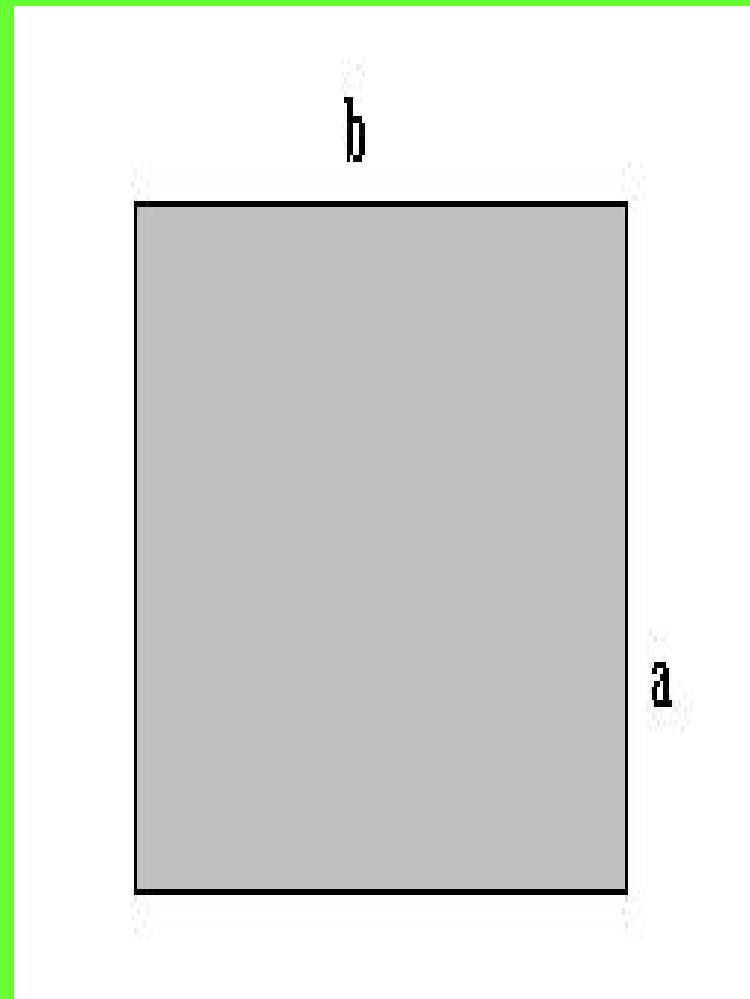
$$= (1 + \sqrt{5})/2 = 1.61803398\dots$$



Si en BC se toma la distancia AB dando un punto D el BC queda partido por D en la razón áurea. Si ahora en BD a partir del D tomamos la distancia DC en dirección B dando un punto E el segmento BD queda partido por E en la razón áurea. Así sucesivamente (autosemejanza, geometría fractal)



Aproximadamente
Rectángulo áureo



Aproximadamente
Rectángulo DIN A

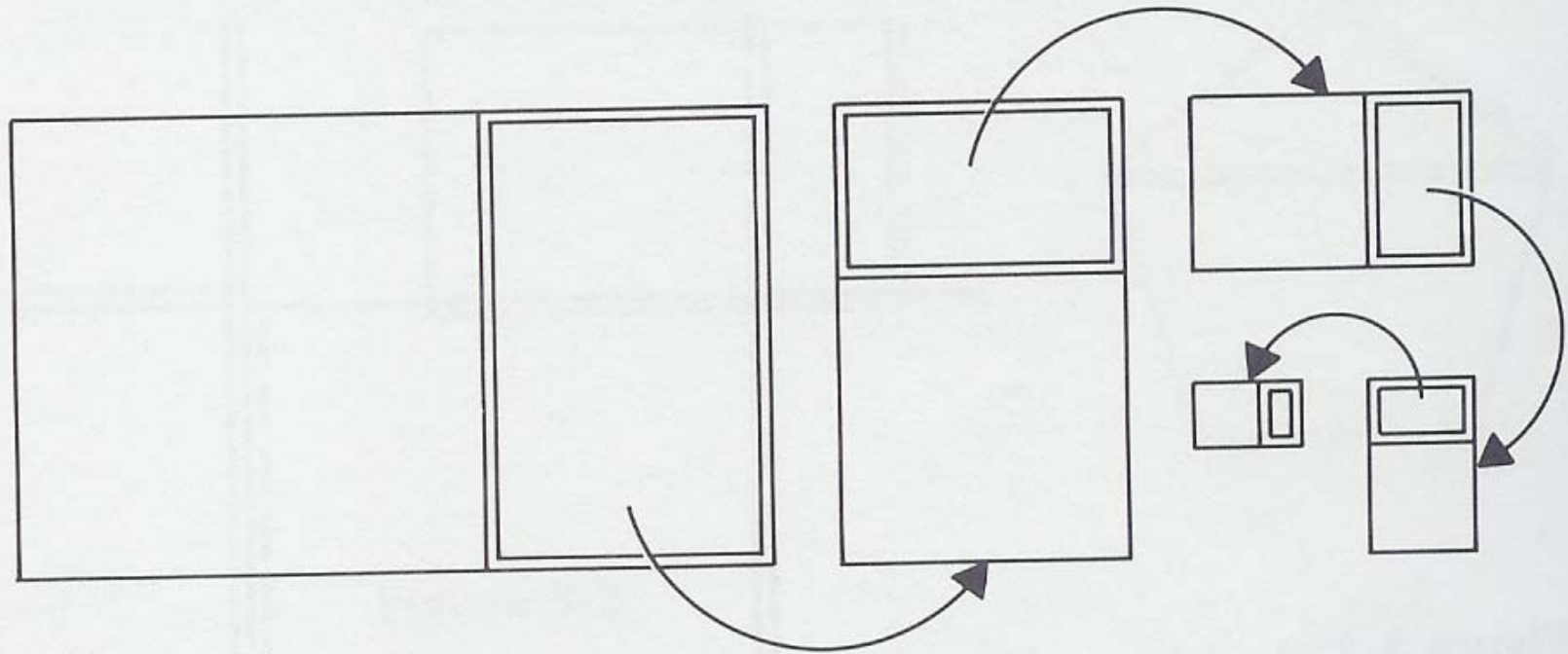
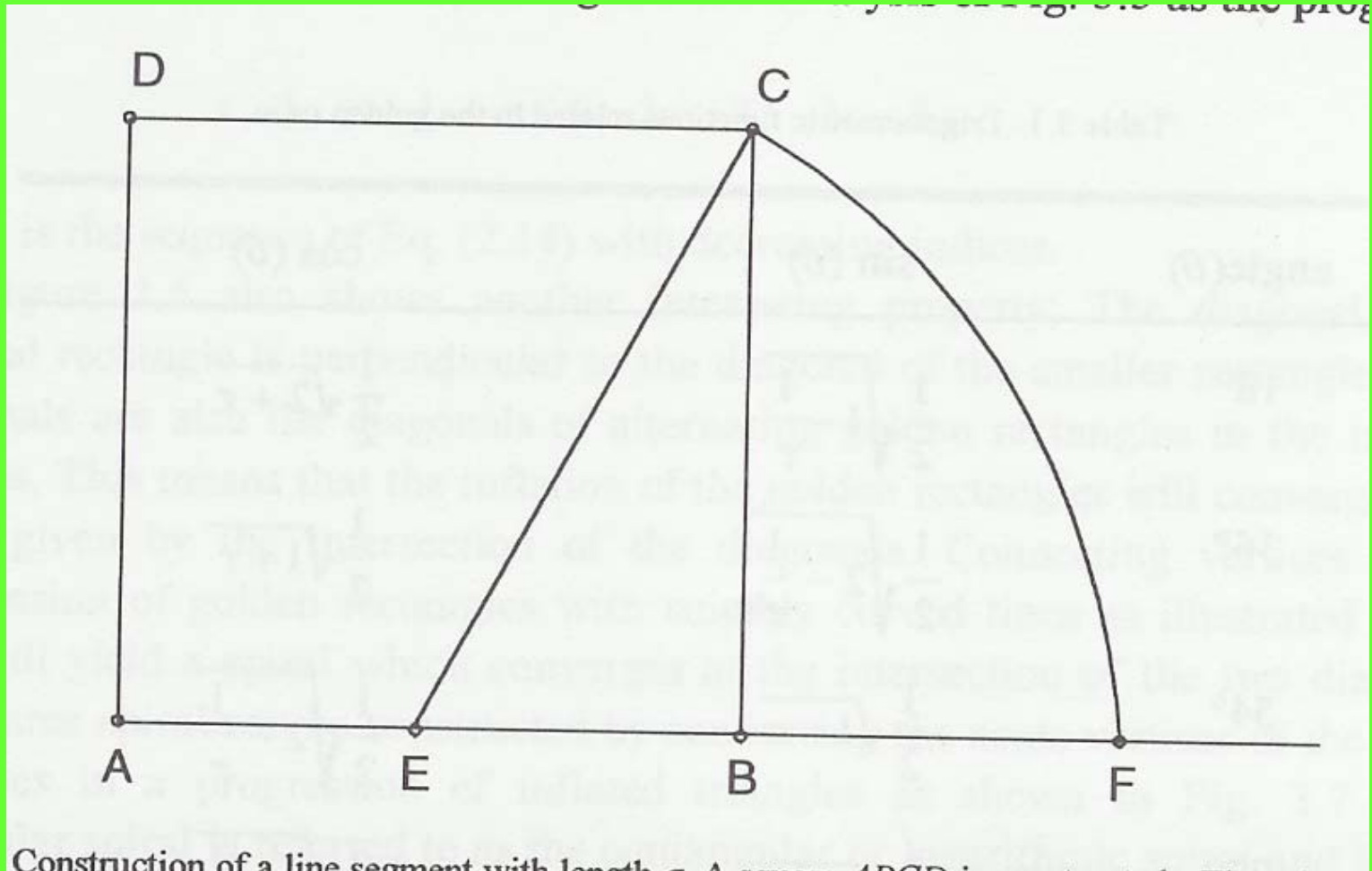


Figure 3-5

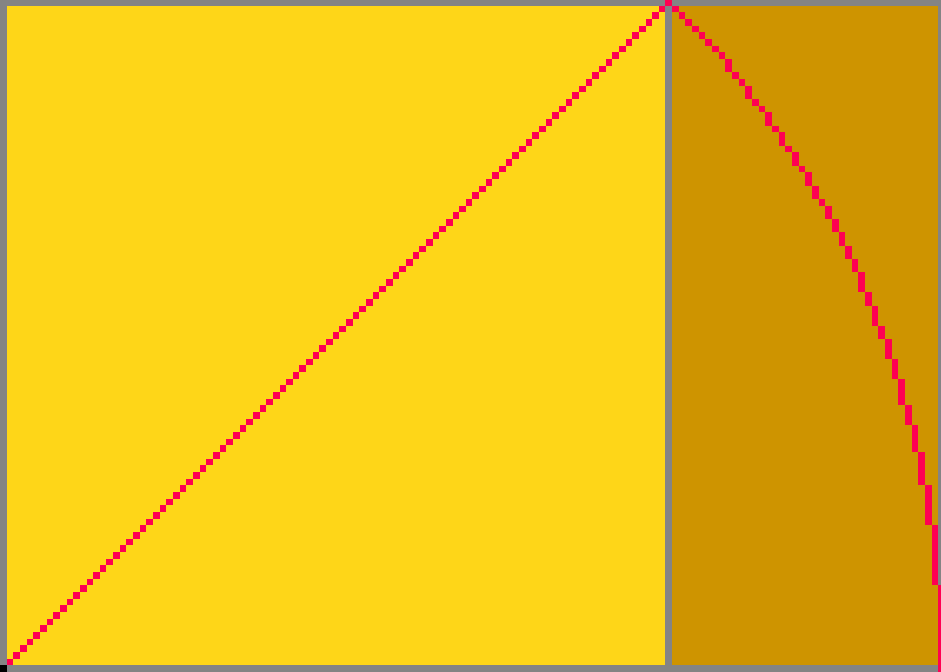
Autorreproducción de la razón áurea

Tarjetas de crédito?

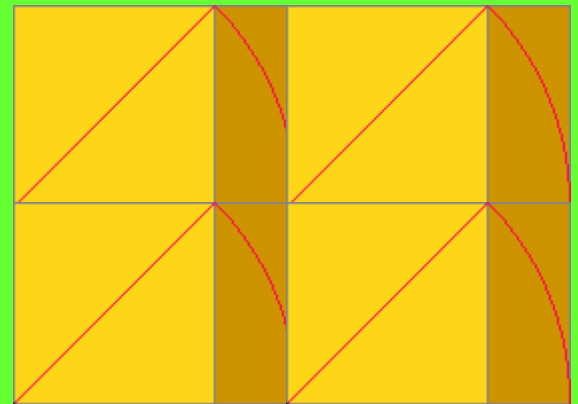
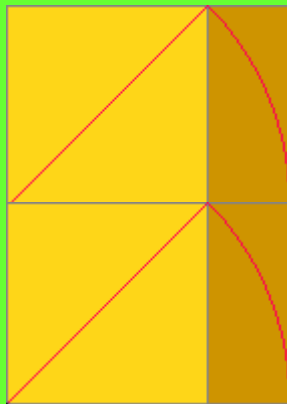
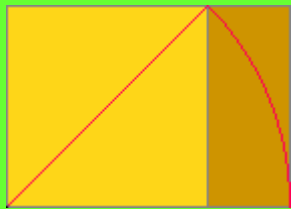
Cómo construir un rectángulo áureo fácilmente



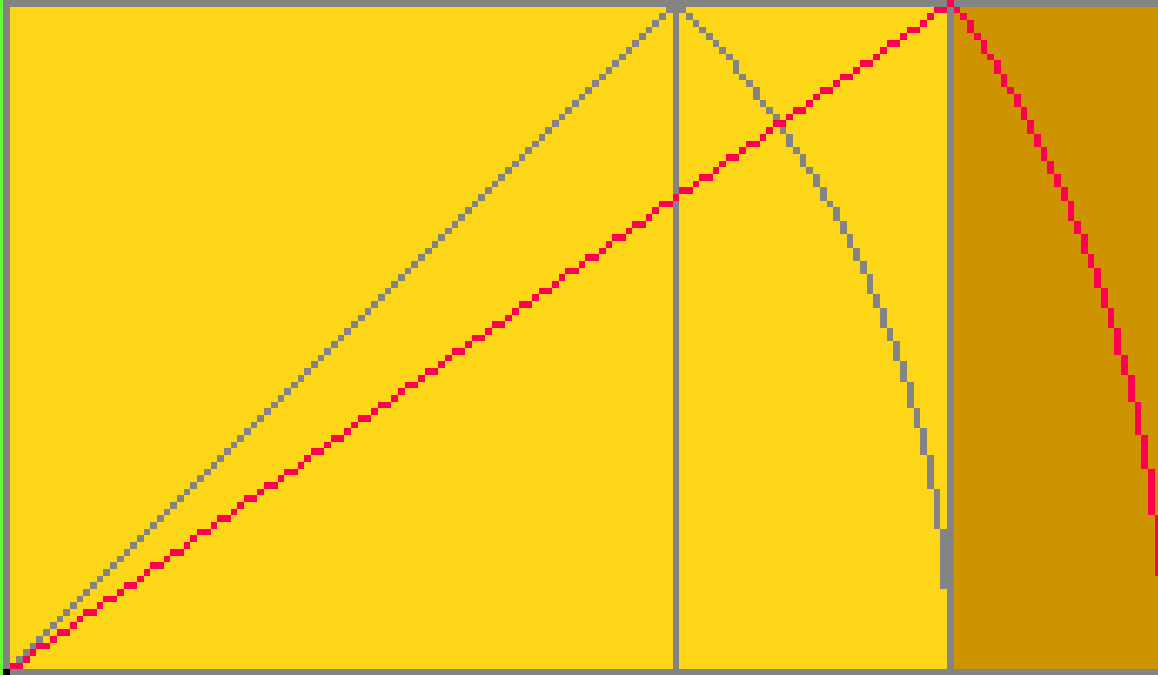
La razón de AF a AB es la áurea.



Longitud 1



Rectangulos raiz cuadrada de 2.
DIN-A4, A3,....



Rectángulo raíz de 3

Usaban los constructores de catedrales medievales y los clásicos esa proporción frecuentemente? Secretos, pero más probable proporciones entre números enteros.

Matila Ghyka (1881-1965) dos tratados seudomísticos sobre 'la divina proporción en arte y naturaleza. Amigo de Dalí. Piramidología. Pintura francesa finales del XIX y principios del XX: impresionistas, cubistas, etc,

Charles Bouleau, 1963, **The painter's secret geometry.**

El número de Dios de J.M. Corral Ver los cocientes de la sucesión de Fibonacci:

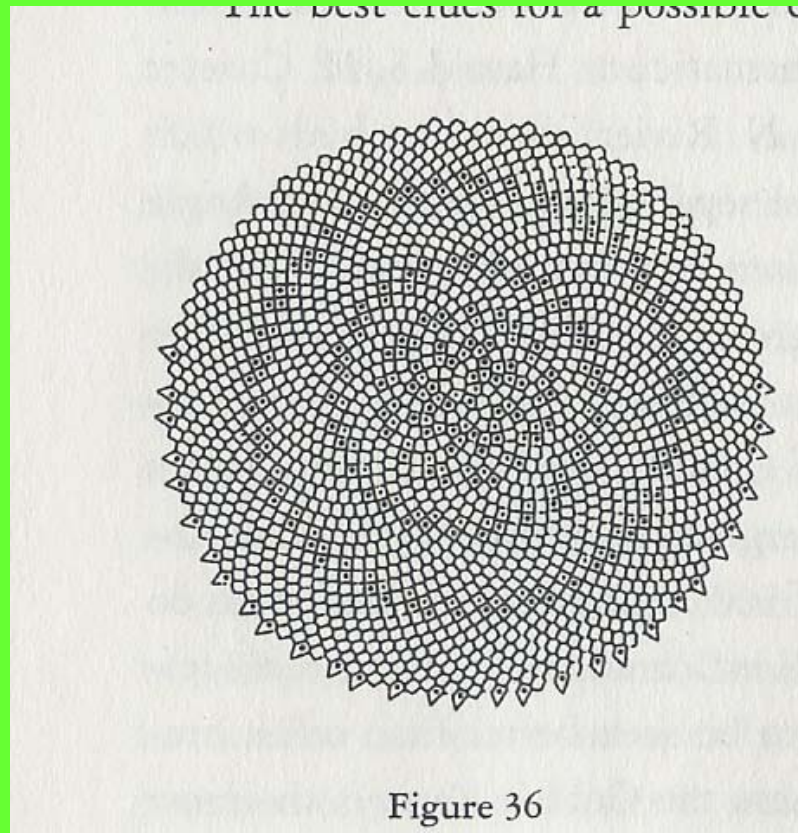
$$\begin{aligned}1/1 &= 1, & 2/1 &= 2, & 3/2 &= 1.5, \\5/3 &= 1.666\dots, & 8/5 &= 1.6, \\13/8 &= 1.625, & 21/13 &= 1.61538, \\34/21 &= 1.61904, \\55/34 &= 1.61764, \\89/55 &= 1.61818, \\144/89 &= 1.61797, \\233/144 &= 1.618055, \dots\end{aligned}$$

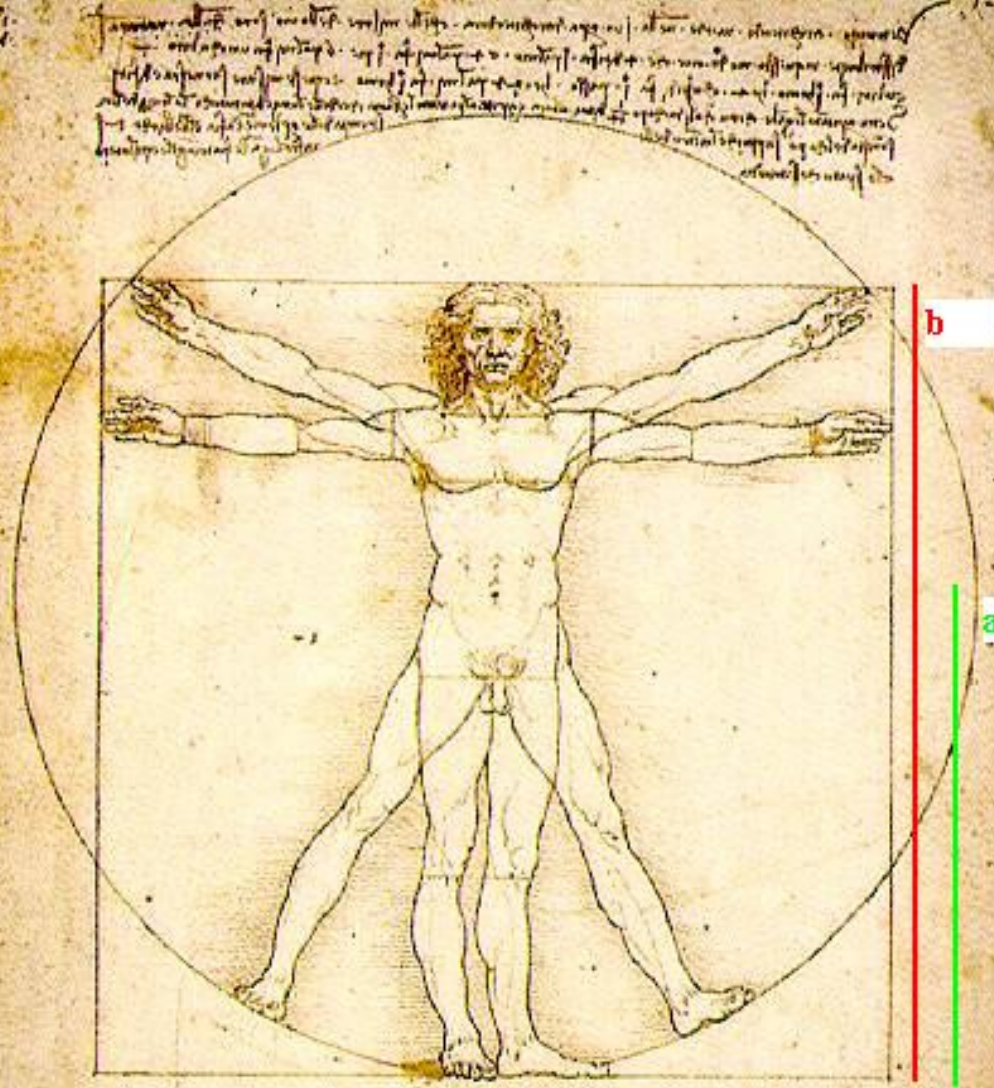
El límite es

$$(1 + \sqrt{5})/2 = 1.61803398\dots$$

(no evidente)

Muchas exageraciones, pero muchas evidencias de propiedades. Por ejemplo el ángulo de divergencia más frecuente en filotaxia es $360/\Phi = 222^{\circ}49'22'' = 360^{\circ} - 137^{\circ}50'38''$ (ángulo áureo)





¿Canon de la proporción perfecta la áurea?

Handwritten text in Italian, likely a transcription of the text from the original manuscript. The text is arranged in several lines and is written in a cursive script. It appears to be a detailed description of the proportions of the human body as depicted in the drawing above.

Fascinación a lo largo del tiempo: el hombre centro del universo, etc.





William Blake's 1795
Glad Day



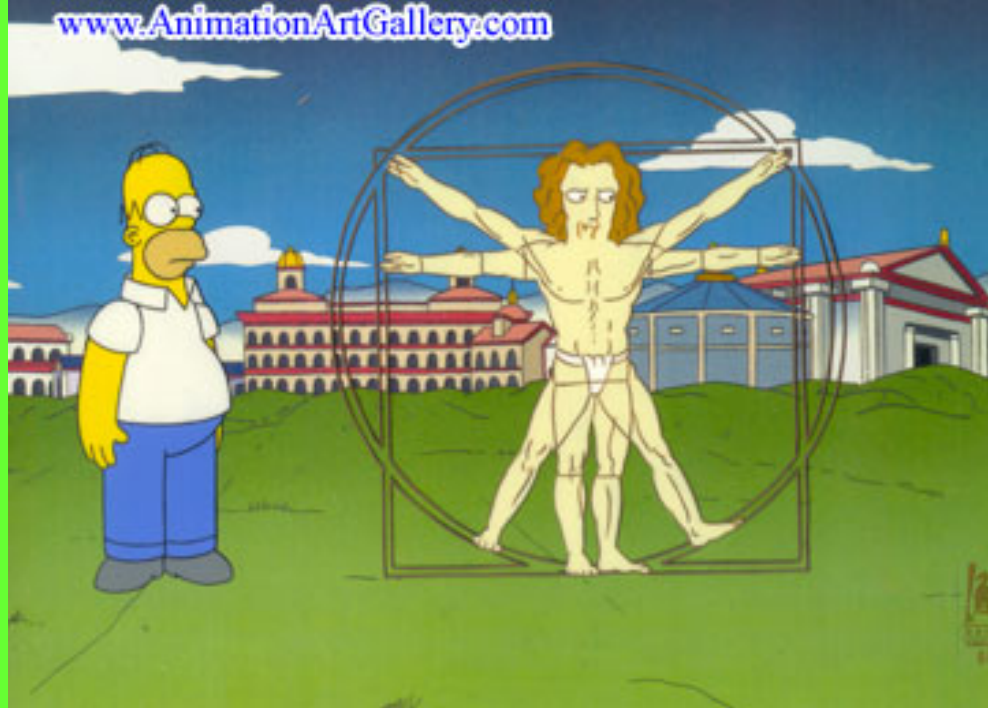
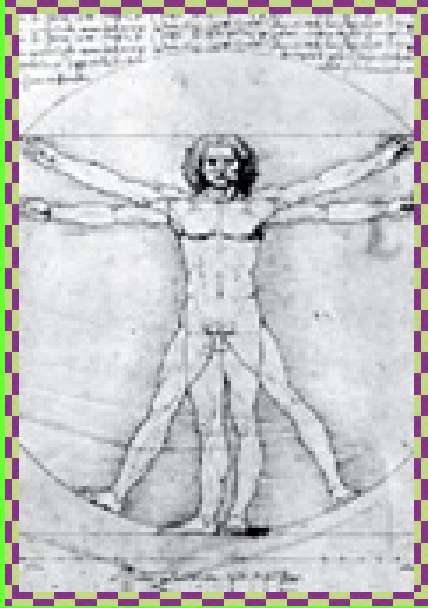
Tin man, University Minnesota



Vitrubio woman, Nat
Krate



Vitrubio woman ,Jane
Dedecker

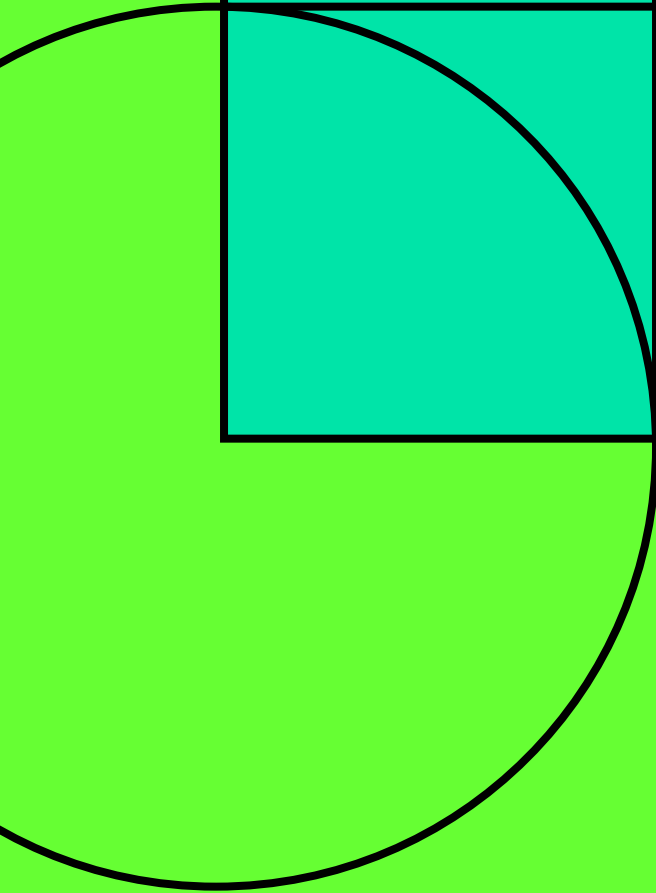


Televisión

Logotipo de
empresas

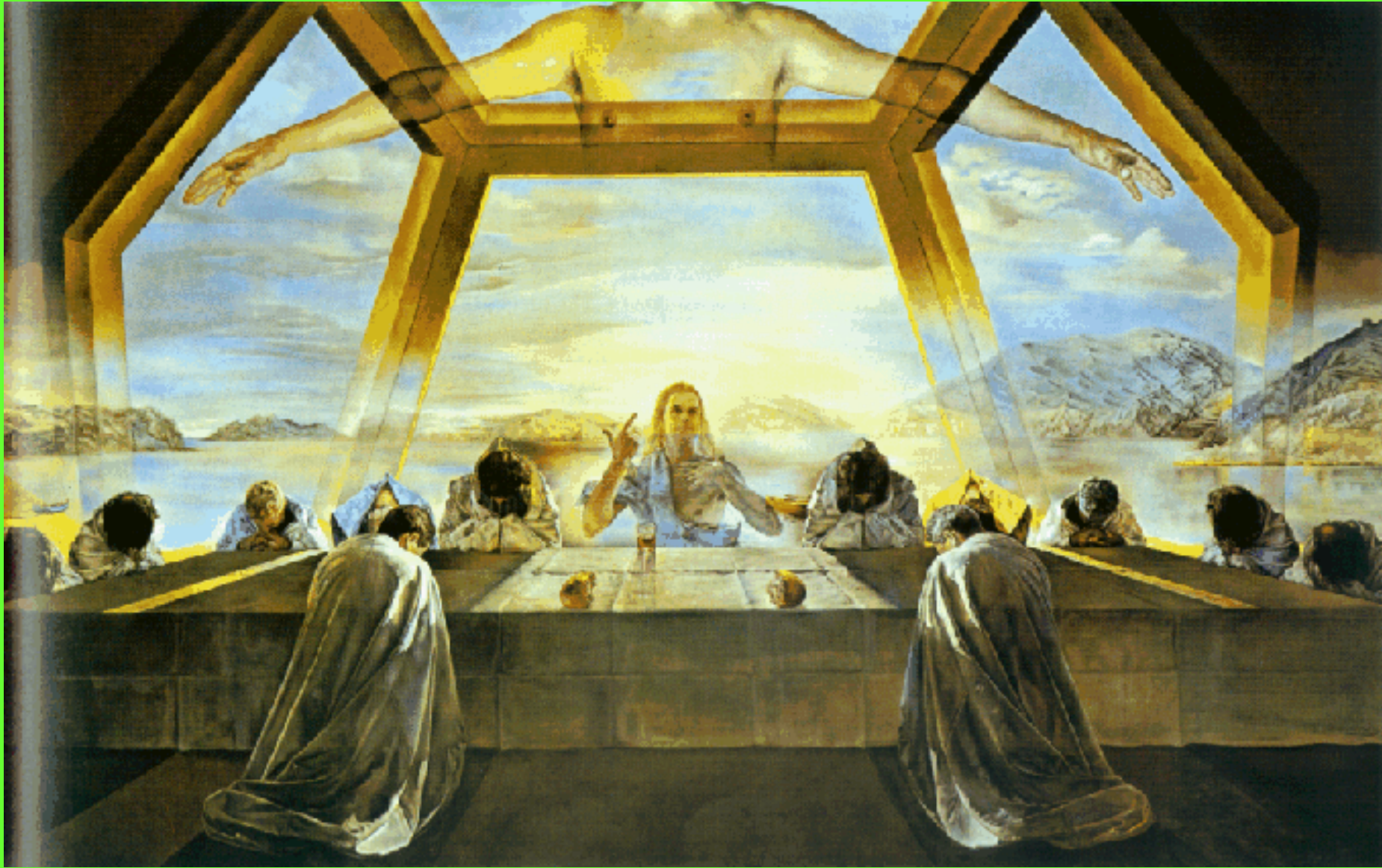


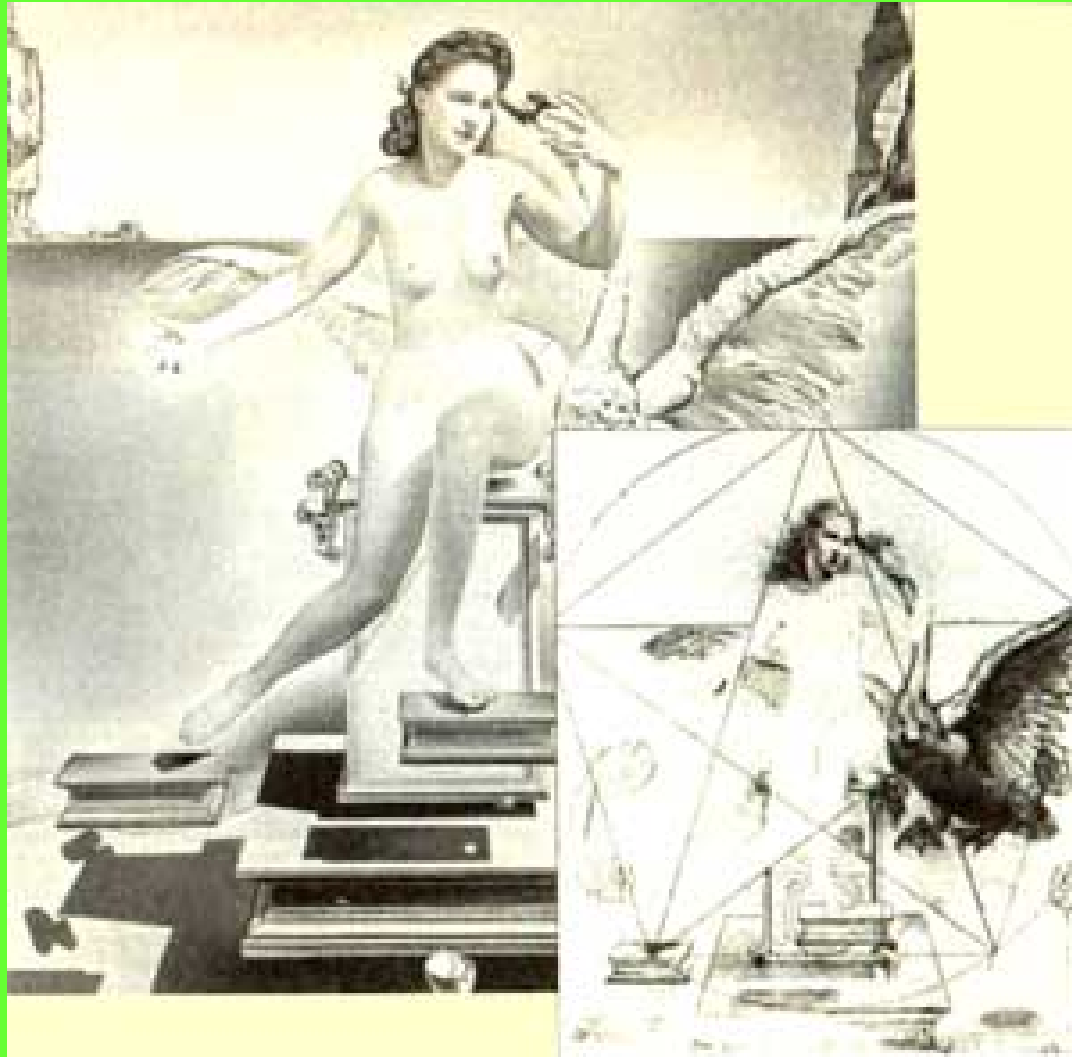
$$\Phi = \frac{\sqrt{5} + 1}{2}$$



Dalí:
Mucha
en la
venta

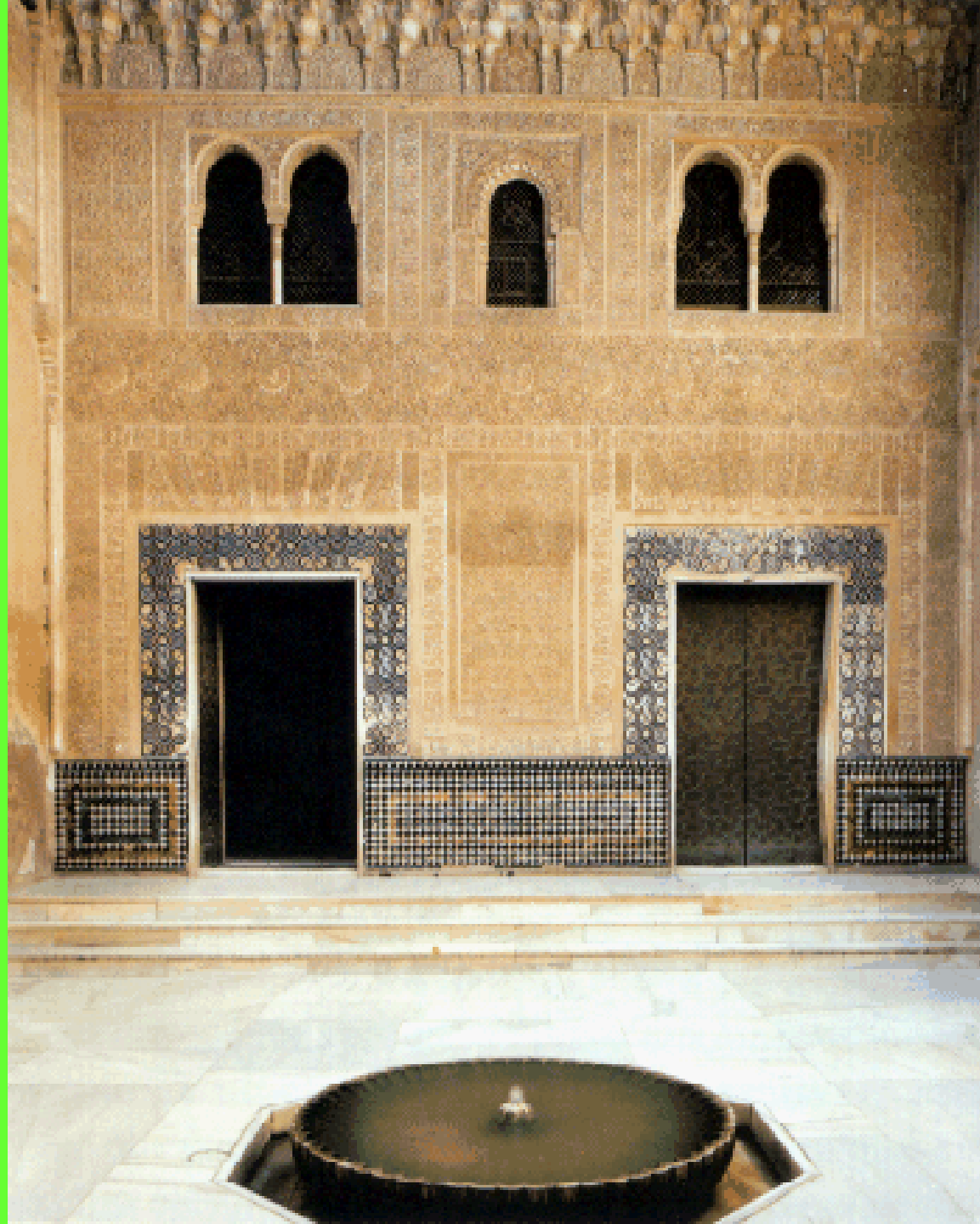
Dalí: La Cena

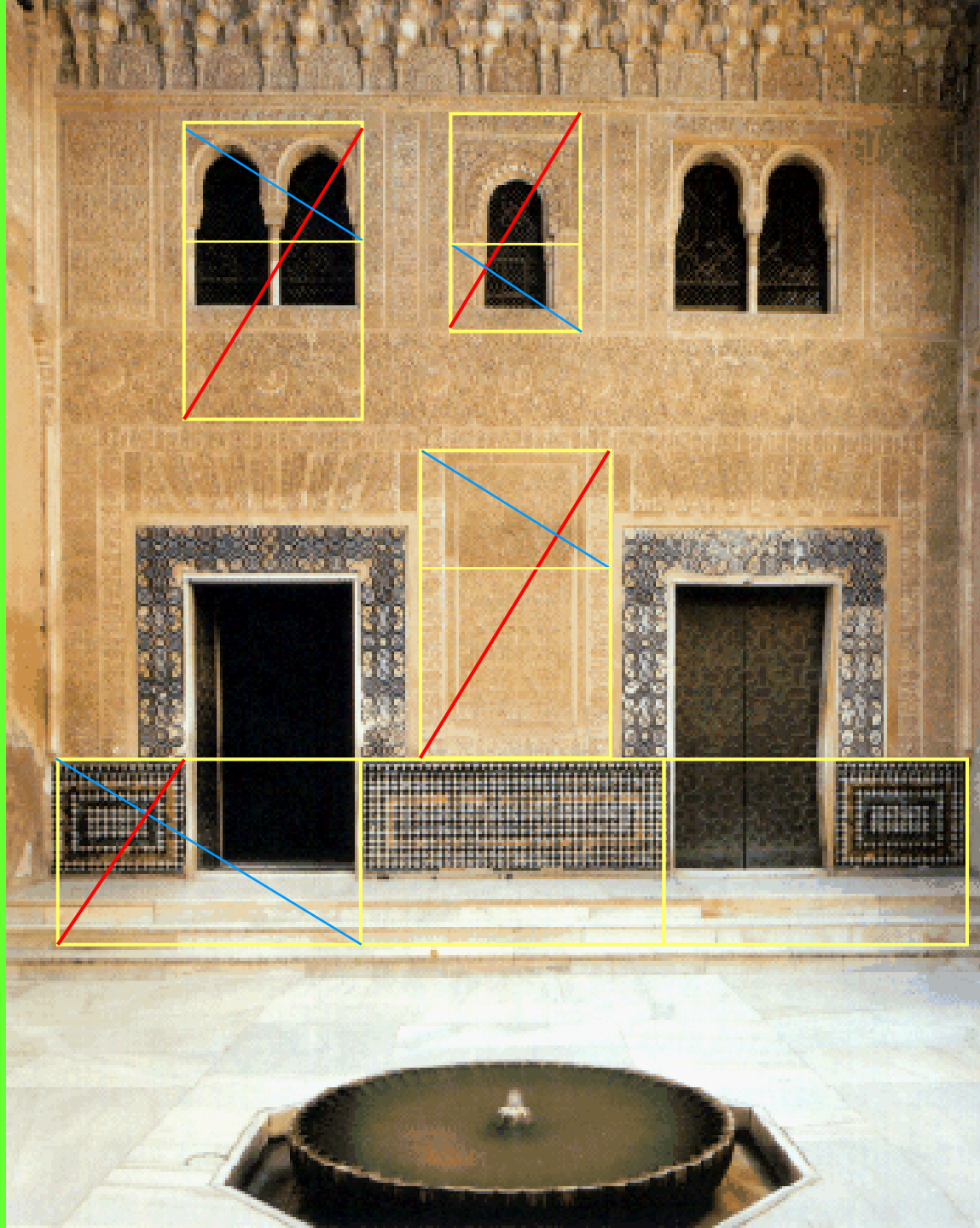




Leda Atómica, por Dalí

La
Alham
-bra

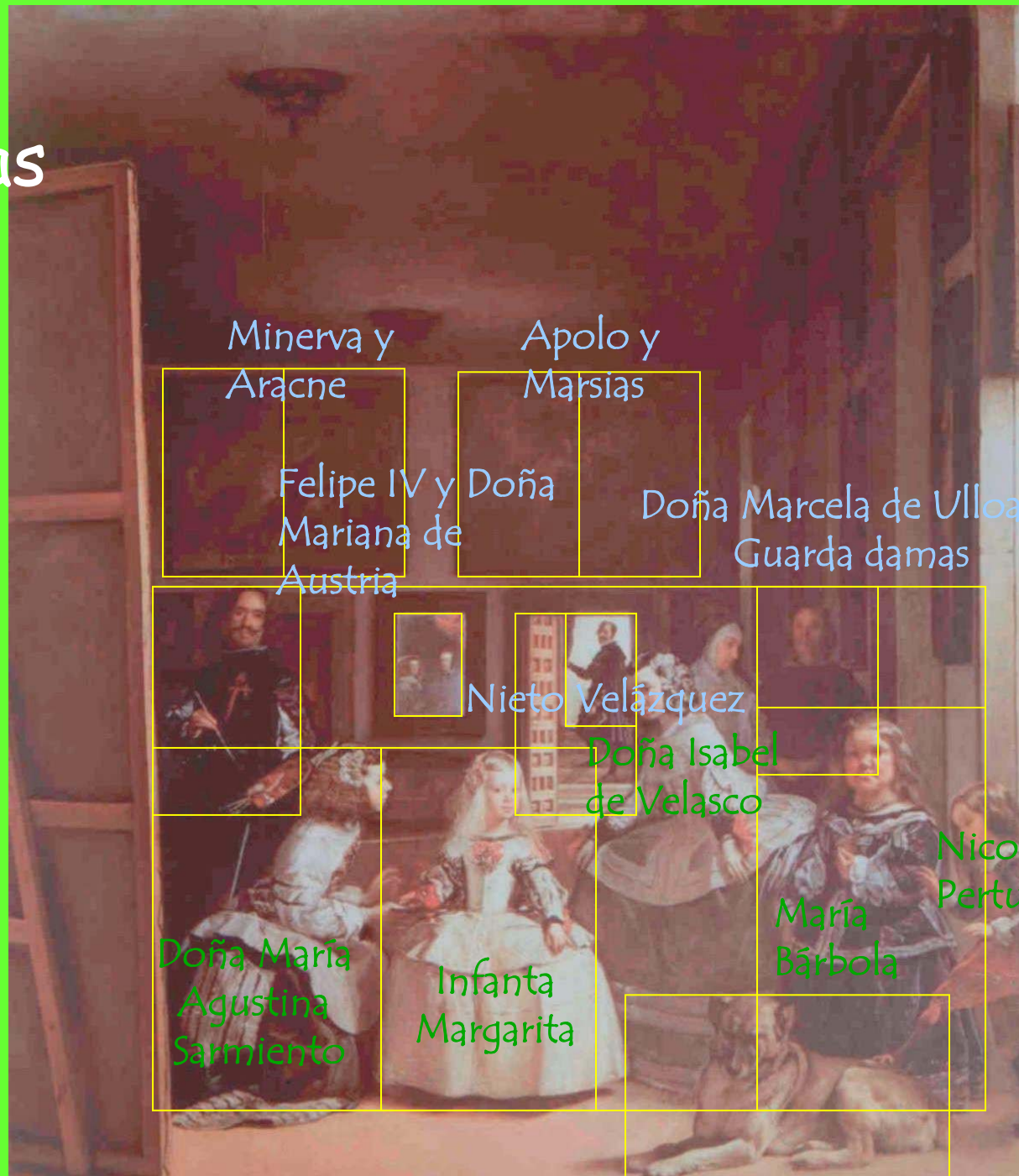




Velázquez: Las Meninas

Personajes

Rectángulos
áureos



Minerva y
Aracne

Apolo y
Marsias

Felipe IV y Doña
Mariana de
Austria

Doña Marcela de Ulloa y
Guarda damas

Nieto Velázquez

Doña Isabel
de Velasco

Nicolasito
Pertusato

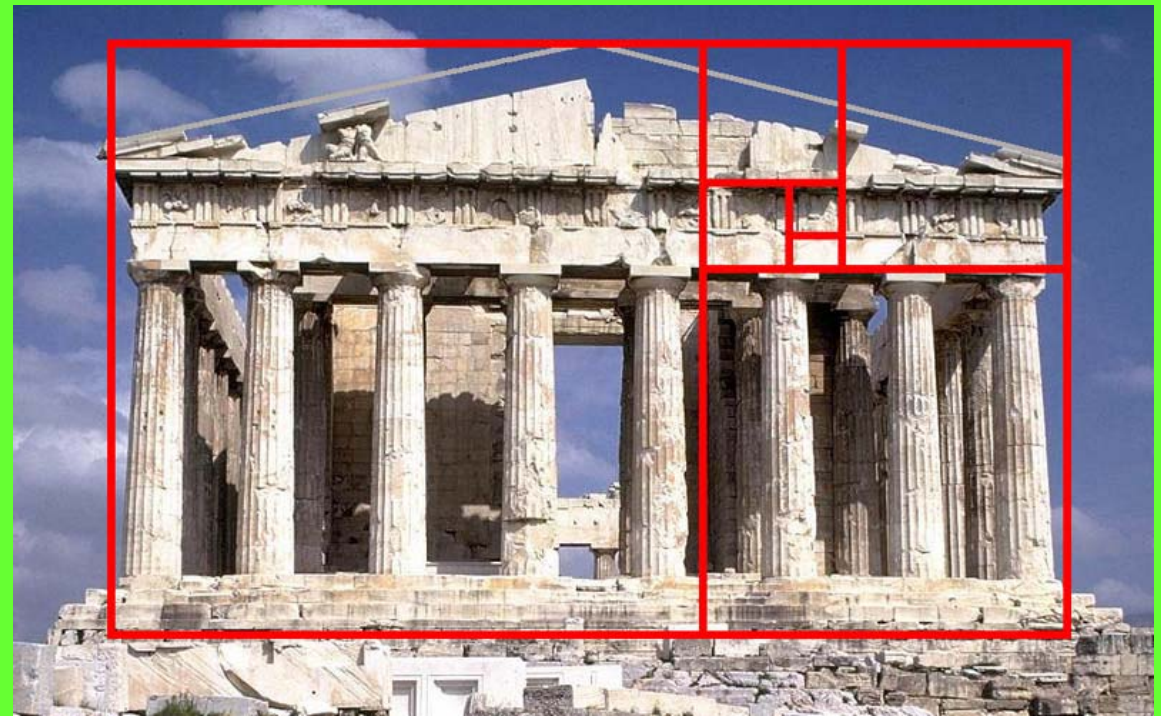
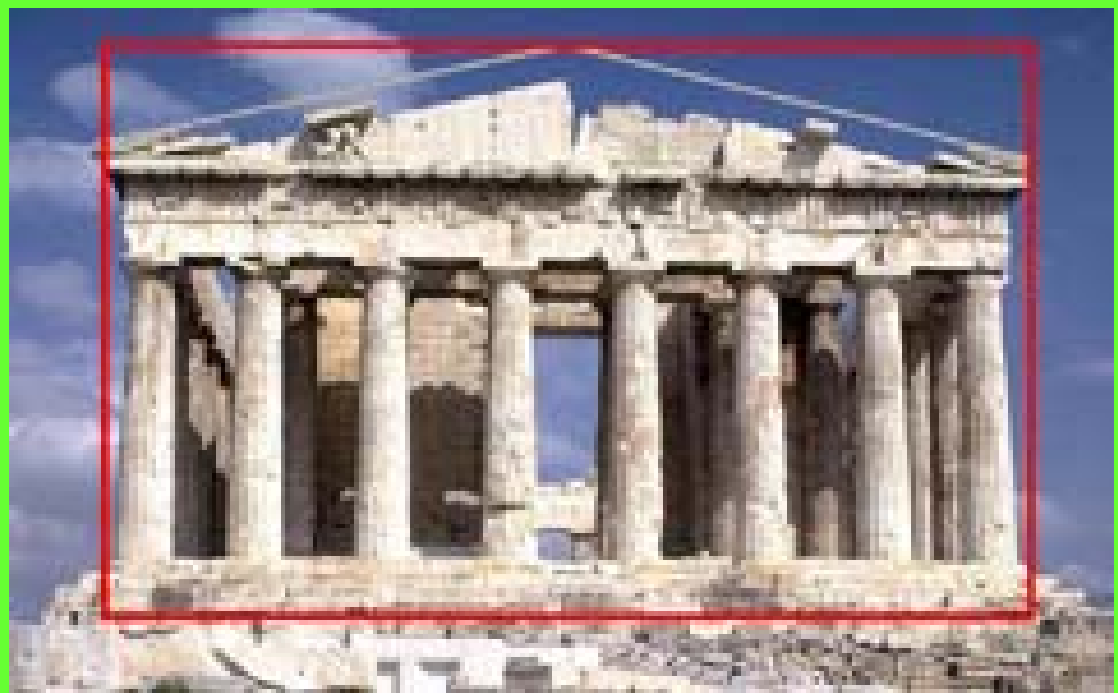
Doña María
Agustina
Sarmiento

Infanta
Margarita

María
Bárbara

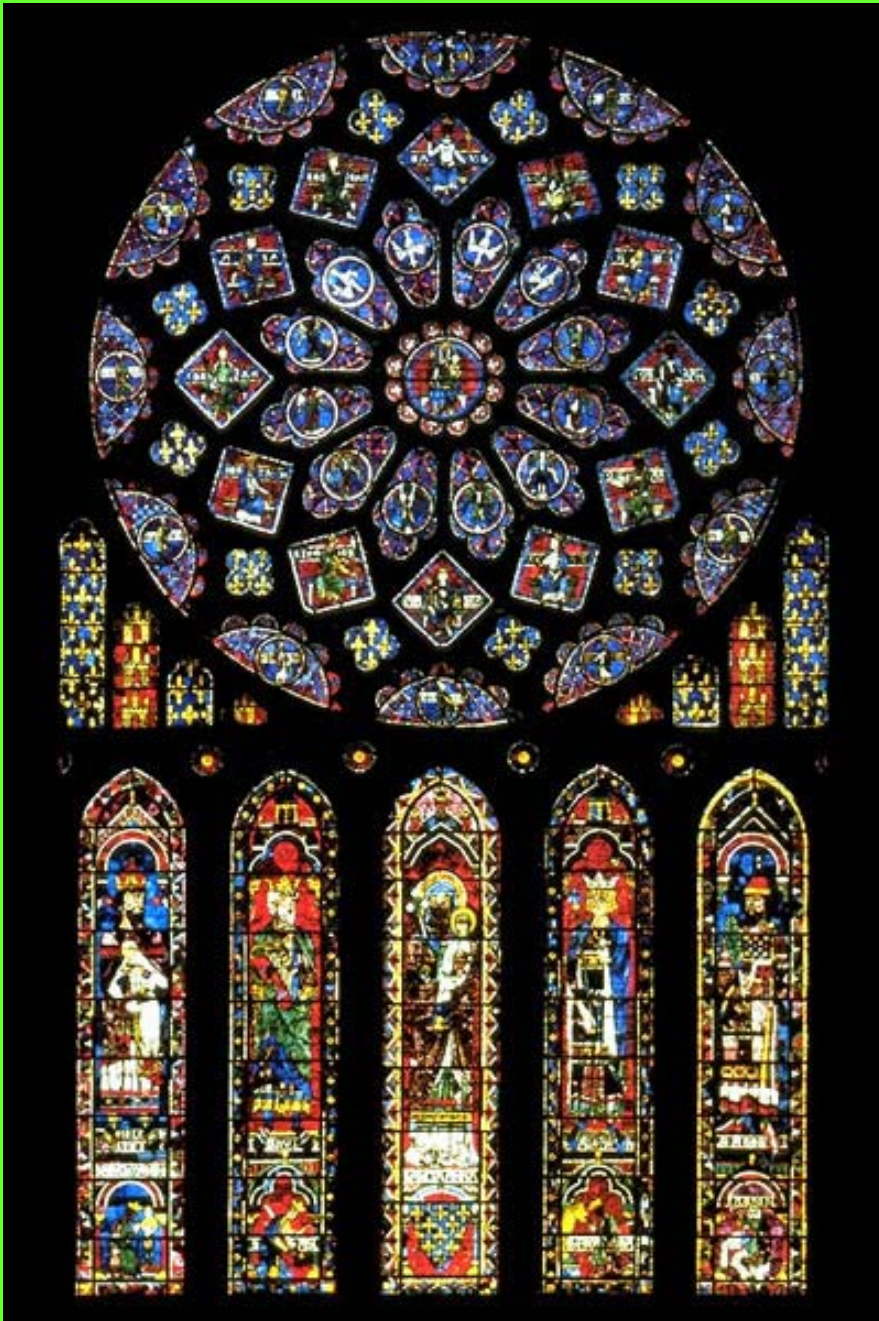
¿Razón
áurea?

Más bien
exageracio-
nes,
proporciones
aproximadas,
Gran
Pirámide,....





Catedral de Chartres



Catedral de Chartres

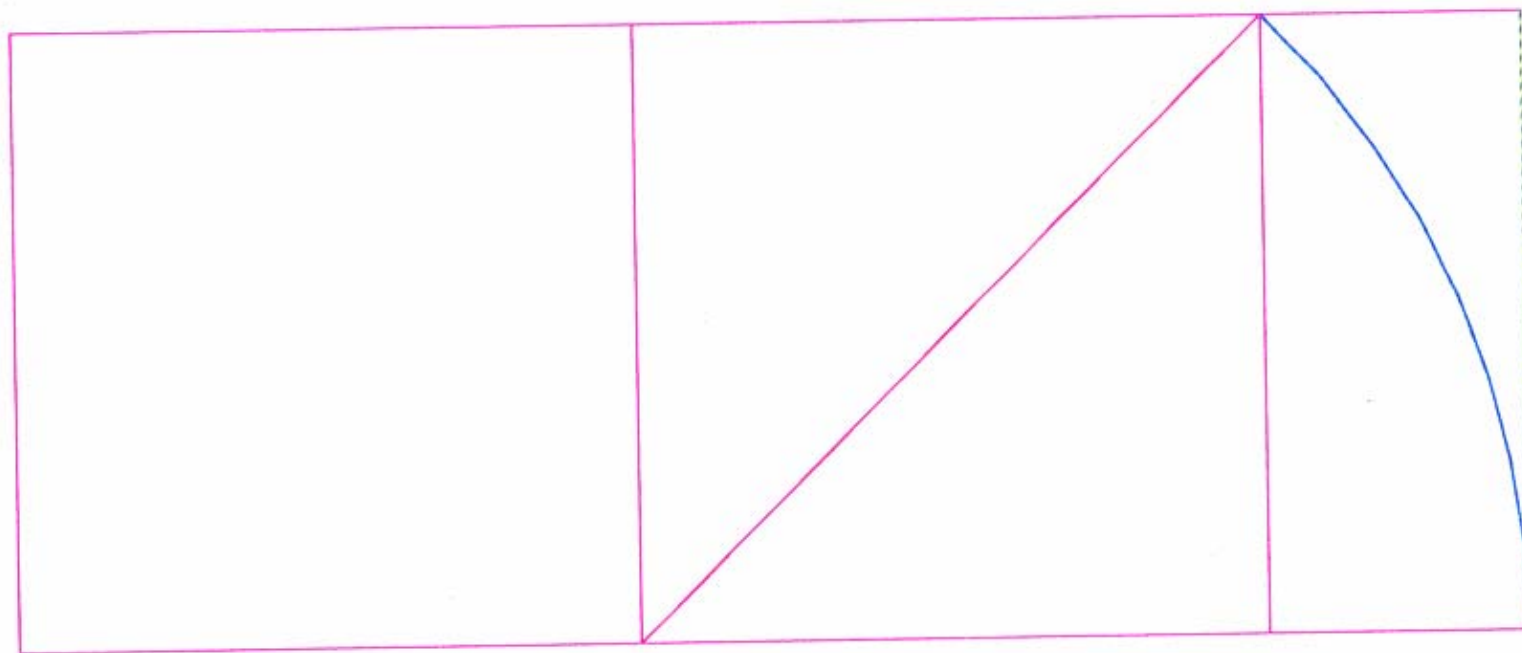


Figura 5: Rectángulo de Plata

$$\vartheta = 1 + \sqrt{2}$$

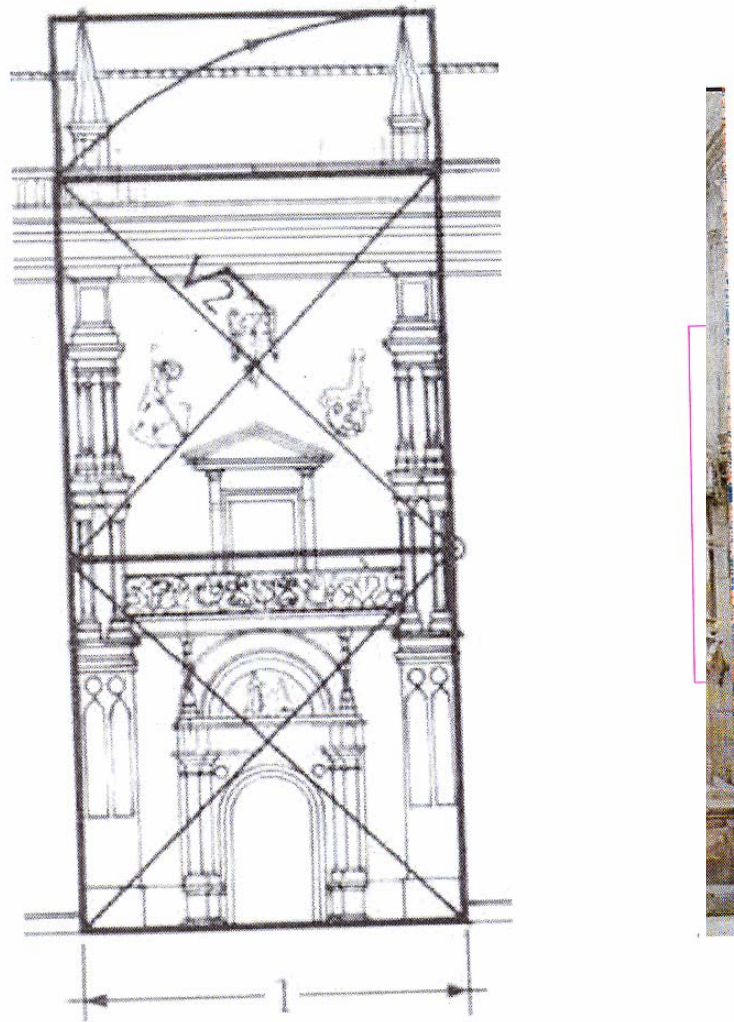
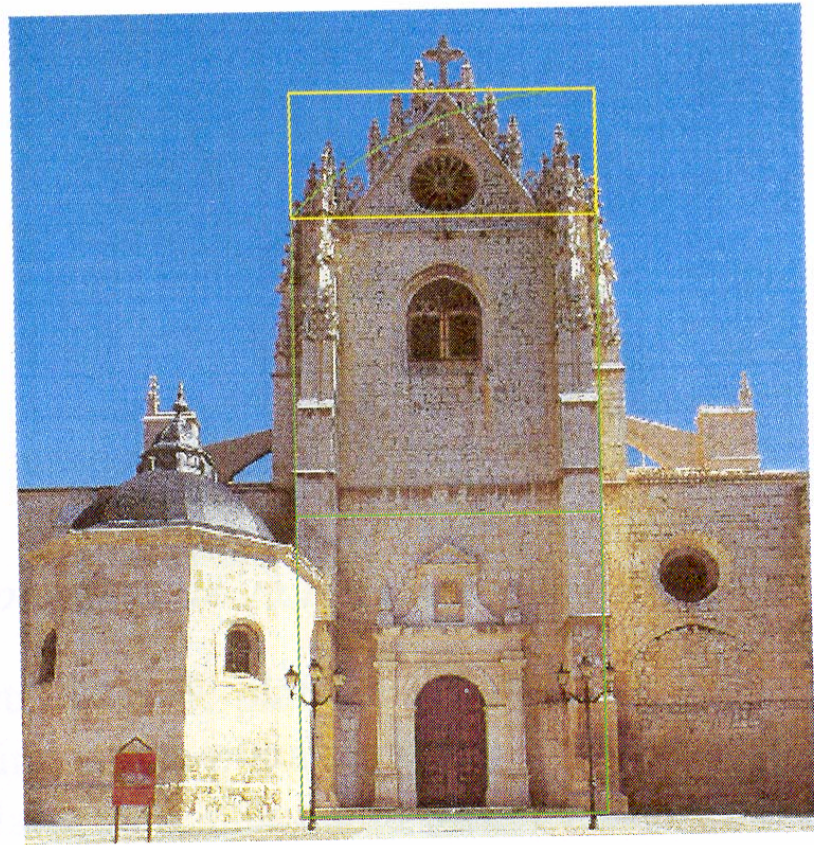
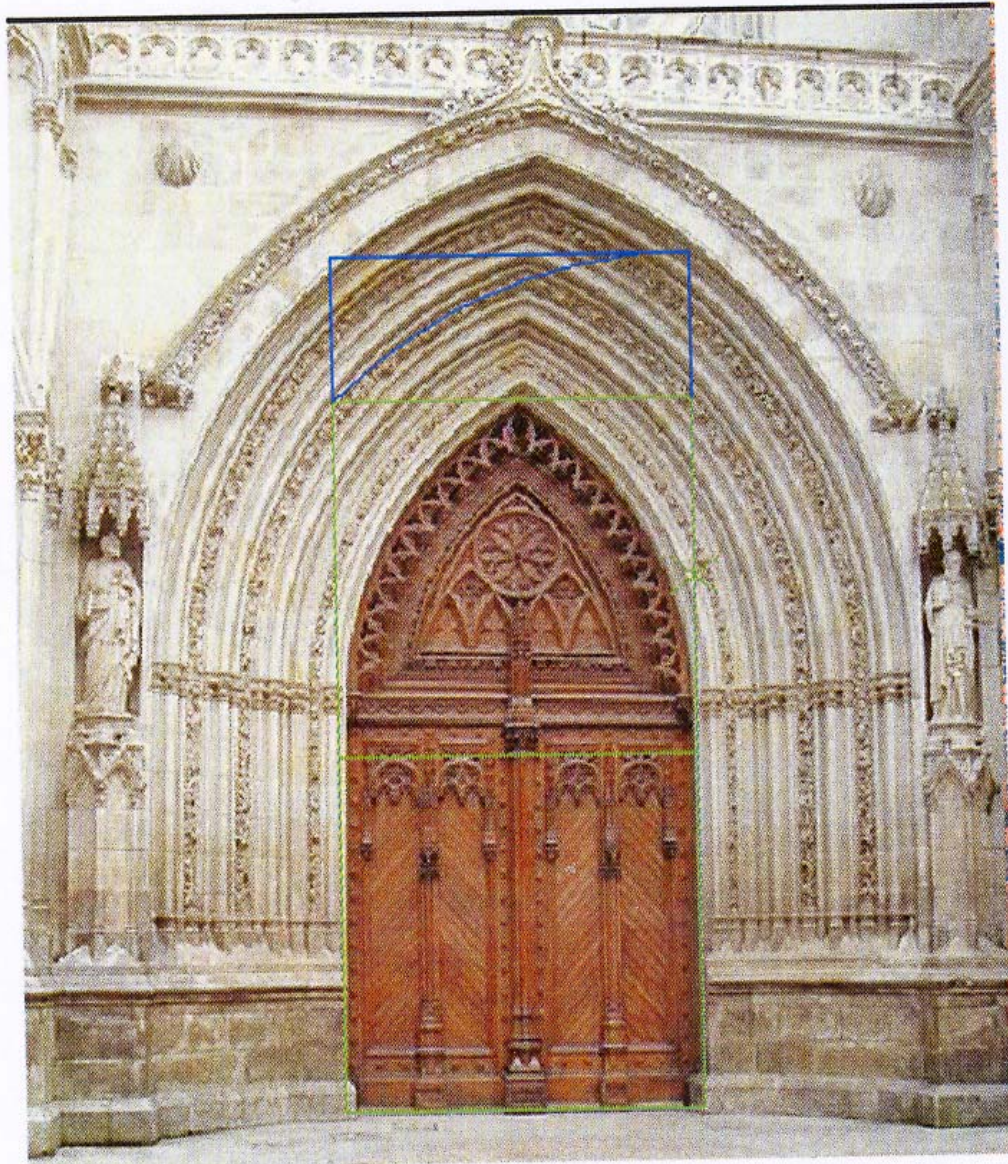


Figura 4: Fachada Palacio Santa Cruz, Valladolid



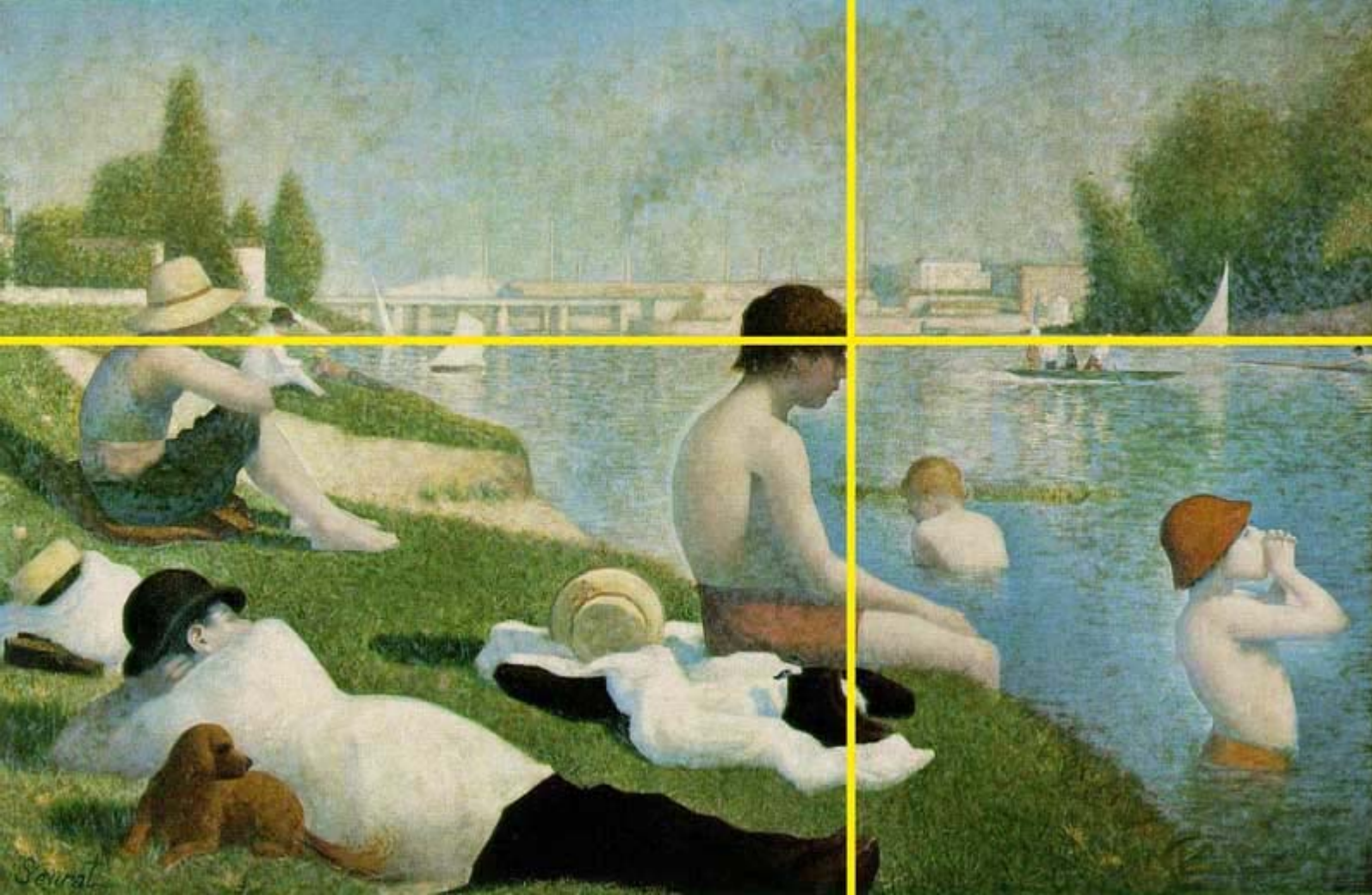
*Figura 7: Catedral de Palencia,
Puerta de San Antolín*



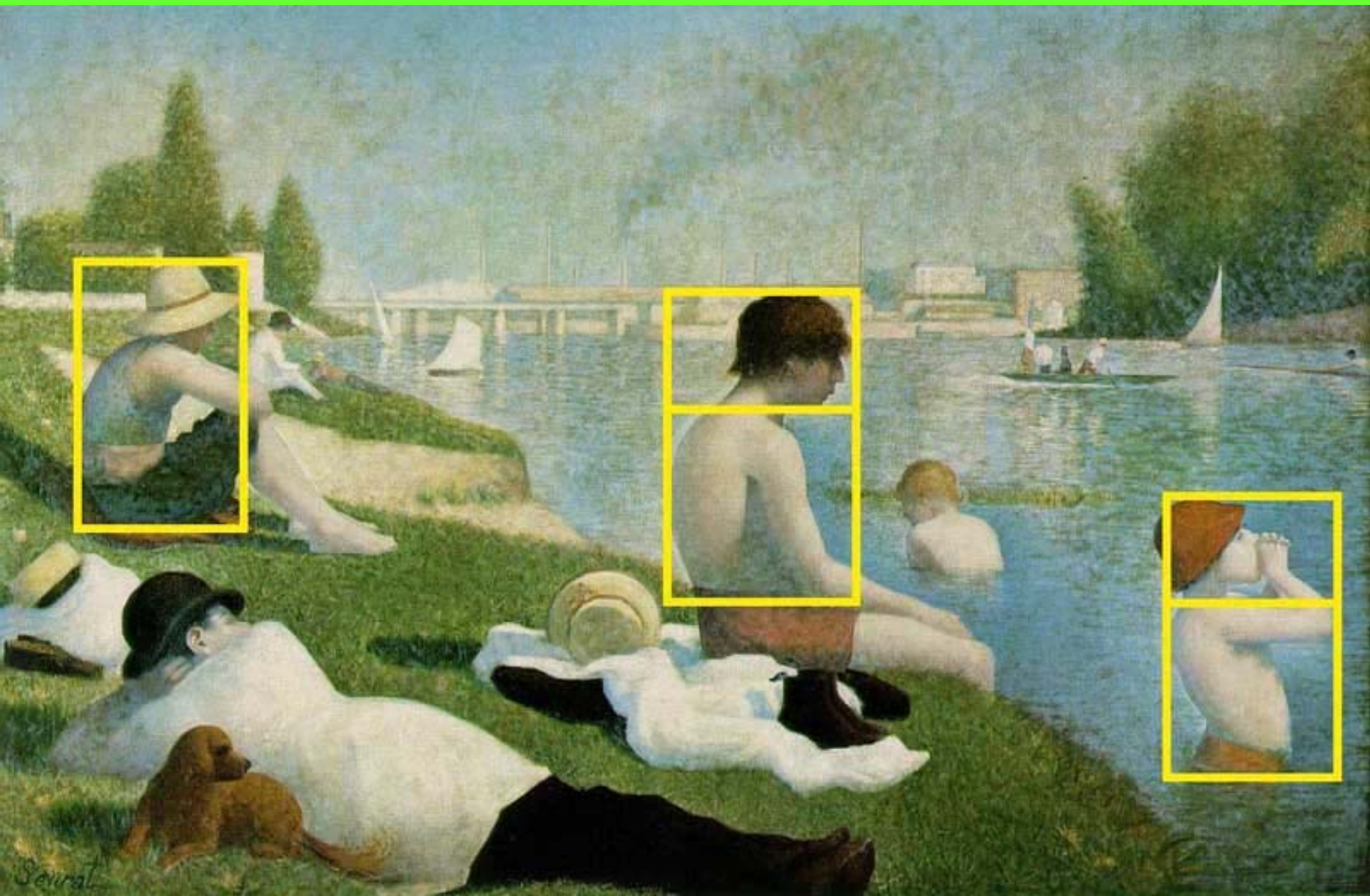
*Figura 6: Catedral de Santiago,
Bilbao*

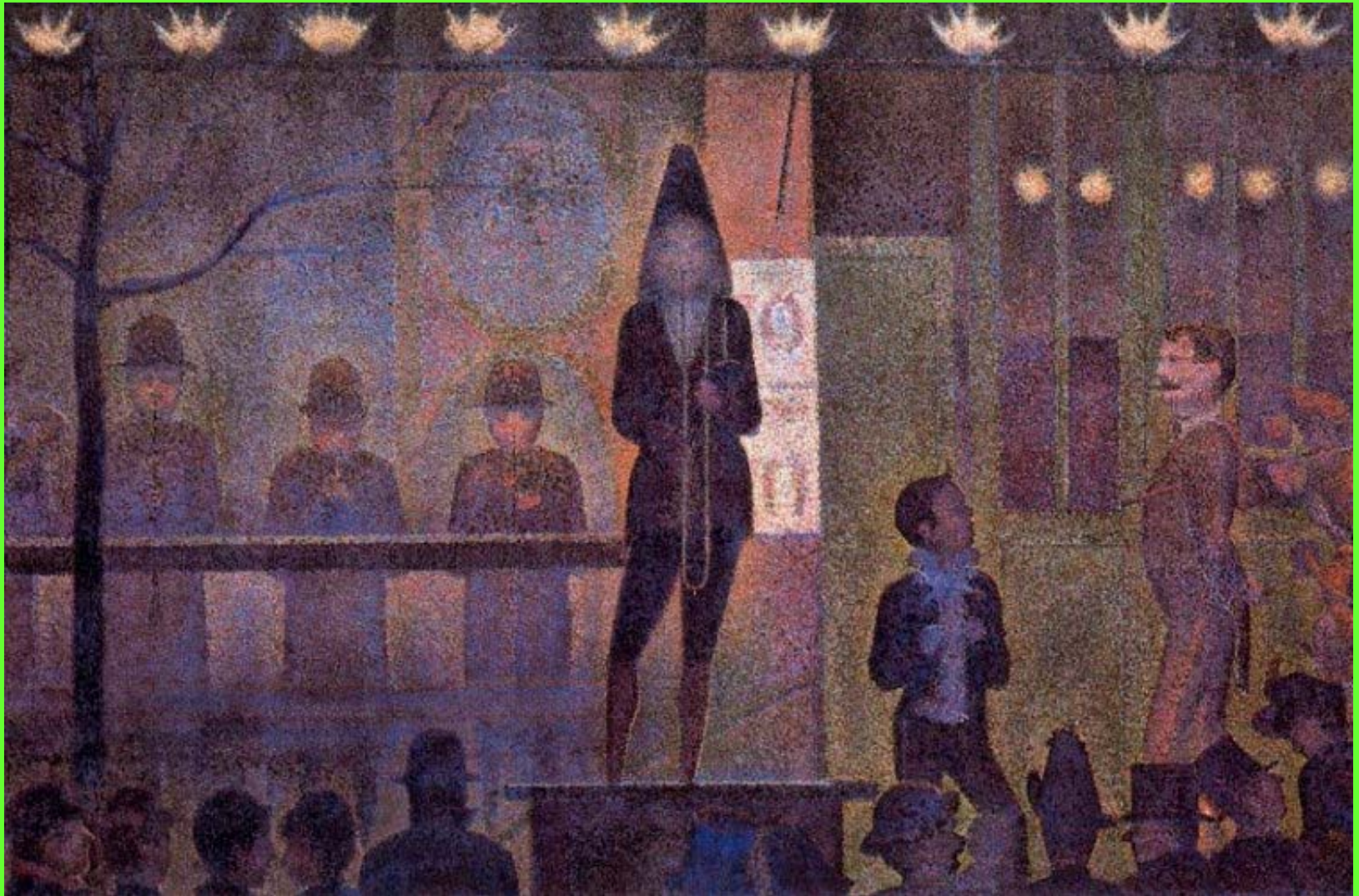


David de Miguel Angel



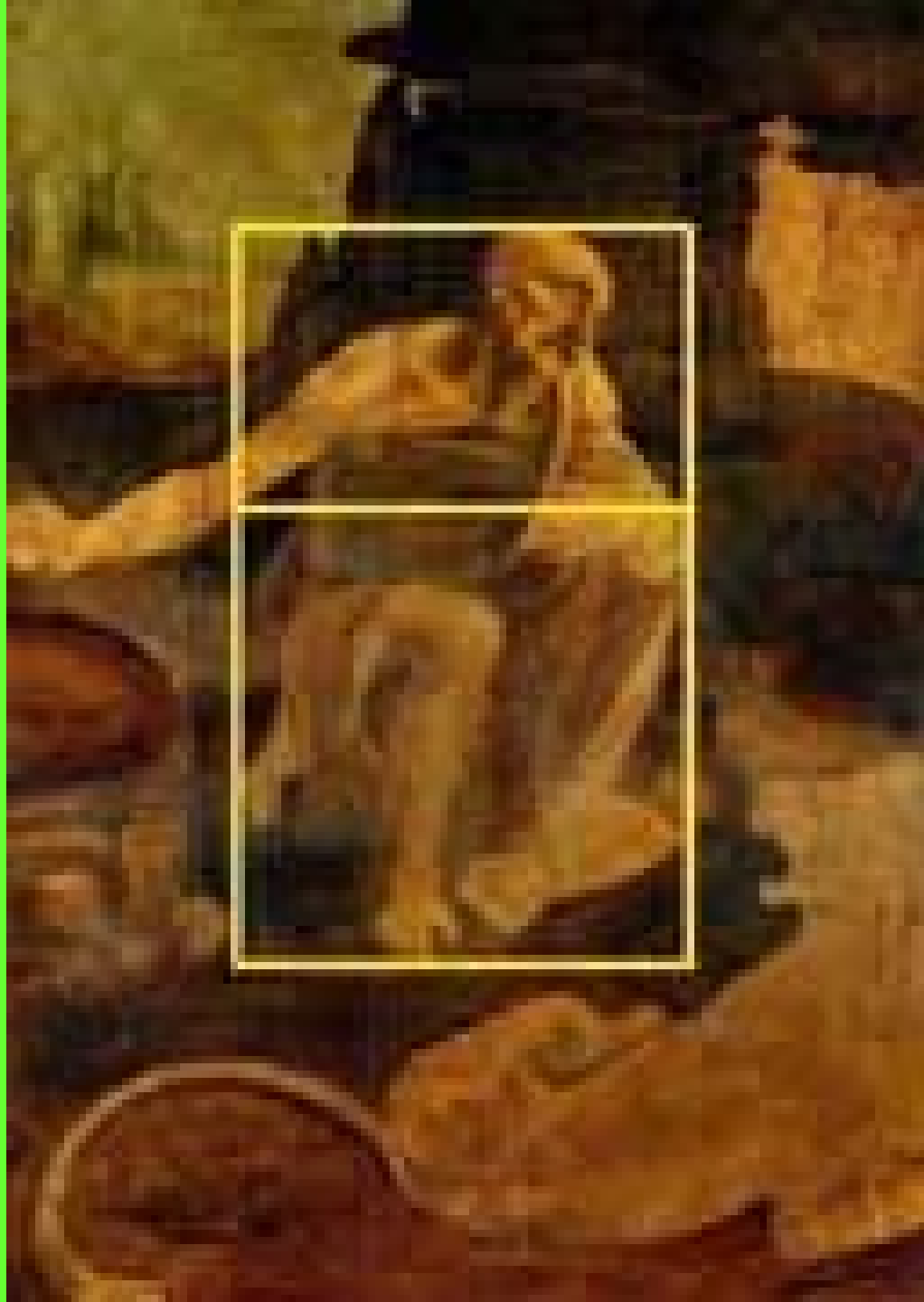
“Bañistas en Asnieres” de G.P.Seurat (National Gallery Londres) con “obvias”(?) razones áureas

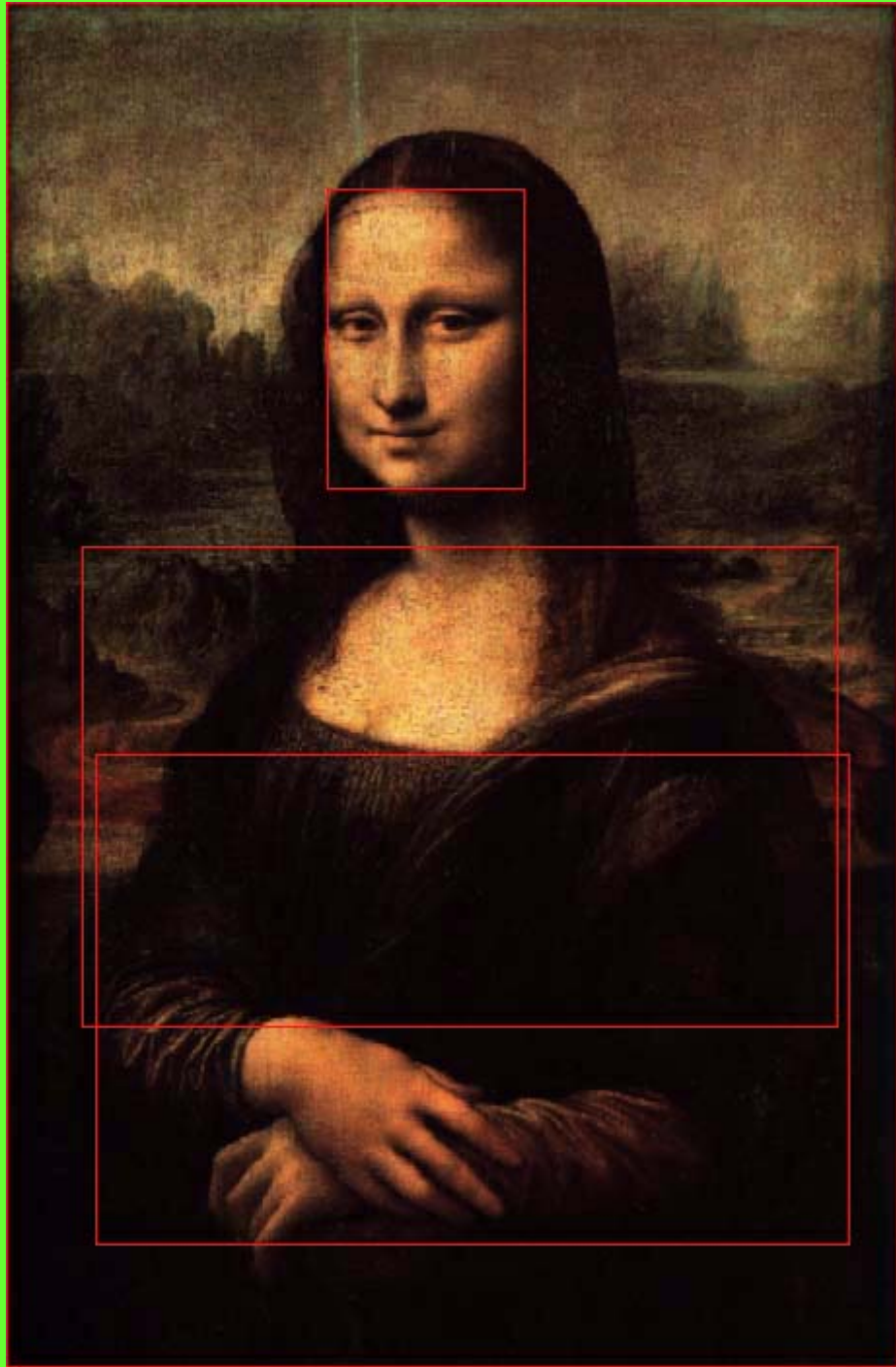




**La Parada del Circo de Seurat, Metrop. Mus.
of Arts**







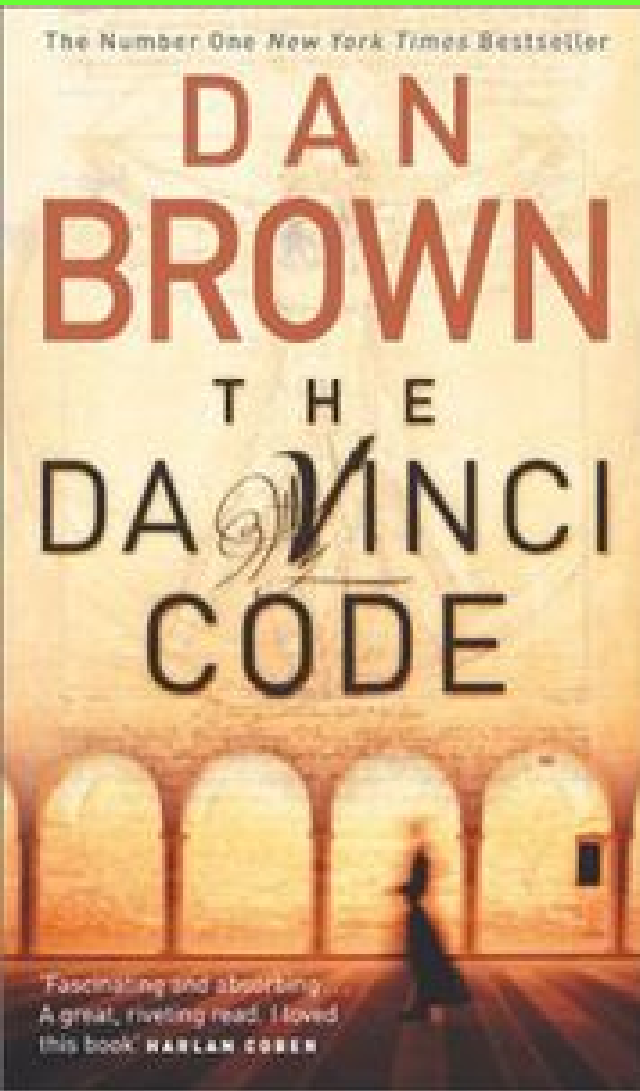


Virgen de las Rocas del Louvre y National Gallery. Da Vinci.
Proporciones 1.64, 1.58



1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 13. 14. 15. 16. 17. 18. 19. 20. 21. 22. 23. 24. 25. 26. 27. 28. 29. 30. 31. 32. 33. 34. 35. 36. 37. 38. 39. 40. 41. 42. 43. 44. 45. 46. 47. 48. 49. 50. 51. 52. 53. 54. 55. 56. 57. 58. 59. 60. 61. 62. 63. 64. 65. 66. 67. 68. 69. 70. 71. 72. 73. 74. 75. 76. 77. 78. 79. 80. 81. 82. 83. 84. 85. 86. 87. 88. 89. 90. 91. 92. 93. 94. 95. 96. 97. 98. 99. 100.





Leyendas noveladas: herejía juanista, priorato de Sión, mezclados con históricos: templarios, Fibonacci, Leonardo,...



Gnomon de St. Sulpice, Paris



Capilla Rosslyn



Galgas o calibradores con la razón áurea









Razón áurea diente a diente ?



En la cara?



Le Corbusier y el Modulor



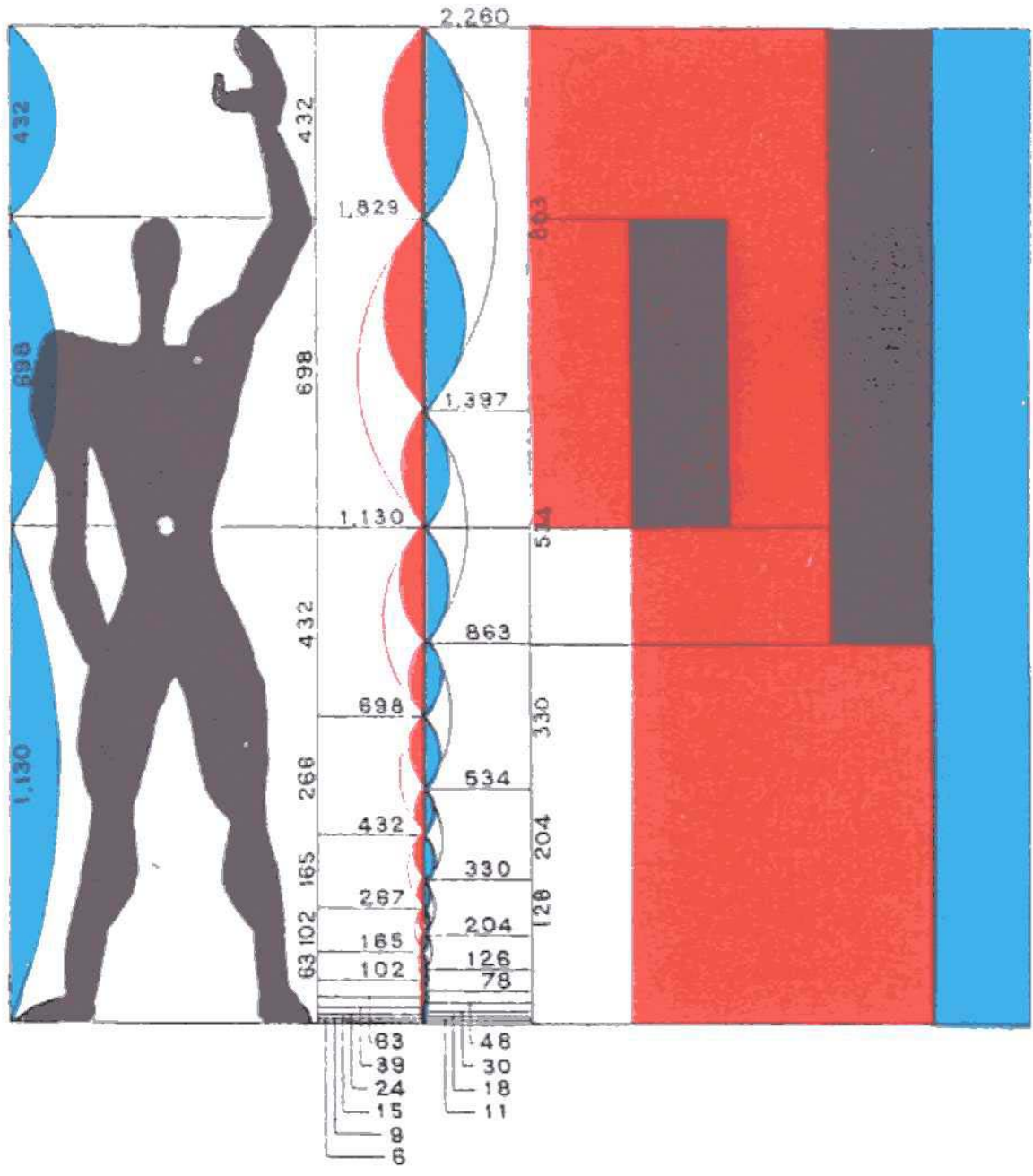
Modulor: Sistema de medidas ideado por Le Corbusier .
Se basa en las medidas naturales del hombre y en la razón áurea, y considera que tanto el métrico decimal como el anglosajón tienden a desvirtuar la arquitectura y la industria.

Parte de 226 como altura del hombre francés (170) con mano levantada y la mitad, la altura de su ombligo, 113 cm
9'57, 5'92, 3'66, **2'26** , 1'40, 0'86, 0'53, 0'33, 0'20 (factor número áureo)

4'79, 2'96, 1'83, **1'13** , 0'70, 0'43, 0'26, 0'16, 0'10,

Modulor II con el hombre inglés de 180.

Usa estas medidas en arquitectura. Admirado en su tiempo, hoy superado





A LA DIVINA PROPORCION

A tí, maravillosa disciplina,
media, extrema razón de la hermosura
que claramente acata la clausura
viva en la malla de tu ley divina.

A tí, cárcel feliz de la retina,
áurea sección, celeste cuadratura,
misteriosa fontana de medida
que el universo armónico origina.

A tí, mar de los sueños angulares,
flor de las cinco flores regulares,
dodecaedro azul, arco sonoro.

Luces por alas un compás ardiente.
Tu canto es una esfera transparente.

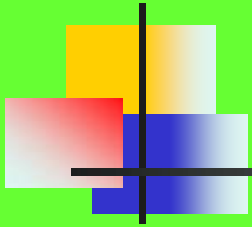
A tí, divina proporción de oro.

Rafael Alberti



Homenaje a Luca Pacioli, de E. Chillida en
Chillida Leku (Hernani)

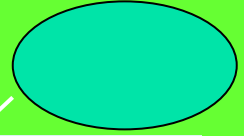
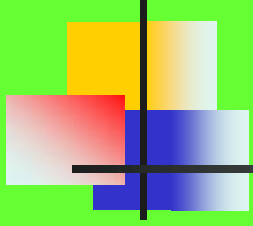
Más matemáticas en la pintura



Degas:
Bailarina
Basculando

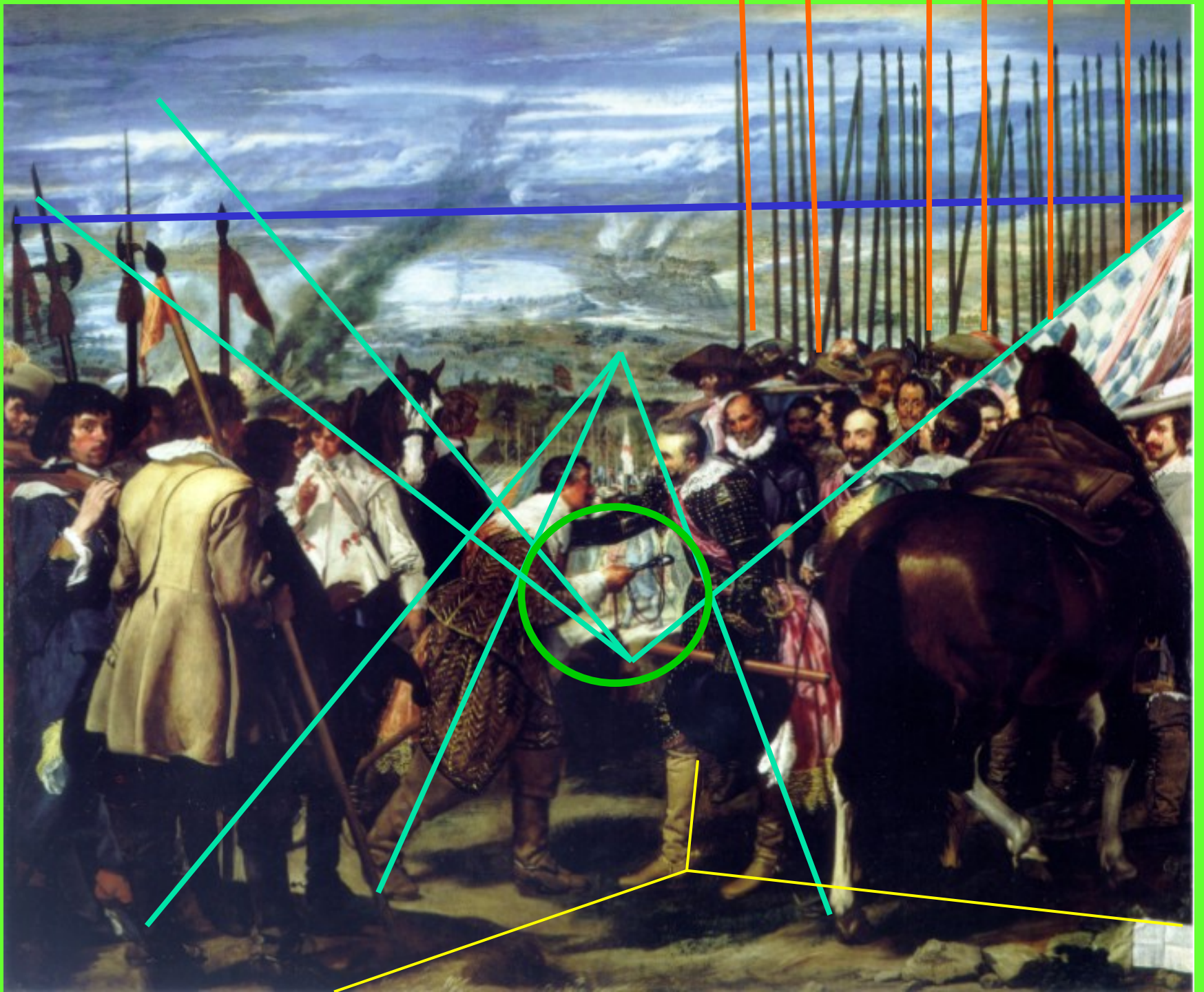


Velázquez: Vieja friendo huevos

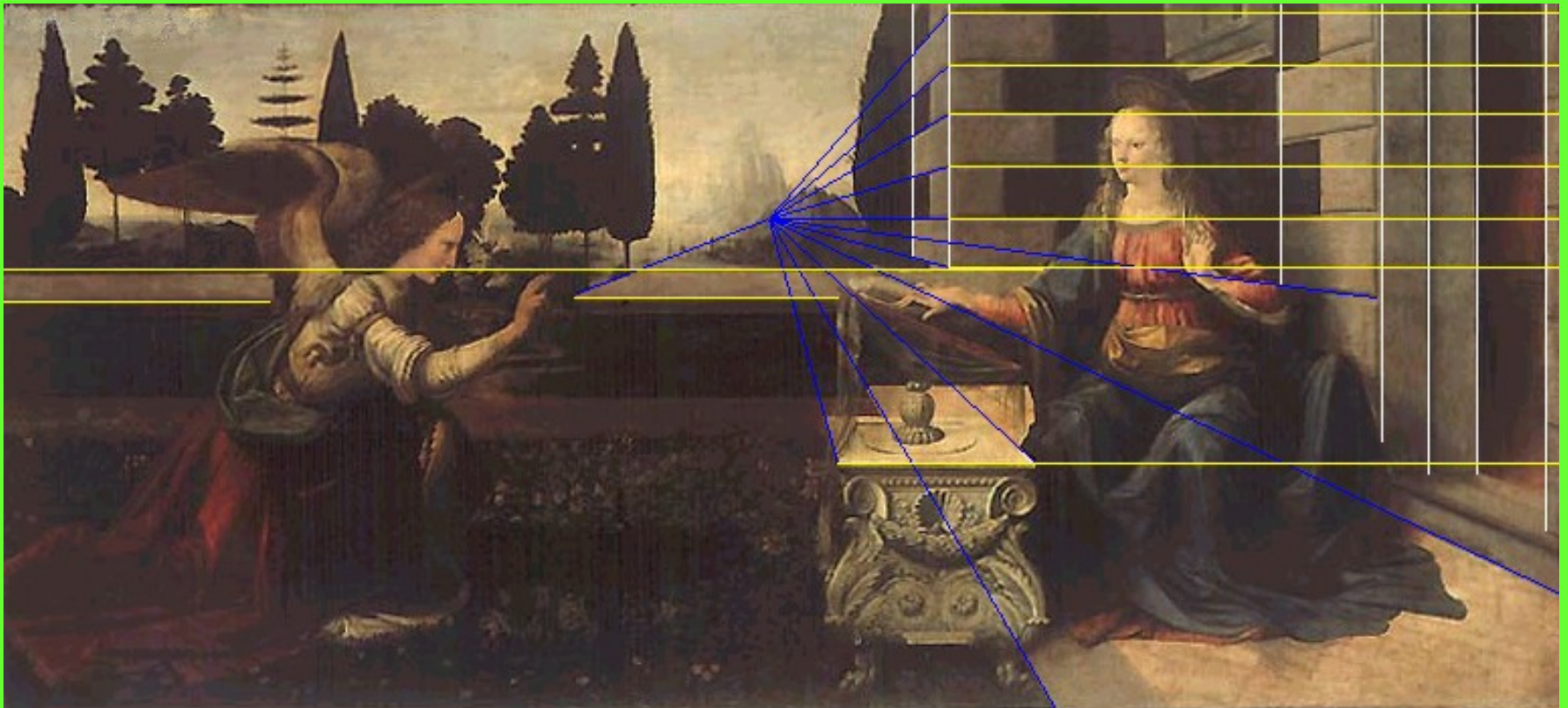


Leonardo da Vinci: La última Cena



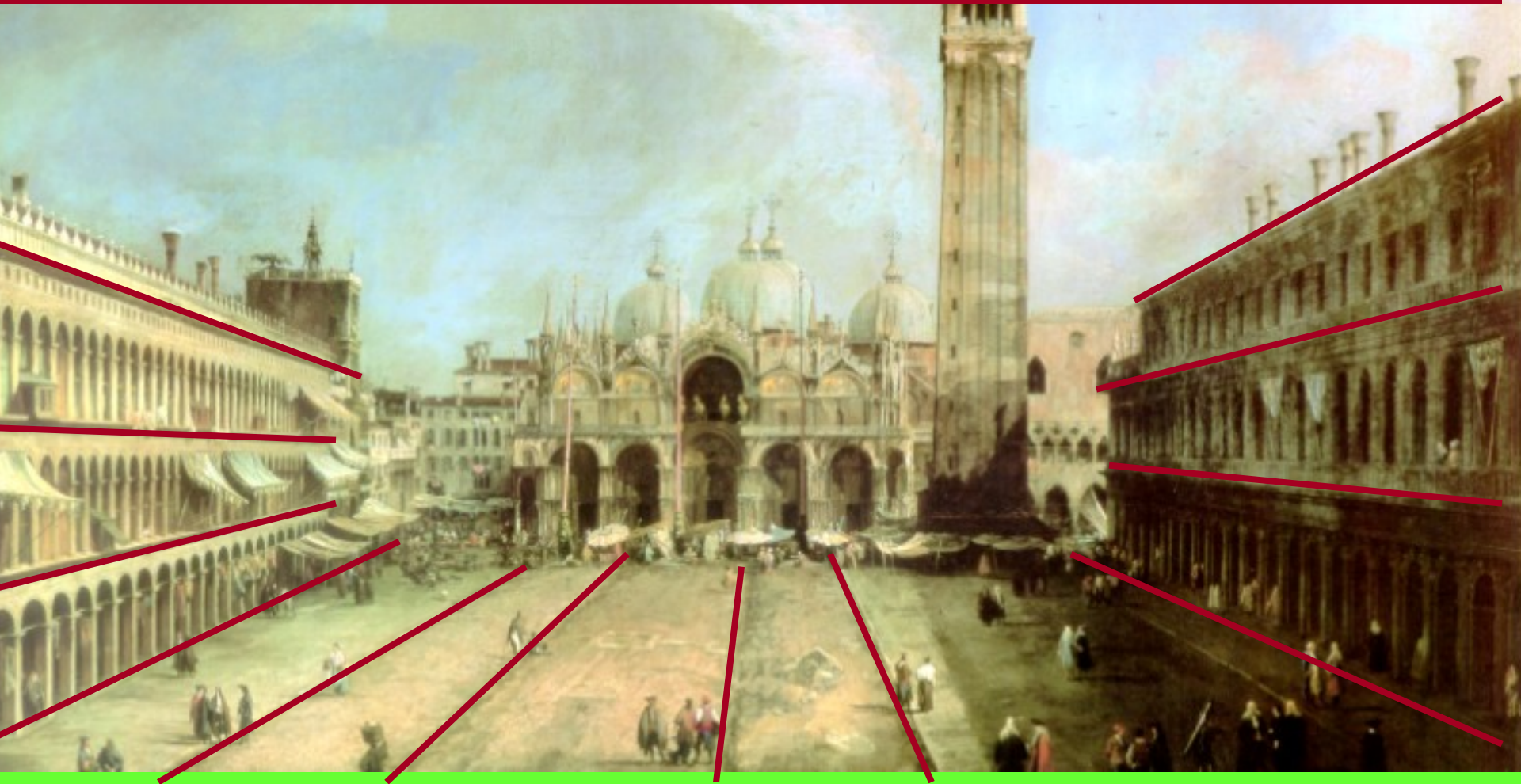


Leonardo da Vinci: La Anunciación

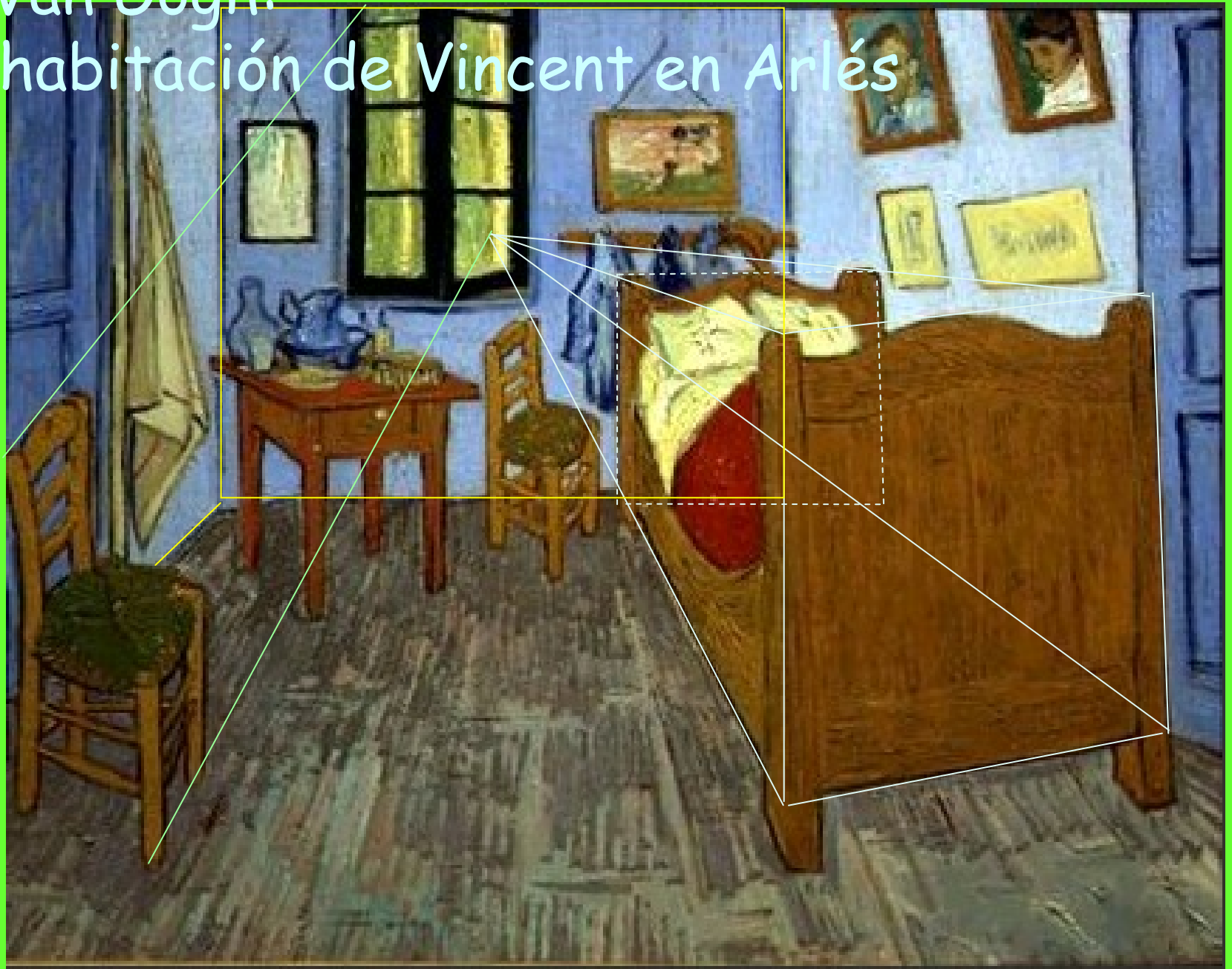


Canaletto:
Plaza de San Marcos

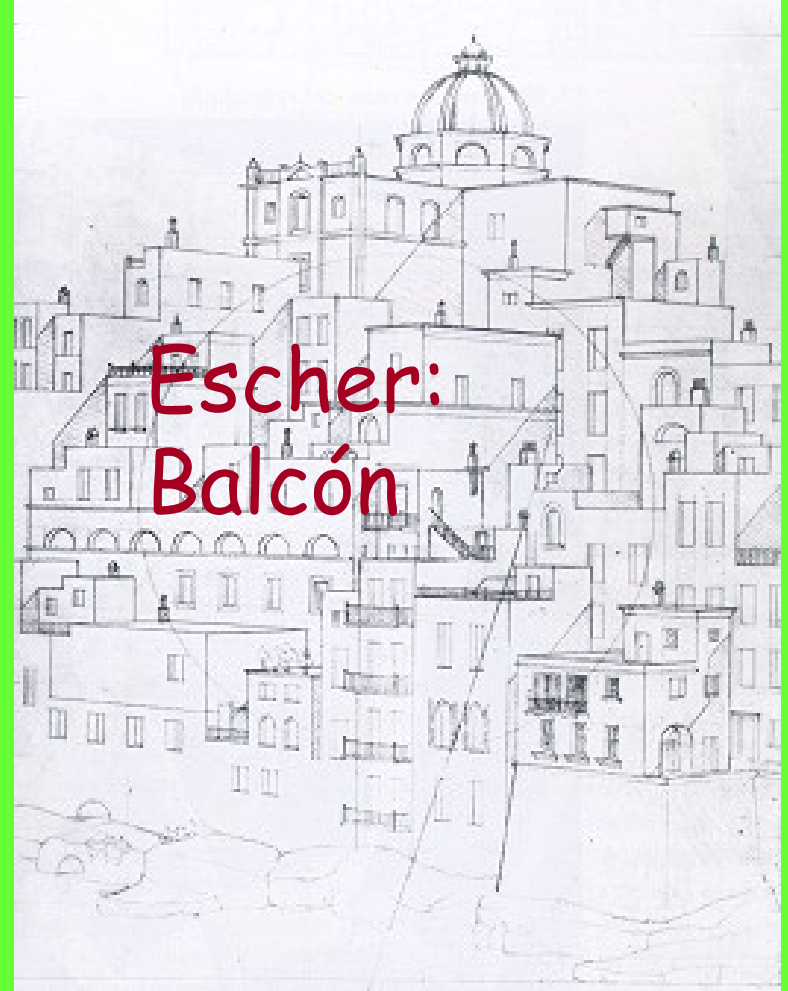
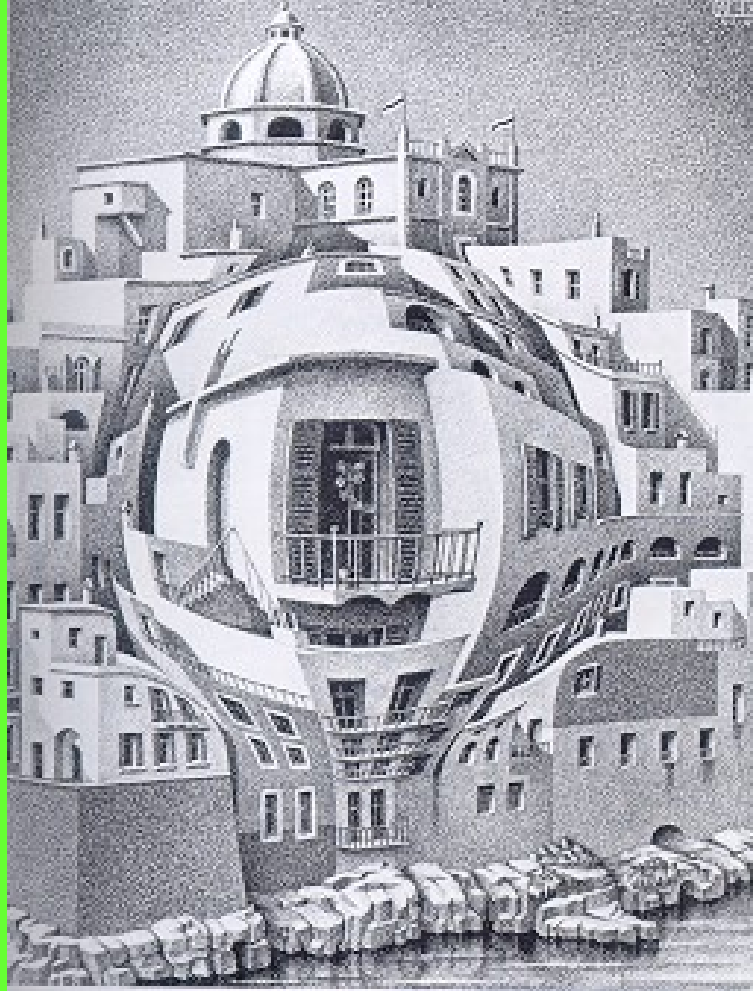
de Venecia, antes de 1723



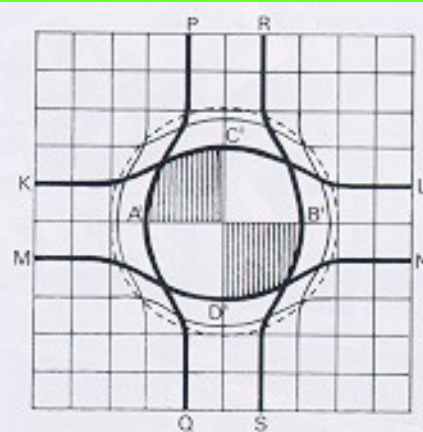
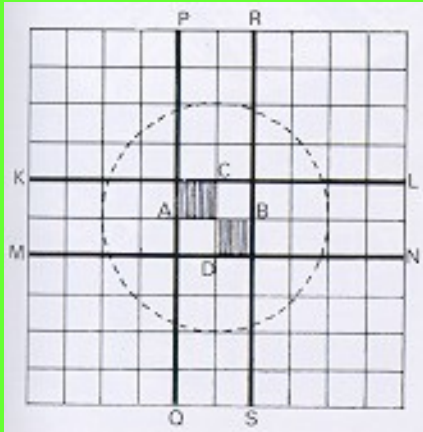
V. Van Gogh:
La habitación de Vincent en Arlés

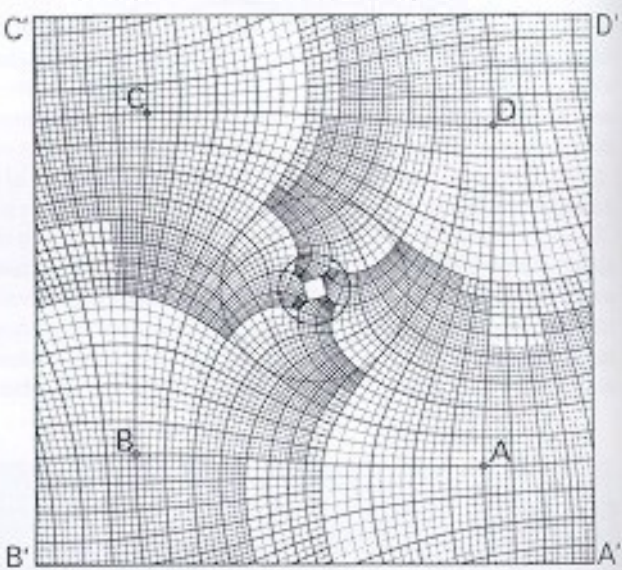
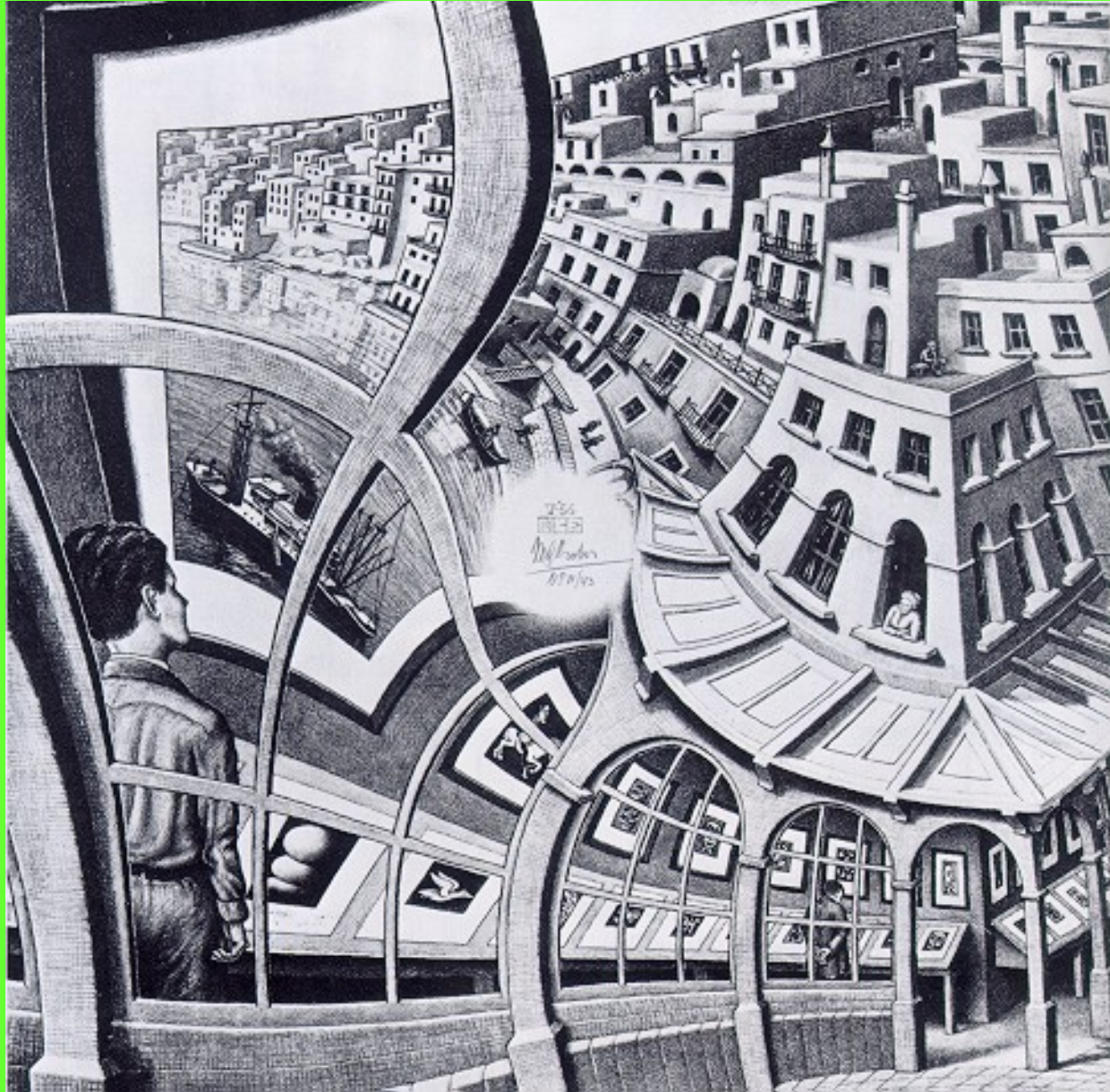
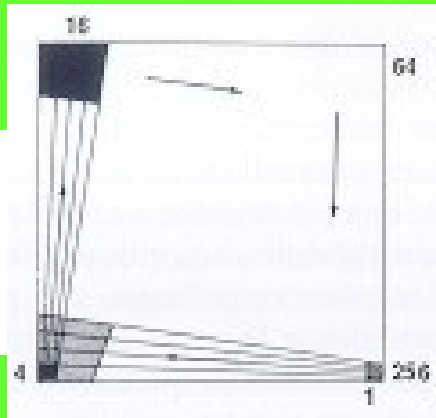


Obras de M. Escher

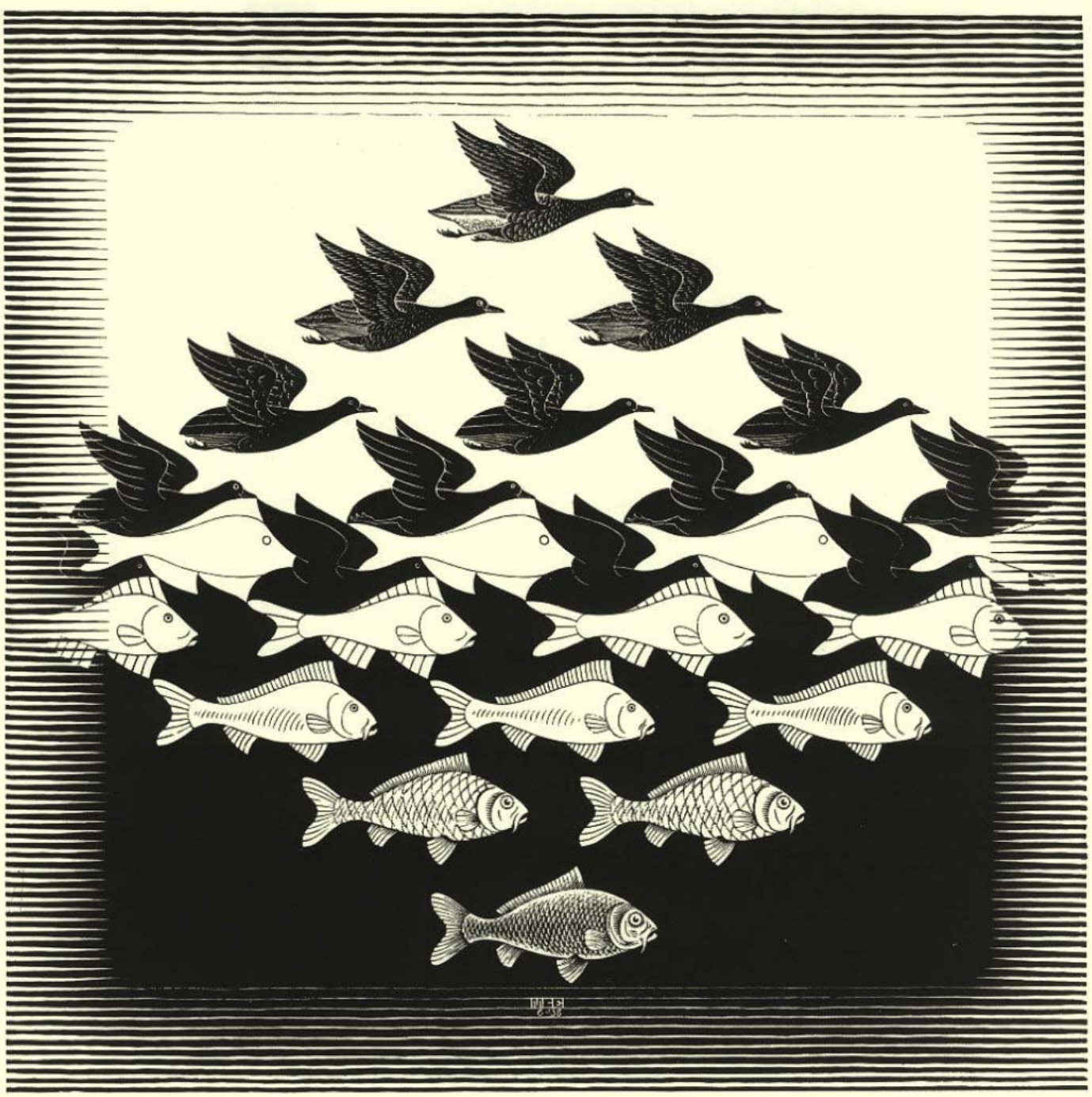


Escher: Balcón

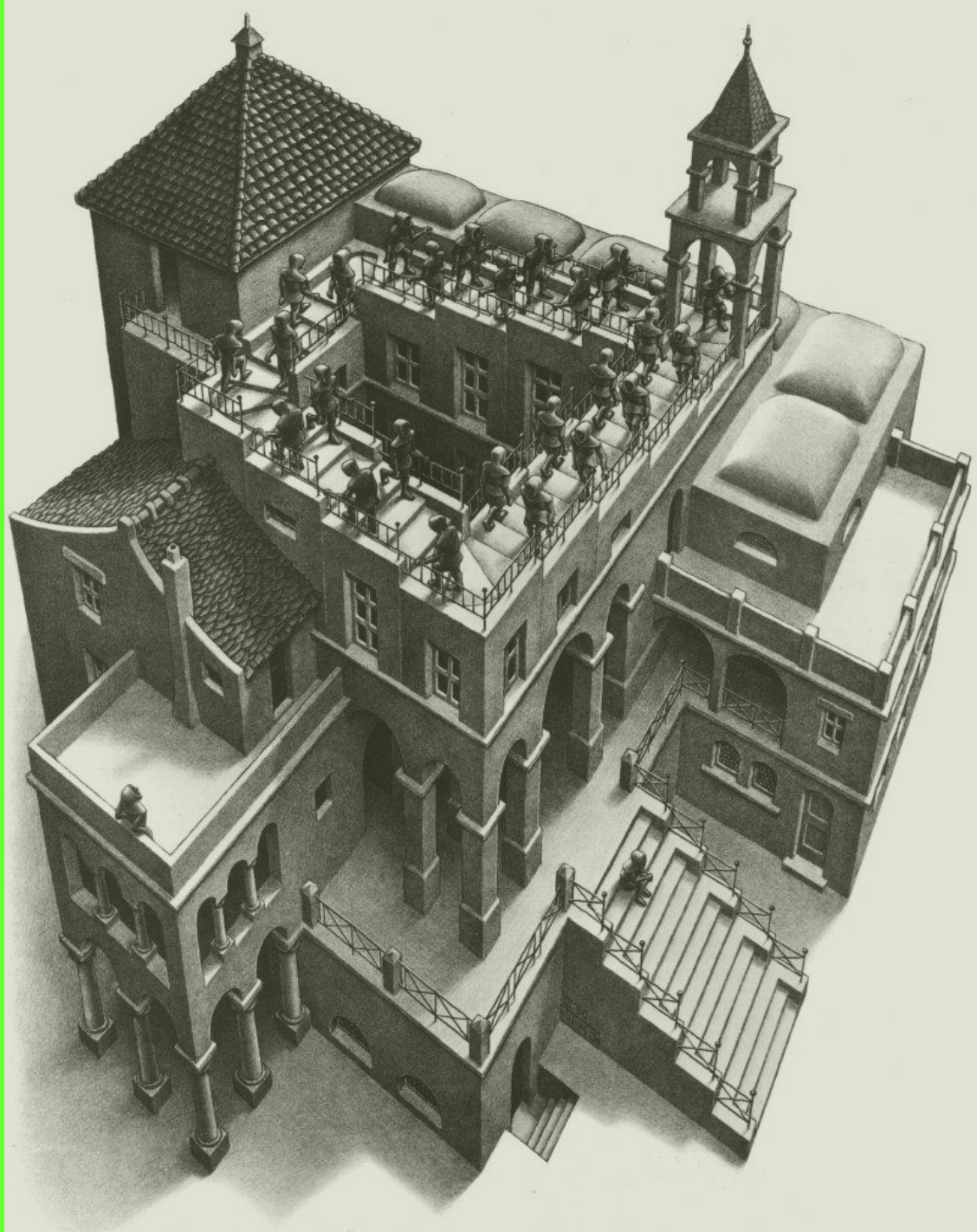


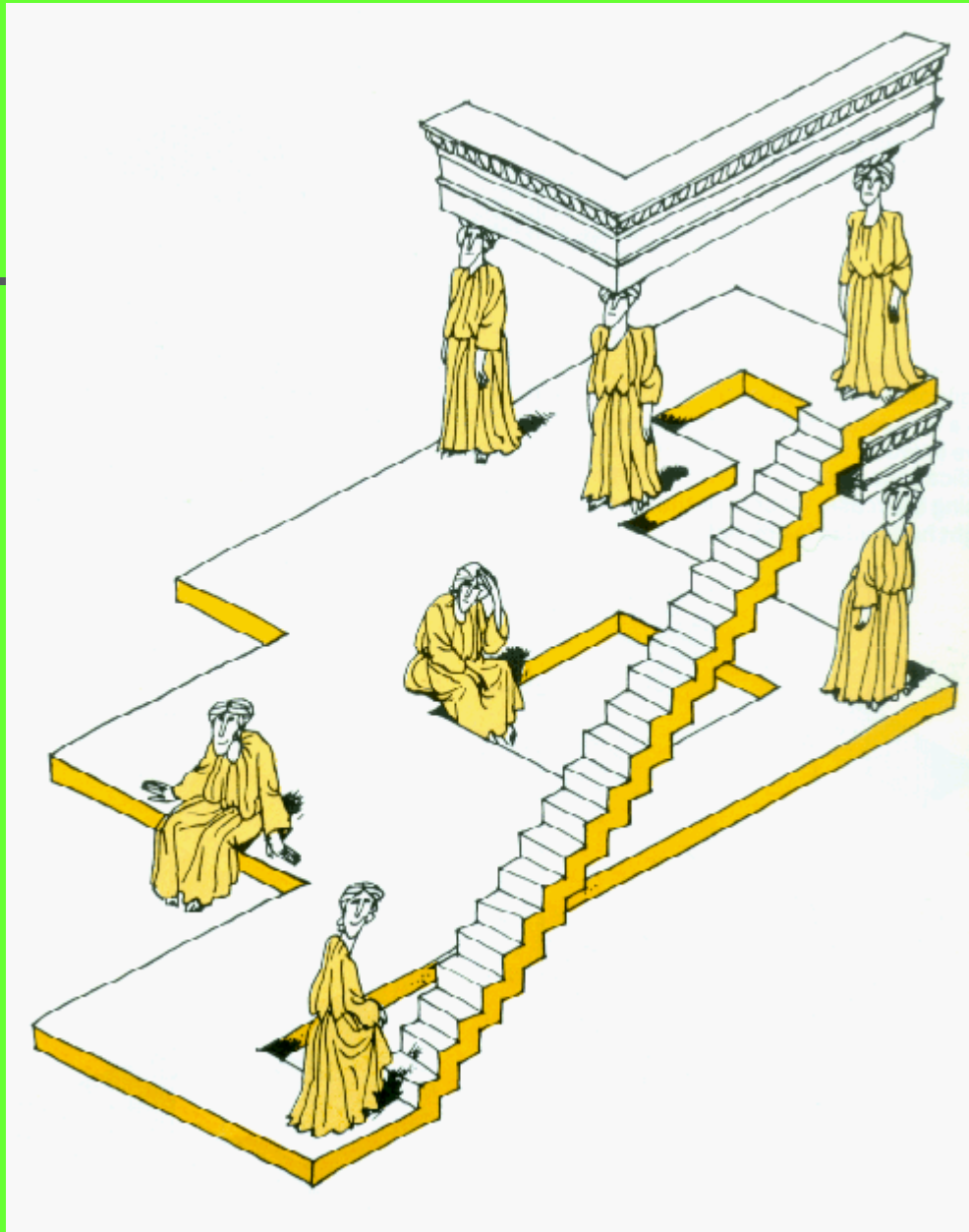
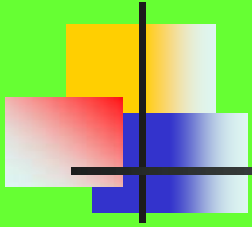


Aire
y
agua



Ascenso y descenso





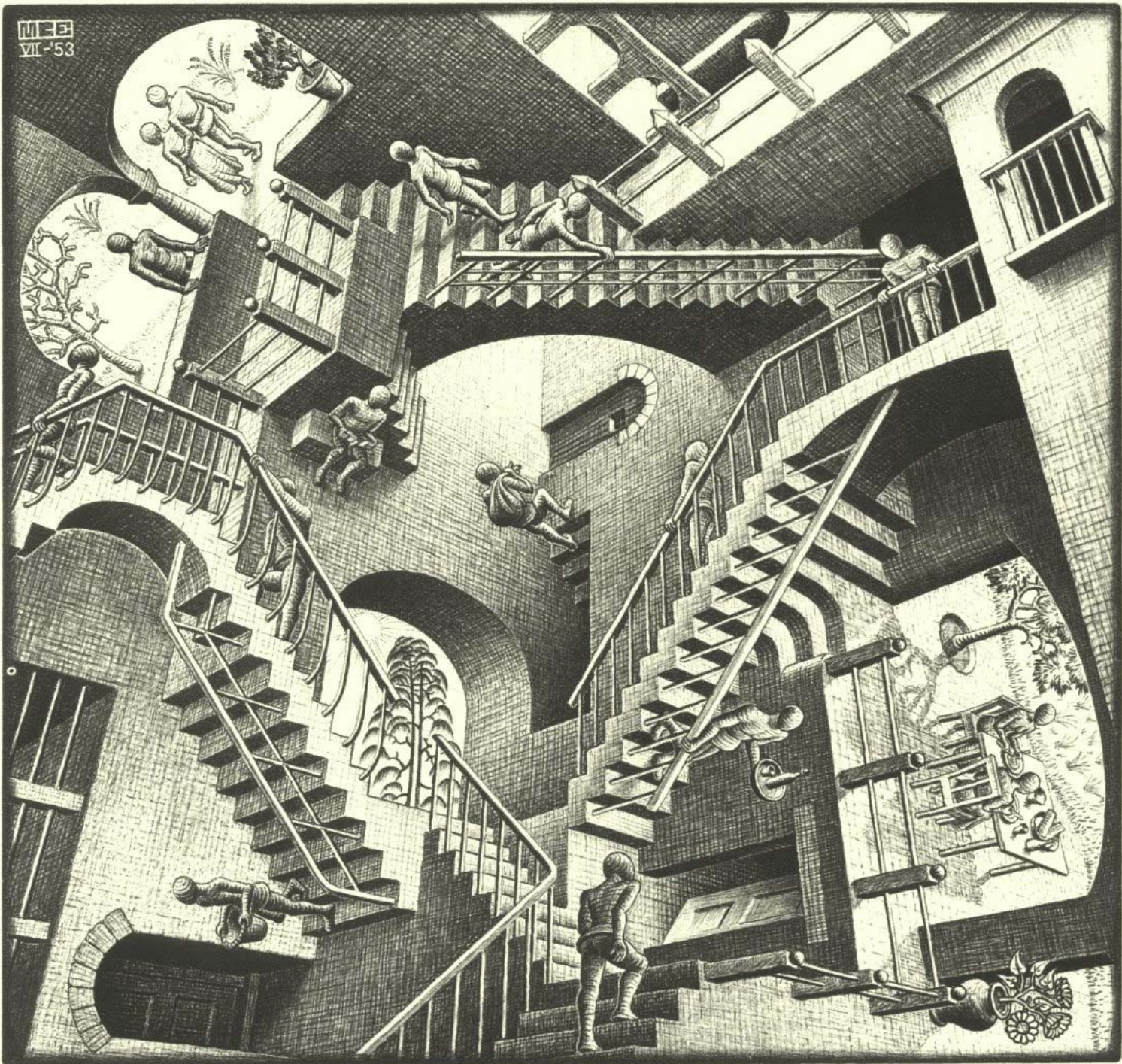
Belvedere



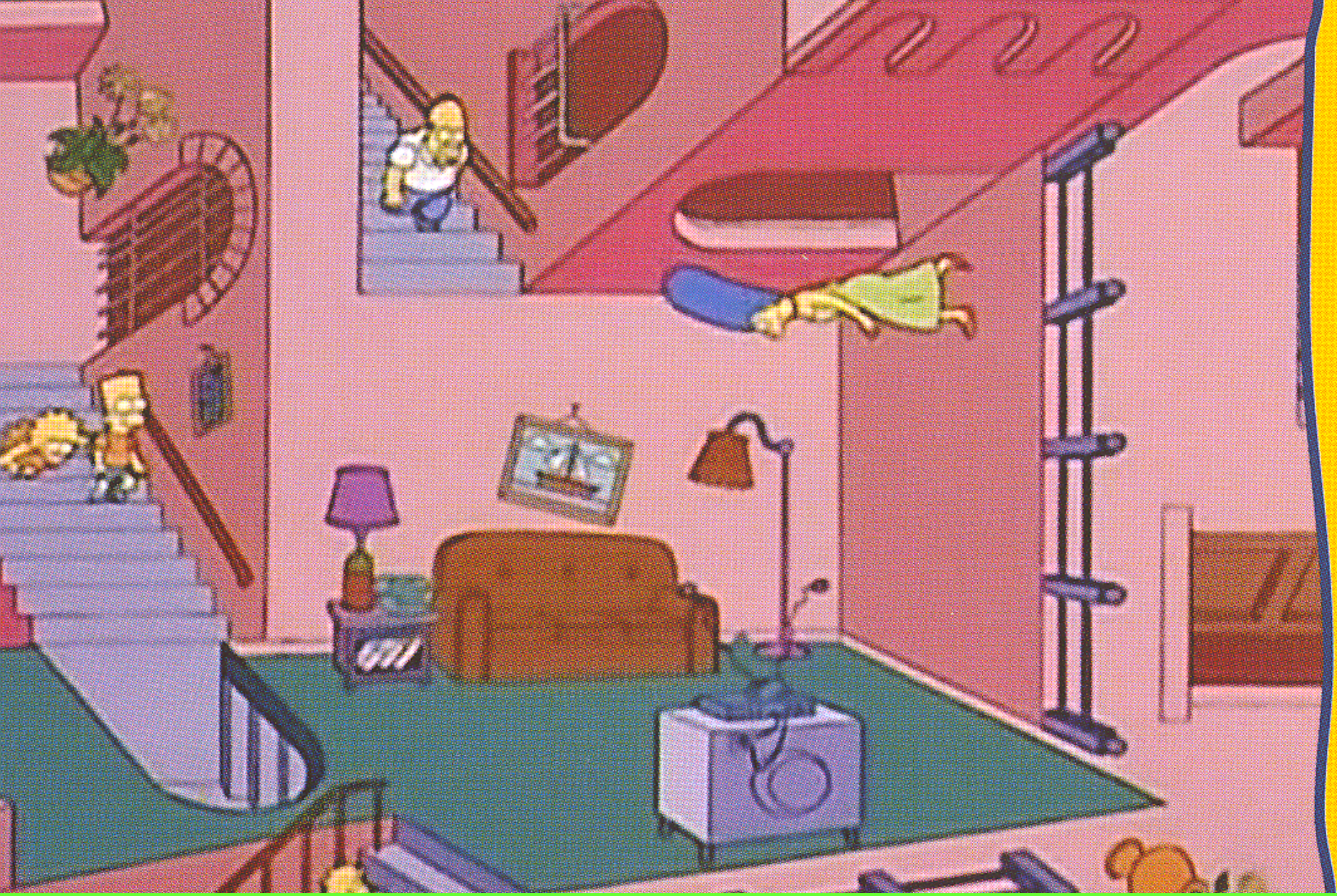
Cascada



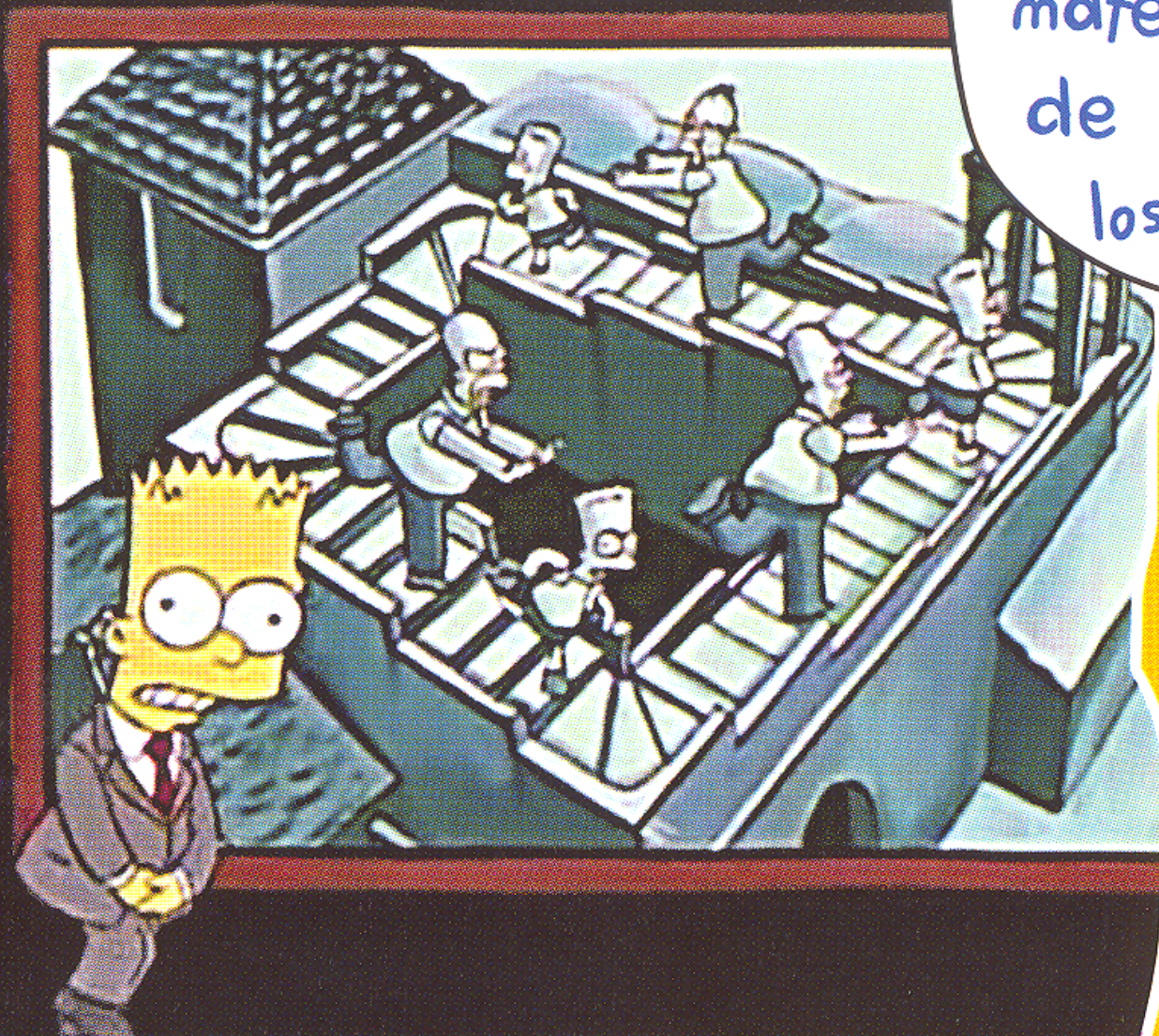
MEE
VII-53



Relati
vidad

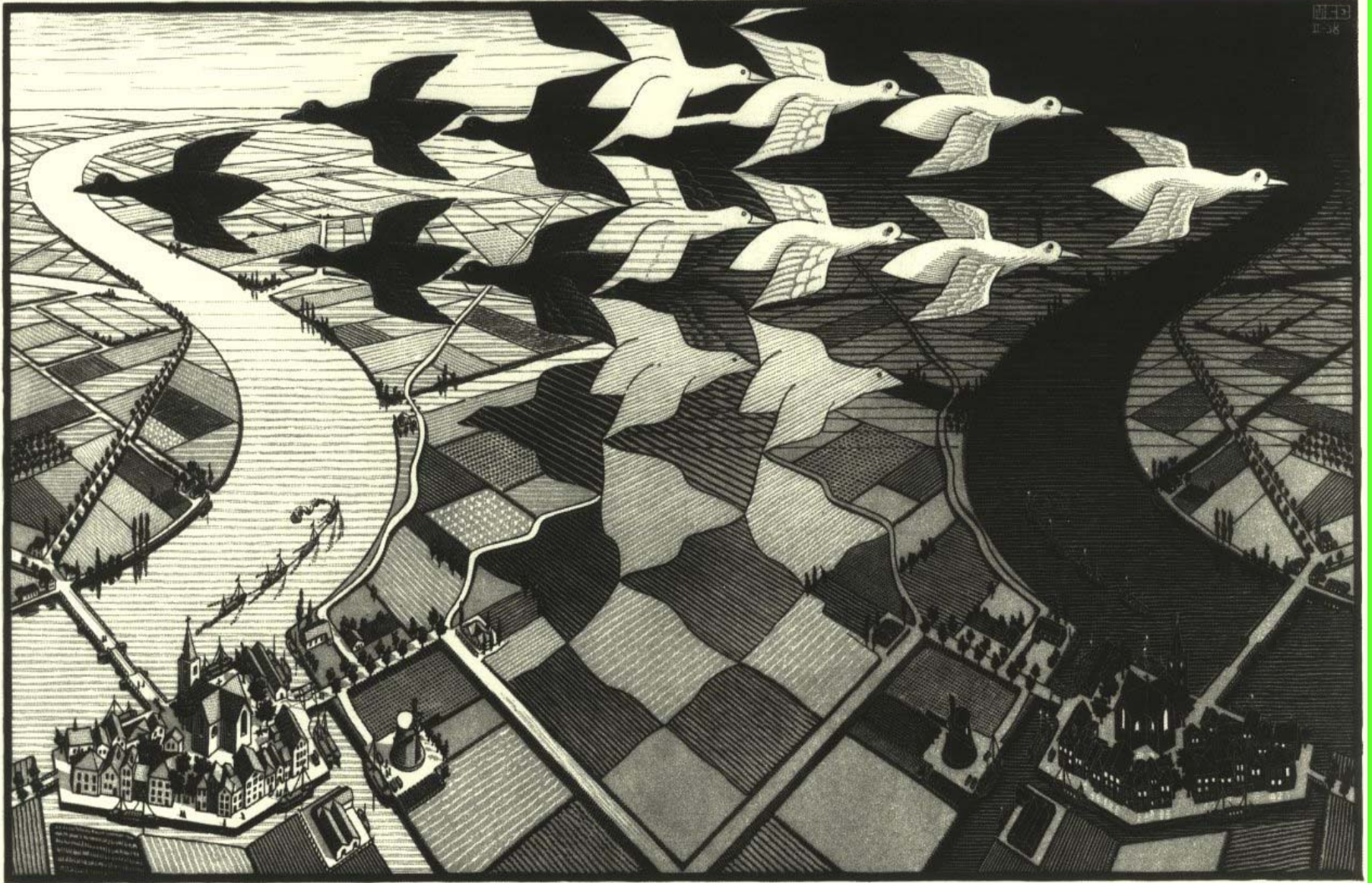


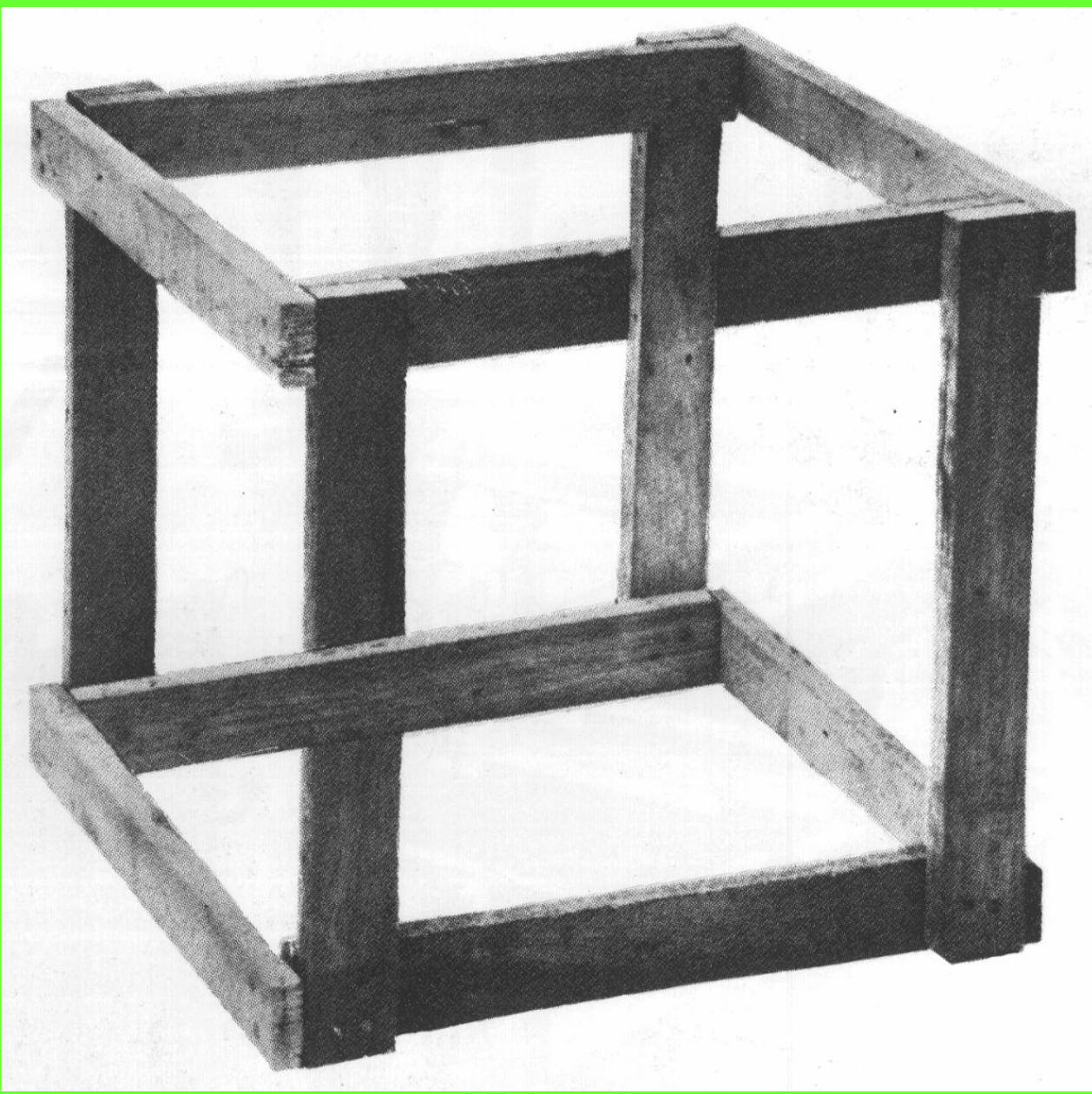
La serie de los Simpson y las Matemáticas. Las Matemáticas y el cine. Buscar en Internet **maths in the movies**



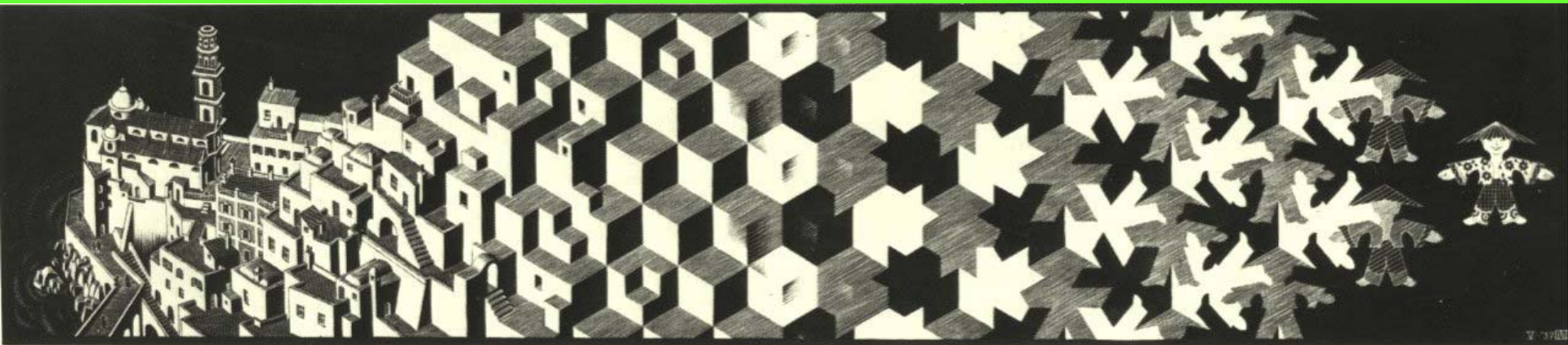
cerca de los
matemáticos q
de mis colegas
los pintores"

Toma una
persiguen
la del fo
forma de
Cuando d
¿dónde es
¿En qué
subir?
Si los acc
introduc
constante
infinito





Jaula imposible



Metamorfosis





Matemáticas en el diseño, la pintura y arquitectura actuales

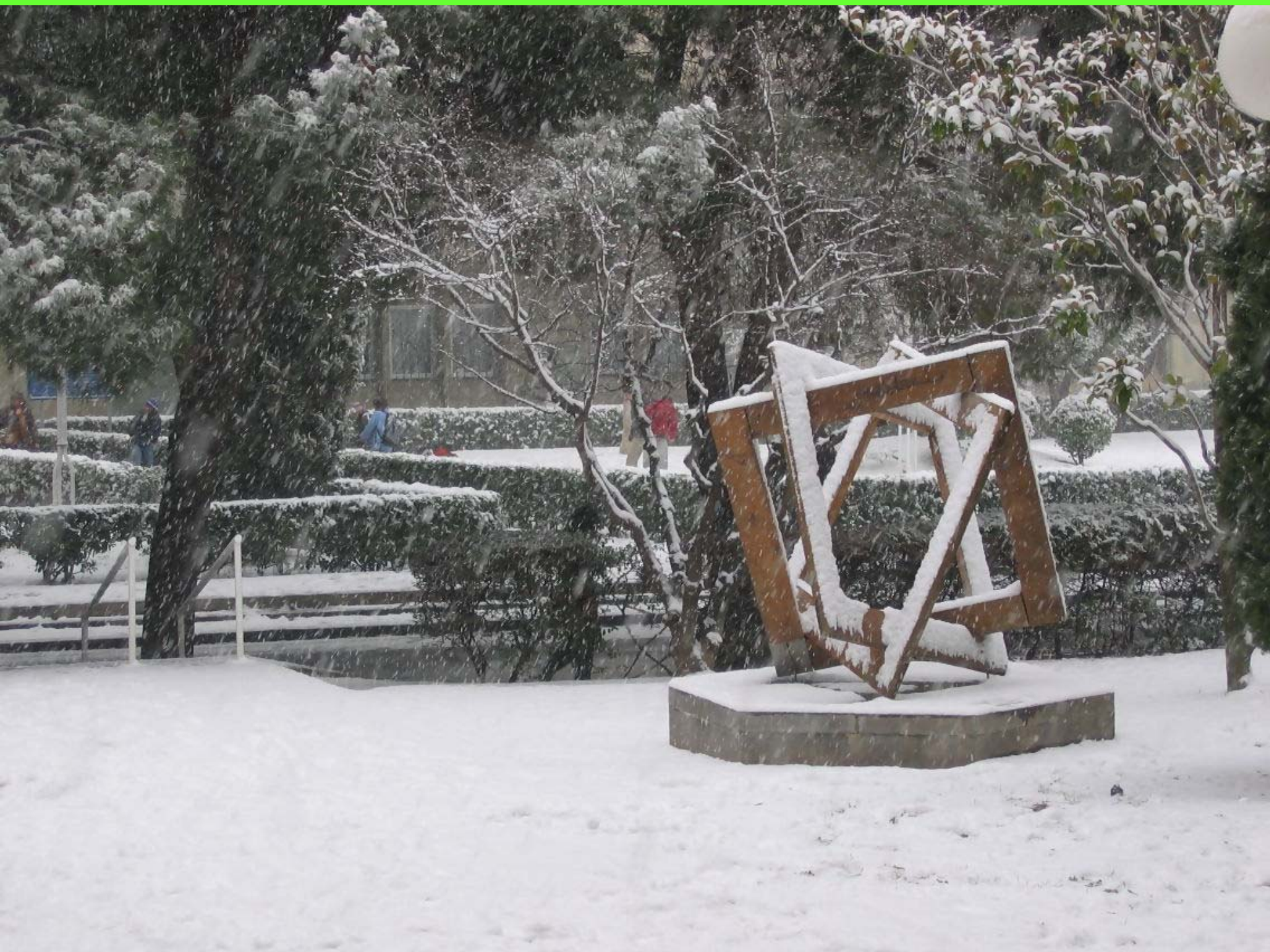


Fractales





Robinson: Intuition







Gaudí



Grande
Arche
(La Defense-París)





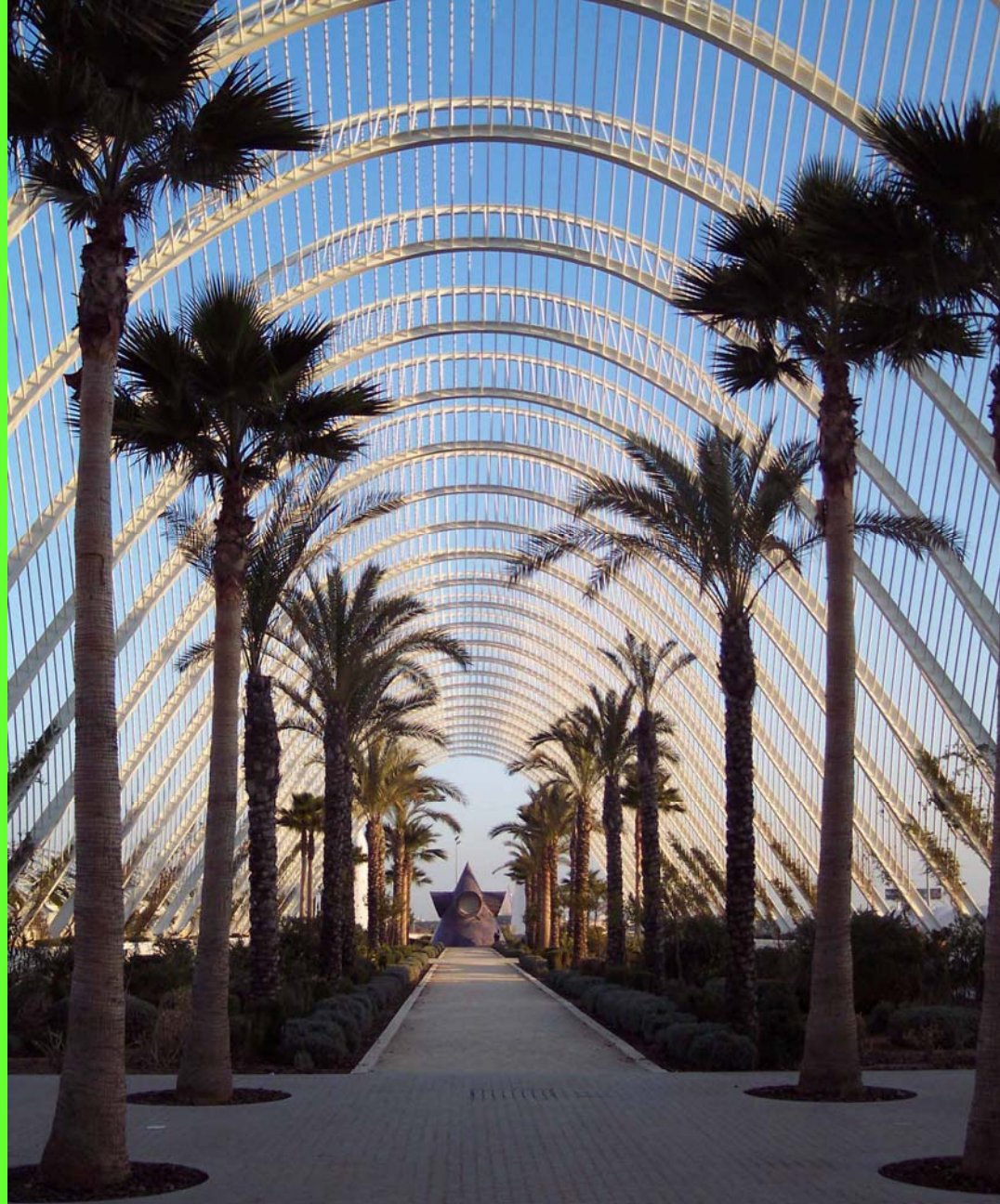
**Gateway Arch, St. Louis, catenaria, 630 pies
de alto y de base**



2005/02/03

L'Hemisfèric, en la Ciutat de les Arts i les Ciències de València





2005/02/03



goza
Zaragoza

gozaZaragoza.com

FIN